

myrapan "be de Tyelle

y" Uslman 45"5" finles 2

" Brak mila u's"

## The Pennsylvania State Gllege



The Carnegie Library

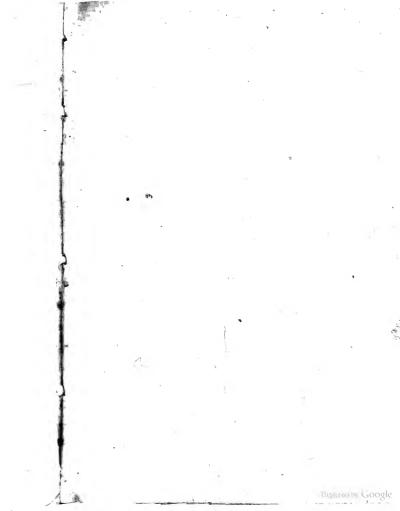
DONATED BY

Mr. Chas. W. Hardt.

531,02

40755





# Vademecum des Mechanikers

Praktisches Sandbuch

für-

Mechaniker, Maschinen= und Mühlenbauer, und Techniker überhaupt

pon

Prof. Christoph Bernoulli. 1182-186

Dritte Auflage,

nochmals verbessert und vermehrt von des Obigen Sohne, Joh. Gustav Bernoulli.

Erftes Bandchen.

Mit zwei Steinbrudtafein.

Stuttgart und Cubingen, in der 3. G. Cotta'schen Verlagshandlung. 1 8 3 6. VIAVELLOR ITATIONAS INSTOR

## Dorrede

## gur zweiten Anflage.

Das Bademecum des Mechanikers war, wie das Vorwort zur ersten Auslage von 1829 sagte, eine Nachbildung des in England so beliebt gewordenen Compendium of Mechanics des Robert Brunton, und großentheils daraus entnommen. Es sollte, wie dieses, keineswegs ein Lehrbuch oder ein Leitsaden zum Unterricht in der Mechanik seyn, sondern "eine Samme lung mannichfaltiger, besonders bewährter Ersahrungen und Vorschriften zum Behuse praktischer Mechaniker, Baumeister u. a., in der man weder ausschhrliche wissensschaftliche Erklärungen, noch systematische Vollskändigkeit zu suchen habe."

Der Beifall, der diesem kleinen Buche zu Theil ward, und der schon nach wenig Jahren eine zweite Aufslage nothig machte, war für den Bearbeiter derselben eine Ausmunterung, dieser, soviel in seinen Kräften liegt, eine noch größere Brauchbarkeit zu geben. Er wünschte gleich, daß es, in seiner erneuerten Form, auch in den Augen der gründlicher gebildeten Mechaniker, deren Jahl

earne

in Deutschland immer größer wird, als eine nügliche und werthvolle Arbeit betrachtet werden dürfte. Er glaubte daher nicht nur Vieles ergänzen und hinzusügen zu sollen, so daß das Buch nun auf zwei Bändchen angewachsen ist, sondern auch in mehrere, etwas tiesere und schwierigere Gegenstände sich einlassen zu dürfen. Er glaubte deßhalb auch weniger Schen vor Mittheilung von mathematischen Formeln tragen, und sich vorzugsweise des metrischen Systems bedienen zu sollen.

Immerhin ist ber erste Plan bes Werkchens wessentlich beibehalten worden, und auch derzweite Bearbeister desselben hat fortwährend gesucht, selbst dem Ansauger und weniger unterrichteten Mechaniker möglichst versständlich zu sehn. Er hofft daher, es werde sich diese zweite Anslage des Bademecuns nicht weniger als die erste einer günstigen Ausnahme von Seite seiner Verusse

genoffen zu erfreuen haben.

Paris, im Januar 1832.

J. G. B.

Bei der dritten Auflage ist das erste Bandchen sorgfältig revidirt und durch viele neue Zusäße vers mehrt worden.

Bafel, im November 1835.

3. G. V.



## Inhalt.

Nr.	Seite
1.	Angabe und Bergleichung ber gebrauchlichsten Maage und Gewichte
2.	Berechnung von Flachen mit gerablinigter Bewegung 24
3.	Berechnung von Kreisflachen 28
4.	Berechnung von Glachen, welche von frummen Linien ein:
	geschloffen find
	Unwendung berfetben Regeln, jur Berechnung von Rorpern . 40
	Berechnung ber Tragbarteit von Schiffen 41
	id. bei ber Correttion von Strafen 45
5.	Berechnung ber Dberftache und bes Inhalts von Rorpern . 47
6.	Inhalt chlindrifder Rohren und Gewicht bes barin enthals
	tenen Waffers 54
	Inhalt von Faffern 58
7.	Bon ber Reibung 60
	Bon ber Transmiffion ber Bewegung vermittelft enblofer
	Riemen 66
3,	Ueber bie Steifigfeit ber Seile 69
9.	Bon dem bynamischen Effette ber Rrafte 72
	Meffung bes Rugeffettes, vermittelft bes Dynamometers von
	Prony
10.	Bon ben mechanischen Potenzen
11.	Auffindung bes Schwerpunttes
12.	Berechnung fallender Körper
15.	Berechnung ber Rammmafchinen



## — viii —

	Ceite
Mittelpunft bes Stoffes ober Schwunges	129
Theorie des Stoffes	133
Bom fpezififchen Gewichte	
Berechnung bes Gewichtes eines Rorpers	149
Gewichtstafel von laminirten Metallplatten	151
Gewichtstafel von runden und quabratifchen Gifenftangen .	155
id. von bleiernen Rohren	156
Berechnung ber Luftballons	157
Bon ber Starte ber Materialien	
Barlow's Regeln aber bie Transverfalftarte von hotzernen	
Balfen	171
Trebgolb's Regeln gur Berechnung ber Starte gußeiferner	
Baume	176
Bon Raberwerfen	180
Dimensionen ber verschiebenen Theile an Rabern	191
Berechnung bes Bafferbruck	205
Bestimmung ber Dide von Schusbrettern	205
id. von Waffermauern	208
Ueber einige andere Gesete ber Sybrostatit	210
Berechnung ber bubraulischen Preffen	215
	217
Unbang.	
windigkeit und Gewalt bes Windes	224
windigfeit des Schalles	225
windigfeit abgeschoffener Rugeln	226
	Bom spezissischen Gewichte Berechnung bes Gewichtes eines Körpers Gewichtstasel von taminirten Metallplatten Gewichtstasel von runden und quadratischen Eisenstangen id. von bleiernen Röhren Berechnung der Lustballons Bon der Stärte der Materialien Barlow's Negeln über die Transversalstärfe von hölzernen Balten Tredgold's Regeln zur Berechnung der Stärte gußeiserner Baume Bon Räderwerken Dimenssonen der verschiedenen Theile an Rädern Berechnung des Wasserbrucks Bestimmung der Dicke von Schusbrettern id. von Wassermauern Ueber einige andere Geses der Hydrostatit Berechnung der hydrautischen Pressen Wassermenge, die aus Dessungen stießt bei konstanter Oruckhöhe Un hang. windigkeit und Gewalt des Windes windigkeit des Schalles

## Bernoulli's

Vademecum des Mechanikers.

## Nr. 1.

Angabe und Vergleichung der gebräuchlichsten Maasse und Gewichte.

## A. Frangofifche Maafse.

## i) Metrifches Gpftem.

Ein Meter ift der zehn-millionfte Theil des Erdquas brants.

Jedes der folgenden Maaße ist zehnmal großer als das vorhergebende:

Millimeter = 1000 Meter; Centimeter, Dezimeter, Meter, Dekameter, Hektometer, Kilometer, Myriameter = 40,000 Meter.

Die neue Elle ift = 12 Dezimeter.

1 Are = 100 □Meter.

1 Settare = 100 Aren = 10,000 | Meter.

Bernoullt's Bademerum I.

- 1 Stere = 1 Cubifmeter.
- 1 Defastere = 10 Cubifmeter.
- 1 Liter = 1 Cubifbezimeter.
- 1 Seftoliter = 100 Liter.
- 1 Defaliter = 10 Liter.
- 4 Gramm ift das Gewicht von 1 Cubikcentimeter bestillirten Baffers bei der Temperatur von 4° C. (wo das Baffer am meisten Dichtigkeit bat).
  - 1 Rilogramm ift dasjenige eines Cubifdezimetere Baffer.
    - 2) Altes frangofifches Spftem.

Einheit: ber Parifer = Fuß.

Toife. Ruf. Boll. Linien.

1 - 6 - 72 - 864 = 1,9490363 Meter.

4 - 12 - 144 = 0.3248394 -

1 - 12 = 2,706995 Centim.

1 = 0.225583 -

Die alte Parifer Elle = 43", 101" = 1,187694 Meter.

1 Meter = 3'0"11",296 = 3,07844 Fuß.

Sehr annabernd bat man:

76 Meter = 39 Coifen.

19 Meter = 16 alte Ellen.

81 Centimeter = 21'.

13 Dezimeter = 4'.

3 Dezimeter = 11".

97 Millimeter = 43".

Dis wed by Google

## Dberflachenmaafe.

Cinheit: bie Juchart (arpent).

- 1 Juchart = 100 Muthen (perches carrées).
- 1 Juchart bon 900 □ Toifen = 34,18867 Aren.
- 1 Seftare = 2,924944 Juchart.
- 1 □ Toife = 3,798743 □ Meter.
- 1 □' = 10,552 □ Dezimeter.
- 1 □"= 7,32782 □ Centimeter.
- 1 □ Meter = 9,4768 □ Rug.

## Durch Approximation bat man:

- 40 Settaren = 117 Suchart.
- 19 □ Meter = 5 □ Toifen.
- 21 □ Desimeter = 2 □'.
- 22 Dentimeter = 3 |".

## · Capacitats maaße.

Das Solz wird beim Rlafter verfauft, doch diefes Daas ift zu fehr verschieden, ale bag es bier anzugeben mare.

Fur Korn, Salz, Roble, Dein zc. braucht man fols gendes:

Muid	Se	ptiers		Mines		Minots	$\mathbf{B}$	oisseau	x ·	Litrons.
1	-	12	_	24	_	48	_	144	-	2304
	130	1	-	2	-	. 4	-	12		192

 $\frac{1}{1} - \frac{3}{3} - \frac{48}{1}$ 

1. - 46

- 1 Boiffeau = 655,78 Cubifgoll.
- 1 Pinte = 0,9313 Liter.
- 1 Bete = 8 Pinten = 7,45 Liter.
- 1 Cubiffuß = 31,277255 Liter.
- 1 Cubifmeter = 29,174 Cubiffuß.
- 1 Sefter (setier) = 4,554 Cubitfuß.
- Der neue Boiffeau = & Settoliter.

## 

	Lin	ienmaaße.		Db	erflådenma	aße.
	Fub in Meter.	Boll in Centimeter	Linlen in Millimeter.	□Fuß in □ Meter.	□Boll in □Centimet.	<b>S</b> Linten in □Millimet
1.	0,3248	2,707	2,26	0,1055	7,328	5,09
2	0,6497	5,414	4,51	0,2110	14,656	10,18
3	0,9745	8,121	6,77	0,3166	21,983	15,27
4	1,2994	10,828	9,02	0,4221	29,511	20,36
5	1,6212	13,535	11,28	0,5276	36,639	25,45
6	1,9490	16,242	13,54	0,6331	43,967	30,53
7-	1,2739	18,949	15,79	0,7386	51,295	35,62
8	2,5987	21,656	18,05	0,8442	58,622	40,71
9	2,9236	24,363	20,50	0,9497	65,950	45,80

- 70			
	Eubiffuß in Eubifmeter.	Cubifzoll in Cubifcentim.	Cubiflinien in Cubifmillim
u- 1141	0,0343	19,836	11,48
2 2	0,0686	59,673	22,96
3	0,1028	59,509	34,44
4	0,1371	79,346	45,92
5	0,1714	99,182	57,40
6	0,2057	119,018	68,88
7	0/2399	138,855	80,36
8	0,2742	158,691	91,84
9	0,3085	178,528	103,32

## Bewichtsmaaße.

枯	g	Nart		Unzen		Gros	@	crupelr	ı	Grains.
1		2	_	16	-	128	_	384	_	9216
		1		8	_	64	_	192		4608
		۰		1	_	8	_	24		576
						1	_	3	-	72
								1		24

- 1 Tonne = 1000 Kilogramm = 10 metrifche Zentner.
- 1 Kilogramm = 2,042877 16 = 2 16 5 Groe 10,715 Grains.
  - 1 Gramm = 18,82715 Grains.

Durch Approximation hat man:

70 Kilogramm = 143 tb.

11 Seftogramm = 36 Ungen.

8 Decigramm = 15 Grains.

Unmertung. Da ber Durchmeffer eines frangbfichen Fanffrantens flaces 58 Millimeter und ber eines frangbfichen Zweifrantens flaces 28 Millimeter beträgt, so bilben 16 Fanffrantenflicte und 14 Zweifrantenflicte nebeneinanbergelegt bie Lange von 1 Meter, und 8 Fanffrantenflücte mit 1 Zweifrantenfluct, bie Lange von 1 Fuß.

40 Cunffrantenftude wiegen 1 Rilogramm.

# B. Englische Maafse.

.4) Gemichte.

# 4) ganbelsgewicht (avoir du pois weight.)

1002	7		-			-	7
Kilogramm.	1015,649	50,7825	12,6956	6,4554	0,02834	0,00177	0,00006477
Grain.	4			2000	437,5	27,543	-
Drain.	573440	28672	7168	256	16	₹.,	
Ounce avoir du pois.	55840	1792	448	16	-		
Pound avoir du pois.	2240	112	280	44			-
Quarter.	-80	4	-		-		
oder Centner.	20	44	- 0		f		
Ton.	-					180	170

## b) Trongewicht (Troy weight).

Pound troy.	Ounce troy.	Penny weight:	Grains.	Kilogramm.
1	12	240	5760	= 0,3731
	1	20	480	= 0,0311
		1	24	= 0.00155
			1	= 0.00006477

Das Tropgemicht bient nur um Gold und Gilber jn magen, in dem gewöhnlichen Sandel bedient man fich bingegen des Sandelsgewichtes.

1 th avoir du pois = 14 ounces, 11 penny und 15½ grains = 7000 grains Troy-weight.

1 Kilogramm = 2,68027 pounds Troy. = 2,20548 pounds avoir du pois.

1 16 frangbiifches Markgewicht = 7561 grains Troyweight.

1 Unge frangofisches Markgewicht = 472,56 grains

Troy - weight.

1 Quentchen frangbfifches Markgewicht = 59,07 grains Troy weight.

1 gramme = 15,438 grains.

Meten.	m m = 1609,5150	201,1644	5,0291	1,82877	0,91438	0,30479	0,02540	
.701	97=		11	11	1	11	)-[]	
Inch.	63360	7920	198	7.2	36	12	4	
Foot.	5280	099	161	9	10	4		
Kard.	1760	220	7C)	61	₩		1	
Pathom.	800	110	64	7			-	j
Pole.	520	40	A ==		1	,		
Furlong.	- 00	4						
Mile.	4		-**		,			

- 1,093633 Pards.
- 1 Meter = { 3,2808992 Feet. 39,37079 Inches.
- 1 Miriameter = 6,2138 Miles.
- 1 engl. Meile = 5280' engl. = 1609 Meter.

## 5) Flachenmaafe.

Acre.	Rood.	□Pole.	☐ Yard.	□Foot.	= Ares.
1	4	160	4840	43560	= 40,46710
1	4	40	1210	10890	= 10,116775
		1	- 30½	2721	= 0,25291939
	2		1	9	= 0,00836097
- 1	6.			1	= 0,00092899

- 1 □ Foot = 144 □ Inches.
- 1 □ Meter = 1,196033 □ Dards = 10,764297 □ Feet.
- 1 Are = 3,953800 □ Ruthen (poles).
- 1 Deftare = 2,473614 Ucres.
  - 4) 3nhaltemaaße.
- 1 Eubiffoot = 1728 Cubifinches.
- 1 Cubifmeter = 35,316 Cubilfeet.
- 1 Liter = 61,026 Cubifinches.
- 1 Cubifinch = 0,016386 Litres.
- 42 Cubiffeet = 1 Schiffstonne = 1,1892 Cubifmeters.

# a) Getretbemange (Dry-measures).

Last.	Wey.	Wey, Quarter, Coom, Bushel Peck, Gallon.	Coom.	Bushel	Peck.	Gallon.	Pint		Litres.
	- 63	10	20	. 08	320	640	5120	ń 11	2818,9734
	₹1	ro.	10	40	160	320	2560	11	1409,4867
		-	63	ဘ	32	61	512	11	281,8973
			~	4	16	22	256	11	140,9486
1.1	100			-	4	80	64	-	35,2371
				-	-	67	16	11	8,8093
						-	× ×	!!	4,4046
							<b>-</b>	11	0,5505

f Gallon von Minchester = 268,8 Eubifinches. 1 Buspel = 2150,4 Eubifinches = 1,244 Eubisfeet. 1 Last = 99,555 Eubiffeet.

b) Bier: ober Alemaaße.

Butt.	Hogshead.	Gallon.	Pint.	Litres.
1	2	108	864	= 499,0628
	1	54	432	= 249,5314
		1	. 8	<b>4,6209</b>
	1		1	= 0,5776

1 Gallon Biermaaß = 282 Cubifinched = 1,01704 imp. gallons.

## c) Beinmaaße.

Tun.	Pipe.	Hogas shead.	Gallon.	Pint.		Litres.
W	2	4	252	2016	_	953,8832
1964	1	2	126	1008	=	476,9416
		1	63	504	=	238,4708
in.			1	8	-	3,7853
	9-	. 1		1	=	0,4731

1 Gallon Deinmaß = 251 Cubifinched = 0,83311 imp. gallons.

### d) Imperialmaas.

Chaldron.	Quarter.	Sack.	Bushel.	Peck.	Gallon.	Quart.	Pint.		Litres.
1	44	12	36	111	288	1152	2304		1508,516
	1 -	23	8	32	64	256	512	=	290,7813
	7-7-1	1	3	12	21	96	,192	=	109,043
1			1	4	8	32	6.1	=	36,3477
	-4			1.	-2	8	16	=	9,0869
	13				1	4	- 8	=	4,51316
	- 16	-				1	/2	=	1,135864
	- 1		}				1	=	0,567932

1 Litre =  $\begin{cases} 0.22009667 \text{ imp. gallons.} \\ 1.760773 \text{ pints.} \\ 0.11004 \text{ pecks.} \\ 0.02751 \text{ bushels.} \end{cases}$ 

1 Settol. = \ \begin{cases} 2,751 \text{ bushels.} \\ 0,917 \text{ sacks.} \\ 0,0764 \text{ chaldrons.} \end{cases}

1 Chaloron = 46,210 Cubiffeet. 1 Bufhel = 2218,197 Cubifinches = 1,284 Cubiffeet.

1 Ballon = 277,274 Cubifindes.

### e) Steinfohlenmaaße

Chemals murden die Steinfohlen nach dem Chaldron vertauft. 1 Chalbron = 4 Bat (Tonnen) = 12 Cad = 36 Prifels = 144 Pede (Biertel).

Das Steinfohlen Bufbel halt ein Biertel mehr ale bas Bin-

defter Bufbel oder 2217,62 Cubifindes.

Begenwartig merben die Steintohlen fast allgemein nach bem Gewichte verfauft.

Rebuktionstabelle ber englischen Maage in metrische Maage.

	. 0	6	0	. 0	00	1 00	00	7	7	-
Pounds svour SiR ni sioq ub annangol	0,4553	9,9065	1,3598	1,80319	2,2664	2,7197	3,1730	3,6263	1,0796	
Ounces avoir du pois in Gramm.	28,338 0,45530	56,677 0,90659	85,015,1,35989	113,354	141,692	170,050	198,369	226,707	255,046	407 704
Cubikfeet in Englineter.	0,02832	9,08691 0,05663	0,08495	0,11326	0,14158	0,16989	0,19821	0,22652	0,25484	21206 0
laperialgallona: rsiig ni	4,54345 0,02832	16980'6	13,63036	18,17382	22,71727	27,26072	31,80418	36,34763	40,89109	A 7 A 7 A 1 A
di ested gred.	40,46710	80,93420	76,199 0,91258 19,35408 0,27869 121,40150 13,63036 0,08195	4 (105,598 1,21918 25,80558 0,37159 161,86840 18,17382 0,11326 113,354	126,998 1,52397 32,25673 0,46448 202,35550 22,71727 0,14158 141,692 2,26648	152,397 1,82877 38,70808 0,55758 242,80259 27,26072 0,16989 170,030 2,71978	177,797 2,13356 45,15942 0,65028 283,26969 31,80418 0,19821 198,369 3,17308	203,196 2,45856 54,61077 0,74518 525,75679 56,54765 0,22652 226,707 5,62657	228,596 2,74315 58,06211 0,83607 564,20389 40,89109 0,25484 255,046 4,07967	20 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 0
DPeet in	0,09290	0,18579	0,27869	0,37159	0,46448	0,55758	0,65028	0,74318	0,83607	00000
∏lnches in □Centimeter.	6,45155 0,09290	56,799 0,60959 12,90269 0,18579	19,35408	25,80538	32,25673	38,70808	45,15942	54,61077	58,06211	CA KATAC
Feet in Meter.	25,400 0,30479	0,60959	0,91458	1,21918	1,52397	1,82877	2,13356	2,45856	2,74315	207702
Inches in Millimeter.	25,400	50,799	76,199	105,598	126,998	152,397	177,797	203,196	228,596	928 008
	-	61	20	4	40	9	-	00	6	9

## C. Schweizer - Manise.

## 1) Ranton Baabt (Dezinelfpftem).

- 1 guß = 10 Boll = 10 Linien = 3 Dezimeter.
- 1 Elle = 4 Fuß = 12 Dezimeter.
- 1 Toife = .10 guß = 3 Meter.
- 1 Fafforier = 50 DToifen.
- 1 Cubiftoife = 1000 Cubiffuß = 27 Steren.
- 1 Sad = 10 Viertel (quarterons) = 5 Cubiffuß = 135 Liter.
  - 1 Muid = 19 Gade.
    - 1 Biertel = 1 Cubiffuß.
    - 1 16 = 1 Rilogramm.
  - 1 Unge = 16 16 = 314 Gramm.

## 2) Ranton Bern.

Der Berner Tuß = 0,29385 Meter oder 430 Linien frangofisch.

13,3 Schweizermeilen geben auf einen Grab.

4000 □ Huß = 1 Juchart.

Die Berner Elle = 0,5425.

Das Berner 16 = 0,47987 Kilogramm.

## ;3) Ranton Genf.

- 1 Elle = 507 Linien frangbfich.
- 1 18 = 18 Ungen Markgewicht = 0,550718 Kilogramm.

## D. Maafse in den Grofsherzogthumern Baden und Seffen.

1 guß = 3 Dezimeter = 0,9235 guß frangbfifch.

1 Morgen oder 1 Juchart = 400 □Ruthen = 40000 □Ruß = 0,36 Hektaren.

1 B = 1 Rilogramm.

1 Ruthe = 10' = 100" = 1000" = 10,000 Punite.

1 Elle = 2 Fuß.

1 Rlafter = 6 Fuß.

1 Stunde = 14,815 Fuß.

1 Klafter (holz) = 6' lang, 6' breit und 4' Scheitlange = 144 Cubiffuß.

## E. Baierifche Maafse.

1 guß = 129,38 Linien frangofisch = 0,29186 Meter.

1 Elle = 0,8330 Meter.

1 18 = 32 Loth = 0,56 Kilogramm.

## F. Wartembergifche Maafse.

1 guß = 127 Linien frangofifch = 0,28649 Meter.

1 Ruß = 10 3oll = 100 Linien:

1 Cubitfuß = 0,686 frg. Cubitfuß = 0,03445 Cubitmeter.

1 Ruthe = 10 Jug.

1 Klafter = 12 Cubiffuß.

1. Juchart = 576 DRuthen.

1 Elle = 0,"6143

100 H = 43,63 Kilogramm.

## G. Befterreichifche Maafse.

- 1 /Meter = 3,1635 guß.
- 1 Rilometer = 527 Rlafter.
- 1 Berglachter = 6,40 Ruf.
- 1 Kuß = 0, "316103.
- 1 Meile = 4000 Klafter = 24000 Fuß.
- 1 Kauft = 4 30ll.
- 1 18 = 0,560011 Kilogramm.
- 1 Centner = 5 Steins = 100 tb.
- 1 Kilogramm = 1,7857 tb = 56 Kilogramm.

## H. Preuffifche Maafse und Demichte.

- 1 guß = 0,3096 Meter.
- 1 Meter = 3,2303 preußische guß ober
- 43 Meter = 139 preugische guß.
- 2 Meter = 3 preußische Ellen ju 25 300.
- 1 □ Meter = 10,4275 preußische □ Fuß.
- 1 □ Rug = 0,0959 □ Meter.
- (33 D Meter = 344 preußische D Buft.)
- 1 Liter = 0,8733 pueuß. Quart.
- 71 Liter = 62 preug. Quart.
- 72 Seftoliter = 131 preußische Scheffel.
- 1 Kilogramm = 2,13807 preußische tb.
- 1 1 = 0,4677 Kilogr.
- 29 Kilogramm = 72 preußische 28.

Bernoull's Babemecum I.

## I. Bollandifche oder Miederlandifche Magfse.

1 Amsterdamer Fuß (voet) bat bloß 11 Zoll (duimen) oder 152 Linien (streepen) = 125,48 franz. Linien = 11\frac{1}{2} engl. Zoll.

- 1 Ruthe = 13 Fuß.
- 1 Faden = 6 Fuß.

1.

- 1 Meile = 20692 Fuß.
- 1 Juchart = 600 | Ruthen.
  - 1 Schiffspfund = 3 Centner = 300 16.
  - 1 Last = 4000 B = 2 englischen Tonnen.

Seit 1820 bedient man sich jedoch fast allgemein in Holland ber franzbsischen metrischen Maage. Die Benennungen Meter, Dezimeter, Centimeter, Kilogramm, werden ind bessen gewöhnlich durch die von Nederlandsche Elle, Palm, Ned. Duim, Ned. Pond erset.

1 Ned. pond = 10 Onces = 100 Looden = 1000 Wigtjes = 10000 Korrels = 20812,8 holland. As.

Die gebrauchlichen Inhaltsmaaße fur naffe Baaren find folgende:

Kan (litre), maatje (Décilitre), vingerhoed (Centilitre), Vat (Hectolitre), und für trockene Baaren:

Hop (litre), maatje (Décilitre), Schepel (Decalitre), Mudde over Zak (Hectolitre).

1 Last = 3000 Hoppen = 30 Mudden.

Steinkohlen werben per Soed verkauft.

9 Hoeden geben 5 Newcastler u. Chaldrons.
6 Hoeden geben 5 Londner Chaldrons.

1 Hoed = 102 Zakkenr

100 Kil. = 100 Ned. Ponden = 2023 alte Untwerpener Pfunde.

Vergleichung verschiedener Maafse und Bemichte.

L. Lângenmaaße.  Moeter	5,07844 0,9731 0,966 0,9530				1	
Ruß . 0,5248 r. Ruß . 0,5161 (1000 Ruß . 0,5169 0,5169 0,5096 00,5048 der Ruß . 0,500 der Ruß	7844 1 9731 966 9530					
. 0,3248 . 0,3161 . 0,3159 . 0,3096 . 0,3048 . 0,30	9731 9731 966 9530	3,1635	3,1868	3,2303	3,2809	3,5333
0,3161 0,3159 0,3096 0,3048 0,3048	9731	1,0275	1,0352	1,0492	1,0656	1,0827
0,3139 0,3096 0,3048 0,30	966	₹1	1,0073	1,0211	1,0371	1,0537
0,3096 0,3048 0,30	9530	0,9930	-	1,0140	1,0299	1,0463
0,3048	0200	0,9794	9986'0	+	1,0158	1,0320
0,30	# OC 0	0,9642	0,9715	0,9846	+	1,0160
II. Oberflächen:	0,9255	0,9490	0,9560	0,9691	0,9843	7
****						*
THE PLANT OF THE P						
**	4768	10,0112	9,4768 10,0112 10,1557 10,4275 10,7643 11,1111	10,4275	10,7643	11,1111
Krang. guß .   0,1055 1	4	1,0562	1,0716	1,1001	1,1355	1,1722
6660'0 .	0,9469	-	1,0145	1,0426	1,0756	1,1103
Mheinl. Fuß .   0,0985   0,9	0,9332	0,9861	-	1,0282	1,0607	1,0917
□ Preuß. Fuß . 0,0959 0,9	0,9082	0,9592	0,9734	-	1,0319	1,0650
0,0929	9088'9	0,9297	0,9458	1,9694	-	1,0322
■ 38abifcher guß 1 0,09   0,81	0,8528	90060	0,9159	0,9392	0,9688	1

Vergleichung verschiebener Maafee und Semichte.

-		_	_		_	_				4			
Babifd, Fuß.		37,0360	1,2692	1,1698	1,1451	1,0991	1,0488	1	74	2 (	1,		
Engl. Fuß.		35,3160	1,2100	1,1155	1,0924	1,0481	-	0.9556	Rhrub.	1,9642	0,9615	0,9187	9068'0
Preuß. Tuß.		33,7070	1,1550	1,0646	1,0426	1	0,9545	0,8891	Engl.	2,1381 12,2055	1,0796	1,0315	41
Fraus. Wiener Rheinl. Preuß. Fuß. Bus. Bus.		29,1720 31,6590 32,3642 33,7070 35,3160 37,036	1,1094	1,0220	1	0,9603	0,9169	0.8757	Preuß. tb.	2,1381	1,0466	-	0,9694
Wiener Fuß.		31,6590	1,0848		0,9791	0,9395	0,8961	0,8547	Frans.	2,0429	+		0,9228
Frans. Fuß.		29,1720		0,9214	0.9014	0,8655	0,8263	0,7876	Wiener Æ.	1,7857	0,8741	0,8352	960870
Weter.		-	0,0343	0,0316	0,0309	0,0297	0,0283	0,0270	Kilogr.	0,5600	0,4895	0,4677	0,4534
2 10 10 10	maaße.						_	Enb Rab. Fuß .		Kilogramm .	Rrang. tb	Preuß. th.	Englisches To
		9	9	9	9	9	9	0			-	-	41

## Dergleichung verschiedener Stundenmaafse.

	Meter.	Frangdische Fuß.	Rheinland. Fuß.	Englischer Fuß.	Geograph. Deifen.	Frangbfifche Lieues.	Englische Miles.
1 geograph. Meile .	7427	22857	23661	24379	1	1,66	4,61
1 Berner Stunde .	5279	16247	16819	17320	0,71	1,19	
1 Frang. Liene	4457	13714	14197	14623	0,60		2,77
1 Engl. Geemeile .	1857	5714	5915	6093		0.42	
1 Engl. Meile	1609	4953	5121	5280	0,22		
1 Ruffifche Werfte .	1068	3286	3402	3504			
1 Rilometer	1000	3075	3183				

1 Grad ( $\frac{1}{360}$ ) = 111111 Meter = 342050 franz. Fuß = 353'644 Rheinland. Fuß = 364'544 engl. Fuß.

1 neuer franz. Grad (400) = 100000 Meter = 51.307,40 Toifen = 307844 franz. Fuß.

Auf einen Grad (360) geben ferner:

103 fcmedifche Stunden.

13% banifche Stunden.

.143 bftreichische Meilen.

15 geographische Meilen.

153 polnische Meilen.

171 spanische ober portugiefische Stunden.

20 frangofische Seemeilen und niederlandische Stunden.

203 Schweizerstunden.

25 frangosische Lieues.

281 frangofische Postftunden.

60 englische Seemeilen und italienische Meilen. 663 turfische Berryes. 69½ englische Meilen. 87 griechische Meilen. 404 russische Bersten. 411,41 Kilometer.

Minnertung. Die Geschwindigkeit eines Schiffes auf ber See wird gewöhnlich in geographischen Meisen angegeben und durch die Länge eines Bindfabens bestimmt, welcher sich abs widett, sowie bas Schiff vorwarts geht, und an seinem Ende ein mit Blei besetztes Brettchen (Log) trägt, das etwa 170 in das Masser eintaucht. Die Zeit wird durch eine Sanduhr gesmessen, welche genau in einer halben Minute ausläuft.

Da nun 4 geogr. Meile = 23,664 rheint. Buß, 4 Stunden aber = 480 hatbe Minuten ausmachen, fo folgt hieraus, daß bas Schiff fur jede Lange von 49' 3", um welche fich ber Binds faben mabrend einer balben Minute abwidelt, in 4 Stunden

1 geparaphifche Meile burchlauft.

Da nun aber bas Brettchen immer ein wenig ber Bewegung bes Schiffes folgt, so wird die wirkliche Gechwindigkeit bes Schiffes immer etwas größer seyn, als die, welche man auf diest Weise sinder und diest Weise sinder und diest Weise sindernaßen auszugleichen, wird der Bindfaben gewöhnlich durch Knoten in Langen von 48 Fuß (statt 49' 5") eingetheilt, welche unter dem Namen Knoten verstanden werden. Läuft 3. B. ein Schiff mit einer Beschwindigfeit von 6 Knoten, so mach dasselbe in einer halben Stunde einen Weg von 6 X 48 = 288 rheinland. Juß und in 4 Stunden 6 geographische Meilen.

## Nr. 2.

## Berechnung von flächen mit geradlinigter Begrenzung.

1) Der Flacheninhalt eines jeden Parallelogramms findet fich, wenn man die Lange mit der Sobe (b. b. irgend eine Seite mit der von der gegenüberstehenden, darauf gezogenen, Perpendikulare) multiplizirt. (S = L x h.)

Beispiel. Wie groß ist der Flaceninhalt oder die Area eines Shomboids (Fig. 1), wenn c'd = 15" und n m = 7" ist? Antwort. 7 × 15 oder 105 \( \sqrt{''}\).

Unmere. Gine quabratifche Flache hat einen großeren Inhalt als irgend ein Rettangel von gleichem Umfange.

Beweis. Rennt man bie Geite bes Quabrats a, fo ift ber Ums fang & a und ber Inhalt a2.

Damit nun irgend ein Rettangel ebenfalls einen Umfang von aa habe, muß nothwendig eine langere gerabe um so viel groß fer als a senn, als eine kargere kleiner ist; baber wenn bie langern a — x sind; so sind die kargern a — x lang. In die sem Falle ist aber ber Inhalt a<sup>2</sup> — x<sup>2</sup>.

Ein vierfeitiger Raum erforbert alfo g. B. um fo meniger Mauern gur Einfchließung, je mehr er fich einem Quabrate nabert.

2) Der Flacheninhalt eines Dreiecks wird gefunden wenn man die Basis mit der halben Hohe multiplizirt. (S = L × Ih.)

Beifp. Wie groß ist ber Inhalt beg Dreieds a b c (Fig. 2.), wenn b c = 16" und a n = 7"?

Antw. 
$$\frac{16\times7}{2}=56$$
 ...

5) Der Flacheninhalt eines Trapezoibs wird gefunben, wenn man die Langen ber parallelen Seiten addirt und die Summe mit der halben Hohe multiplizirt. (Fig. 3.)  $S = (a + b) \times \frac{1}{2}h$ .

Beisp. Wie groß ist die Flache von a be d, wenn a b = 6", e d = 10" und m n = 8"?

Mntw. 
$$6 + 10 = 16$$
;  $\frac{16 \times 8}{2} = 64$  ...

- 4) Der Flacheninhalt eines Erapezes, ober einer vierseitigen Flache, die keine parallele Seite bat, mird gefunden, wein man fie in 2 Dreiede theilt, und den Inhalt jestes Preieds bann nach Nr. 2. berechnet.
- 5) Eben fo findet man den Inhalt jedes unregels maßigen Bieled's oder Polygons.
- 6) Wie der Flacheninhalt eines regularen Polygone gefunden wird.

. Regulare Polygone beißen nur folde, beren Seiten und Wintel alle einander gleich find. Solche Polygone laffen fich in und um

Rreife beschreiben; und der Mittelpunkt der Kreife ist auch das Centrum des Polygons, das von jeder Seite wie von jedem Winkel gleich weit absteht.

Der Inhalt wird baher 1) gefunden, wenn man ben gangen Umfang bes Polygons mit der halben Entfernung bes Centrums von ber Mitte einer Seite multipligirt.

Gefest, die Seite eines Reuneds fey = 5" und der Abftand berfelben vom Centrum 6,87", fo ift

ber Umfang = 9 × 5 = 45"  
und ber Inhalt = 
$$\frac{45 \times 6.87}{2}$$
 = 154,57 [...]

Da aber ferner der Flacheninhalt jedes ganz regularen Polygons sich zu dem eines andern von gleicher Seitenzahl verhalt wie das Quadrat einer Seitenlange, so last sich derselbe auch 2) nach folgender Tafel durch eine einsache Rechnung finden.

Ift nämlich die Seite 1" oder 1' lang, fo hat:

das	regul.	3ect	einen	Inhalt	von	0,433	0"	ob.	
_	_	4 ,,		-	_	1,000	17		27
_	_	5 ,,	- 1	_	-	1,720	"		>>
	_	6 ,,	_	-	-	2,598	99	_	"
<u>~</u>		7,,	-	-	_	3,634	,,	-	,,
-	_	8 "	_			4,828	"	-	"
_	_	9 ,,	-	_	-	6,182	22	-	33
-	_	10 "	-	_	_	7,694	77	-	. >>
-	-	11,,	<u>-</u>			9,566	"	_	"
_	-	12 ,,			_	11,196	"	-	17

Um also ben Inhalt irgend eines regularen Polygons gu finden, multiplizire man nur bas Quadrat einer Seite mit ber in ber Tafel berechneten Area.

Beifp. Belches ift ber Inhalt eines reg. Bede, ober Octogone, beffen Seite 4' lang ift?

Antw. 4 × 4 ober 16 × 4,828 [ ' = 77,248 [.

Ebenso wird man leicht die Große einer Seite (und hiemit den Umfang auch) fur ein regulares Bieleck von einem gegebenen Flacheninhalt berechnen konnen. Man dividirt denselben durch die Area in der Tafel, und zieht aus dem Quotienten die Quadratwurzel.

Beifp. Die groß wird die Seite und ber Umfang eines regul. bent ober heragons fenn, von 100 [ 3nhalt?

Antw.  $\frac{100}{2,598} = 58,49$  und  $\gamma$  58,49 = 6,2.

ber ganze Umfang also = 6 × 6,2 = 37,2%.

#### Nr. 3.

### Berechnung von Kreisflächen.

Gin Rreis ift ale ein regulares Polygon von unendlich vielen Seiten zu betrachten.

Bei allen Rreifen bat baffelbe Berhaltniß zwischen bem Rabius ober Diameter jum Umfange (ober ber Peripherie) ftatt. Diefes wird allgemein mit bem griechischen Buchftaben # bezeichnet.

Nach dem einfachften Ausbrude verhalt fich: ber Durchmeffer jum Umfange wie 7 : 22 genquer und in Dezimalen wie 1 : 3,1416 noch genauer

1) Darnach läßt fich leicht ber Umfang jedes Rreis fes berechnen, wenn bet Rabius ober Diameter bestimmt ift: und eben fo umgefehrt.

Beifv. 1) Die groß ift ber Umfang, wenn ber Diam. = 6'?

22 = 6: 18',857 Umfang.

1:3,1416=6:18,8496

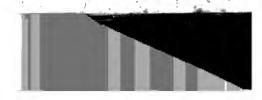
355 = 6 : 18,8495

2) Die groß ift der Diameter, wenn der Umfreis = 124"?

Antw. 22: 7 = 124: 39,45 Diam.

1 = 14:39,47 3,1416 : 355 : 113 =

: 39,46



2) Die man bie Lange eines Bogens findet, wenn ber Rabius befannt ift.

3ft ber Rabius = r, fo ift ber Umfang = 2 × 22 r ober =

6,2832 r unb 1° =  $\frac{6,2832}{360}$  r = 0,01745 r.

Man multiplizirt alfo biefen Dezimalbruch mit ber Uns zahl Grade und mit bem Radius.

Beifp. Wie lang ift ein Bogen von 250, wenn ber Rabius = 7' ift?

Antw. 0,01745 × 25° × 7, = 3,05575'. -

Die man ben Inhalt bes Rreifes findet.

Diefer findet fich auf mehrfache Beife:

- 1. Benn man ben Umfang mit dem balben Rabius multiplizirt.
- 2. Wenn man bas Quadrat bes Diameters mit 0,7854 multipligirt (ober mit 11).
- 3. Wenn man bas Quabrat bes Umfange mit 0,07958 multiplizirt.

Ertlarung. Die erfte Regel grundet fic auf bie Unfict. bas ein Rreis als ein Polygon von unenblich vielen Geiten ju detrachten ift; ber Rabius ift hiemit ber Abstand bes Centrums von ber Seite bes Polygons.

Die zweite ergibt fich aus folgenbem: Benn C (bie Circumfereng) = 3,1416, D (Diameter), fo ift 3.1416 De = Subalt. 3,1416 = 0,7854. Alfo ber Inhalt = 0,7854 De.

Die ste erhellt aus folgendem:  $D = \frac{C}{3,1416}$  und Inhalt  $= D \times \frac{C}{4}$ . Elfo ist der Inhalt auch  $= \frac{C}{3,1416} \times \frac{C}{4} = \frac{C^2}{12,5664}$ . Dividirt man wirklich, so erhält man den Inhalt = 0,07958  $C^2$ .

Beifp. Wie groß ift bie Flache eines Rreifes, ber 9' Diam. bat?

Untw. Der Umfang ist = 28,27, der Radius 4,5. Nach der ersten Regel erhält man nun 28,27 × 2,25 = 63,6975 D'. Nach der 2ten Regel: 9<sup>3</sup> × 0,7854 = 63,717 D'. Nach der 3ten Regel: 28,27<sup>2</sup> × 0,07958 = 63,599 D'.

4) Wie man den Flachen inhalt eines Ringes ober des zwischen zwei Kreisen eingeschlossenen Raumes findet.

Offenbar erhalt man benfelben baburch, bag man bie Area bes kleineren Kreifes von ber bes großeren fubtrabirt.

Beifp. Sat ber größere einen Diameter von 7', ber fleinere von 5', fo ift

bie Area des größeren = 7° × 0,7854 = 38,4846 und – – fleineren = 5° × 0,7854 = 19,6350 biemit die des Ninges . . . . = 18,8496

Man findet ihn also auch, indem man zuerst die Duabrate der Diameter subtrabirt und die Differenz mit 0,7854 multipliziert.

Beifp. Wie groß ift die Flache eines Minges, wenn ber Diam. bes aufferen Kreifes = 8'5" und ber bes innern = 6' 3.4'?

Antw. 8'5" = 101"; bas □ = 10201 6'3" = 75"; bas □ = 5625 bie Diff. = 4576 □".

4576 × 0,7854 = 3594 " ober 20 " 138 ".

5) Berechnung ber Flache eines Sectors (Fig. 4.) Renut man die Lange des Bogens a b und den Radius a c, so ift

ber Inhalt = a b  $\times$  ½ a c ober  $\frac{a \ b \times a \ c}{2}$ 

Ift ber Bogen in Graven bestimmt und ber Radius gegeben, so berechnet man vorerst ben Inhalt bes ganzen Kreis ses, und wie sich ber Bogen: 360 verhalt, so ber Inhalt bes Sectors zur Kreisflache.

Beisp. Wie groß ist die Area (ober ber Flachenraum) eines Sectors von 15° 20', wenn ber Diam. = 8'?

Unm. 8° × 0,7854 = 50.2656 [ "Inhalt bed Rreifed. 360: 15] = 50,2656: 2,1409 Inhalt bed Sectors.

6) Flacheninhalt eines Rreisfegmentes.

Man berechne ben Flacheninhalt bes gangen Sectoren, ferner den bes Dreiecks, welches aus ber Sehne und ben zwei Rabien bes Sectors gebildet ift. Ift bas Segment größer als ein Halbfreis, so zähle man die beiden Flacheninhalte zu einander, ist es hingegen kleiner, so zähle man sie von einander ab.

Beifp. Man sucht den Flacheninhalt eines Kreisfegmentes & b.c (F. 5.) beffen Rabius co = 10, besten Chorde a c = 12 und bessen Bogen a b. c = 73°45'.

d' × 0.7854 = 314,16 Flacheninhalt dee Rreifes

360°: 73°45': 314,16: x.

x = 64,34054 Glacheninhalt bes Gectore.

 $y = V_{10^2-6^2} = V_{64} = 8$  Sentrechte ober Sobe bes Dreiedes.

 $\frac{8 \times 12}{2} = 43$  Flaceninhalt derfelben,

folglich: 64,3405 - 48 = 16,3405 Inhalt bes Segmentes.

7) Glacheninhalt einer Ellypfe.

Man verbielfache ben großern Diameter mit bem kleinern und noch mit ber Zahl 0,7854.

8) Flacheninhalt einer Parabel.

Dieser ist = 3 des Flacheninhaltes des Parallelogrammes, welches zu seinen Seiten die Absciffe x und die Ordinate y (F. 6.) der Parabel hat, oder S = 3 x y.

Beifp. Man fucht ben flacheninhalt der Parabel a b c, beffen Abfeiffe b d = 12" und beffen Ordinate a c= 10" ift.

Antw. 
$$\frac{2 \times 12 \times 10}{5} = 80 \square$$
"

Anmereung. Man erhalt eine Ellppfe wenn man einen Regel in schiefer Richtung zu seiner Achse burchschneibet, eine Parabel, wenn man benselben in paralleler Richtung mit seiner Seite, und eine Jopper bes wenn man ihn in paralleler Richtung mit seiner Achse burchschneibet. Der Kreis bilbet sich endlich, wenn man den Regel sentrecht zur Achse burchschneibet. Diese vier Figuren ober Linien bezeichnet man gewöhnlich mit bem Namen Kenellschnitte.

# Cabelle von Areisflächen.

Diameter in Bollen:	Dberftache in Bollen.	Diameter in Bollen.	Dberfläche in Bollen.	Diameter in Bollen.	Dberfiach
South.	Дэмин.	South.	Даонен.	Bouen,	3ollen.
11000	0,0022	~ 1	7,6699	CI	00 4040
IVE EL	1	5 H	8,2958	-61	29,4648
1 1	0,0491		8,9462	61	30,6797
1	0,1104		9,6211	6	31,9191
- 1	0,1963	3 1 7 1	10,3206	61	33,1831
100	0,4118	3 1	11,0447	6	34,4717
	0,6013		11,7933	63	35,7848
8		3 %		64	37,1224
1	0,7854	4	12,5664	7	38,1846
11	0.9940	4 3	13,5641	71	39,8713
11	1,2270	44	14,1863	7 1/4	41,2826
15	1,4849	4 8	15,1330	7 B	42,7184
11/2	1,7671	41	15,9013	7 1	44,1787
18	2,0739	4 5	16,8002	7 8	45,6636
11	2,4053	44	17,7206	7 .	47,1731
1 7	2,7612	1 %	18,6655	7 5	48,7071
2 .	3,1614	5	19,6350	8	50,2656
2 1	3,5466	51	20,6290	81	51,8487
21	3,9761	51	21,6176	81	53,4563
2 8	4,4301	5 8	22,6907	8	55,0884
21	4,9087	53	23,7583	81	56,7451.
21	5,4119	51	24,8505	8	58,4261
2	5,9396	53	25,9673	81	60,1522
2 5	6,4918	58	27,1086	87	61,8625
5	7,0686	6	28,2744	9	63,6174

Bernoull's Babemecum 1

3

Diameter in Zollen.	Dberfläche in Bollen.	Diameter in Bollen.	Oberstäche in Bollen.	Diameter in Bollen.	Oberfläche in Bollen.
91 91 91	65,3968 67,0207 69,2092	14± 14± 14± 14±	159,4853 165,1303 170,8736	22½ 22½ 22¾ 22¾	388,8221 397,6087 406,4936
9 1 9 5 9 5 9 5 9 5 6 9	70,8823 72,7599 74,6621 76,5888	15 15 1 15 1 15 2	176,7150 182,6546 188,6923 194,8283	23 23 <del>1</del> 23 <del>1</del> 23 <del>1</del>	415,4766 424,5578 433,7271 443,1047
10 10 10 10 10 10 10	78,5400 80,5158 82,5161 84,5409	16 16 16 16 16 16	201,0624 207,3947 213,8251 220,5538	24 24 ½ 24 ½ 24 ½ 24 ¾	452,3904 461,8643 471,4763 481,1066
10 d - 10 d - 10 d - 10 d d - 10 d d d d d d d d d d d d d d d d d d	86,5903 88,6643 90,7628 92,8858	17 17 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	226,9806 233,7056 240,5087 247,4501	25 25 \frac{1}{4} 25 \frac{1}{2} 25 \frac{5}{4}	490,8750 500,7416 510,7063 520,7692
11 11 11 11 11	95,0334 97,2055 99,4022 101,6234	18 18½ 18½ 18¾	254,4696 261,5873 268,8031 276,1172	26 26 \frac{1}{4} 26 \frac{1}{2} 26 \frac{3}{4}	530,9304 541,1897 551,5471 562,0028
11 to	103,6891 106,1594 108,4363 110,7537	19 19¼ 19¾ 19¾	283,5294 291,6398 298,6483 306,3551	27 27 1 27 1 27 1 27 3	572,5566 583,2085 593,9587 604,8071
12 12 12 12 12 12	113,0976 117,8591 122,7187 127,6766	20 20 ½ 20 ½ 20 ½ 20 ½	314,1600 322,0631 330,0643 338,1638	28 28 1 28 1 28 1 28 2	615,7536 626,7983 637,9411 649,1822
13 13 13 13 13	132,7326 137,8868 143,1351 148,4897	21 21 ½ 21 ½ 21 ½ 21 ½	346,3614 354,6572 363,0511 371,5433	29 29 <del>1</del> 29 <del>1</del> 29 <del>1</del>	660,5240 671,9588 683,4943 695,128
14	153,9384	22	380,1336	1 30	706,8600

Diameter in Zollen.	Dberfiache in Bollen.	Diameter in Bollen.	Oberfläche in Bollen.	Diameter in Bollen.	Obersidche in Bollen.
30½ 30½ 30¾	718,6900 730,6183 742,6448	38½ 38½ 38¾	1149,0893 1164,1591 1179,3272	461 461 461	1680,0197 1698,2311 1716,5408
31 31 31 31 31	754,7694 766,9922 779,3131 791,7323	39 391 391 395	1194,5934 1209,9578 1225,4203 1240,9811	47 47 47 47	1734,9486 1753,4545 1772,0587
32 32 32 32 32 32	804,2496 816,8651 829,5787 842,3906	40 40 40 40 40 40 40 40	1256,6400 1272,3971 1288,2523 1504,2058	47 \$ 48 48 48 48 48 48 48 48 48 48 48 48 48	1790,7610 1809,5616 1828,4603 1847,4571 1866,5513
33 33 33 33 33	855,3006 868,3088 881,4151 894,6197	41 41 41 41 41 41	1520.2574 1536,4072 1352,6551 1369,0013	49 492 494 494 495	1885,7454 1905,0368 1924,4263 1943,9141
34 34 34 34 34 34	907,9224 921,3233 934,8223 948,4196	42 42 42 42 42 42 5	1385,4456 1401,9881 1418,6287 1435,3676	50	1963,5000
35 35 35 35 35	962,1150 975,9086 989,8003 1003,7903	43 43 43 43 43 43	1452,2016 1469,1398 1486,1731 1503,3047		
36 36 36 36 36	1017,8784 1032,0647 1046,3491 1060,7318	44 44 <del>1</del> 44 <u>1</u> 44 <u>1</u> 44 <u>5</u>	1520,5344 1537,8623 1565,2883 1572,8126		9
37	1075,2126 1089.7916 1104,4687 1119,2441	45 45 45 45	1590,4350 1608,1556 1625,9743 1643,8913		41
-	1134,1176	-	1661,9064	1	7710

by Google

#### Nr. 4.

## Berechnung von flächen, welche von krummen Linien eingeschlossen find. ")

Der Flacheninhalt einer Ebene a a' d' f' g' g a (Rig. 7.), welche bon einer Curve, und brei geraben zu einander fenfrecht fichenden Linien aa', ag und gg' gebildet ift, findet fich burch folgende Regeln.

ifte Regel. Man theile bie Seite ober Absciffe ag, welche ber Enrve-gegenüberftebt, in eine beliebige Angabl gleicher Theile und giebe aus ben Theilungspunkten b, c, d, e, f bie Ordie naten bb', cc', dd' zc.

Man halbire bann die Gumme ber zwei außerften Ordinaten aa', gg', zable baju bie Gumme aller übrigen und vervielfache bie Totalfumme mit ber Diftang ab gwifden je gwei Ordinaten ober Area aa' d' f' g' ga =

ab 
$$\left(\frac{aa' + gg'}{2} + bb' + cc' + dd' + ee'\right)$$

Unmertung. Diefe Regel erhalt man, wenn man bie burch bie Orbinaten gebilbeten Dberflachen als Trapele berechnet und gu einander gablt. Gie ift zwar die einfachfte, jeboch auch, ba fie bie fleinen burch bie Curve und bie verschiebenen Gehnen gebils beten Raume gar nicht in Betracht giebt, bie oberflächlichfte. Beit genauer find bie zwei folgenden Regeln.

<sup>\*)</sup> G. Chapman, Treatise on ship building und Poncelet, Mécanique industrielle, ir Theil.

2te Regel. Man theile die Seite ag in eine gerade Anzahl gleicher Theile ein, und addire zu der Summe der beiden außersten Ordinaten aa' und gg' die doppelte Summe der übrigen Ordinaten co', eo' von ungeradem Range und die vierfache Summe aller Orbinaten bb', dd', ff' von geradem Range und vervielfache die Totalfumme mit dem Drittel der Entsernung ab zwischen je zwei Ordinaten oder: Area aa' d' f' g' ga

 $= (ee' + gg') \times ab.$ 

Die amifchen der Sehne e' g' und der Eurve gebildete Rignr e' f' g' m' e' fann als eine Parabel betrachtet werden, deren Inhalt = § e' g' × f' m.

Es fann aber e' g' = o g = 2 ab gefest werden und i'm

$$= ff' - \frac{ee' + gg'}{2}$$

Daber die Area der Figur e' f' g' m o'

$$= 2 \text{ ab } \left(ff' - \frac{ee' + gg'}{2}\right) \times ?$$

= 3 ab (2 ff' - ee' - gg')

und baber ber Inhalt ber Figur ce' f' g' g e

= 
$$\frac{1}{2}$$
 ab (4 ff' - 2 ee' - 2 gg' + 3 ee' + 5 gg')

 $= \frac{1}{4} ab (ee' + 4 ff' + gg')$ 

Muf gleiche Beife erhalt man ben Rlacheninhalt

$$cc' d' e' ec = \frac{1}{3} ab (ee' + 4 dd' + cc')$$

und aa' b' c' ca =  $\frac{1}{2}$  ab (aa' + 4 bb' + cc')

und gablt man diefe drei Flacheninhalte zu einander, fo erhält man obiges Refultat.

3te Regel. Man theile die Seite ag in eine beliebige Unjahl gleicher Cheile, zahle zu der Summe der ersten und letten Ordinate die doppelte Summe der 4ten, 7ten, 10ten, 13ten zc. und die dreisfache Summe der 2ten, 3ten, 5ten, 6ten, 8ten 9ten, 11ten, 42ten zc. und vervielfache die Totalsumme mit i der Entfernung ab zwisschen je zwei Ordinaten.

Ober menn die Linie ag bloß in 7 Theile getheilt wird, fo ift ber Alacheninbalt

$$=$$
 ab  $(a + h + 2 (d + g) + 5 (b + c + e + f))$ 

Unmerkung. Sind die beiden geraden Seiten aa' und gg' weber zu einander parallet, noch fentrecht auf die Abscisse ag (Fig. 8.), so verlängere man die Abscisse und ziehe von den beiden änßers sten Puntten der Eurve die Ordinaten a'm und g'n, theile die erhaltene Abscisse min eine gerade Anzahl gleicher Tweile ein, und versahre wie vorhin. Man erhalt auf diese Weise den Flächeninhalt der Geene m'a'd'g'n. Fallen nun die beiben Orsdinaten a'm und g'n innerbald des gegebenen Raumes, so sinn die Flächeninhalte der durch die Seiten dessebenen Naumes, so sinn die Flächeninhalte der durch die Seiten desseben und die Halchen Flächeninhalte zu abdiren; fallen diese Ordinaten aber außerhald des gegebenen Raumes (wie es die Figur zeigt), so sind die Flächeninhalte der gebildeten Oreiecke davon abzugablen, und man erhält alsdann den wirklichen Insalt der gegebenen Ridce.

Ift bie gegebene Flache von lauter Curven eingeschloffen, fo theile man biefetbe burch irgend eine Linie in zwei Theile und berechne bann jeben biefer Theile besonders.

Beifpiel. Um ju untersuchen, welche diefer brei Regeln bas genaueste Resultat gibt, ist es am zwedmäßigsten als Beispiel ben Flächeninhalt einer Figur zu berechnen, welcher burch andere Gesethe ber Geometrie schon bekannt geworden ist. Wir wählen dazu den Areis, da derselbe zugleich die größte Leichtigteit darbietet, die Orebinaten desselben zu erhalten.

Distress by Google

Es fen Sig. 9 der Rabius A B des Kreifes = 60' und ber ju berechnende Rladeninhalt

CDEB habe sur Basis 
$$CB = \frac{AB}{2} = 50'$$
.

Eleilen wir die Bafie CB in 6 Ebeile, (jeden gu 5') fo erhalten wir alebann folgende fieben Ordinaten:

60-19,7913-59,1608-58,0947-36,5685-54,5436-51,9615. und fogenden Inhalt:

Rich Regel I.

5' 
$$\binom{60+51.9615}{2}$$
 + 59,7915 + 59,1608 + 58,0947 + 56,5685  
+54,5436 = 1720,6985 | Fuß.

Jach Regel II.

$$\frac{1}{1}(60 + 51,9615 + 2 (59,1608 + 56,5685) + 4 (59,7913 + 58,0947 + 54,5436)) = 1721,8975.$$

Rach Regel III.

$$1 \times 5'$$
 (60 + 51,9615 + 2 (58,0947) + 3 (59,7913  
+ 59,1608 + 56,5685 + 54,5436)) = 1721,8941.

3wht man nun von diesen Inhalten den Inhalt des Dreiecks  $BCD = \frac{30 \times 51,9615}{2} = 779,4225$ 

ab, fo erhalt man ben Inhalt bee Settore BDE, welcher, ba CB=AC ift, genan ben britten Theil bes Inhaltes bes Kreisquadranten ADEB baragt.

Man erbalt baber für lettern:

Dach Regel I. 2823,8280 [ Fuß.

- II. 2827,4250 , - III. 2827,4148

Es beträgt aber berfelbe nach ber befannten Formel bes Rreifel

1 × 0.7854 d° × 120° = 2827,37934 \( \text{Fuß.}

Daber die dritte Regel, auffer daß man bei derfelben eine bliebige Ungabl gleicher Theile annehmen fann, noch ein genaueres Besultat gibt, als die 2te Regel.

Dieselben Regeln dienen auch, um ben Subifinhalt aller und sogar der unregelmäßigsten Körper zu berechnen. Man hat n diesem Falle nur notbig, den Körper nach einer Richtung durch eine semisse Anzahl paralleler und gleich weit von einander enternter Sbenen zu zerschneiden, die dadurch entstandenen Durchschnitterachen zu berechnen und dieselben in den obigen Formeln als Ordingen zu betrachten.

Beifpiel I.

Den Cubifinhalt eines geraben Regels zu berechmn. Ift ber Diameter feiner Basis = d, feiner Sohe bis jum Scheit tel = h, und theilt man diefelbe in 6 gleiche Thelle, last durch die Theilungspunfte eben so viele Ebenen, parallel mit ber Basis laufen, so werben bie Durchschnittsflächen derfelben folgende sepn!

$$\frac{nd^{2}}{4}, \frac{nd^{2} \times 5^{2}}{4 \times 6^{2}}, \frac{nd^{2} \times 4^{2}}{4 \times 6^{2}}, \frac{nd^{2} \times 5^{2}}{4 \times 6^{2}}, \frac{nd^{2} \times 5^{2}}{4$$

Dialized by Google

und ber Enbitinhalt bed Regele hahrer :

$$= \frac{1}{6} \times \frac{h}{6} \left( \frac{\pi d^{2}}{4} + 0 + 2 \left( \frac{\pi d^{2} \times 4^{2}}{4 \times 6^{2}} + \frac{\pi d^{3} \times 2^{3}}{4 \times 6^{2}} \right) \right)$$

$$+ 4 \left( \frac{\pi d^{3} \times 5^{2}}{4 \times 6^{2}} + \frac{\pi d^{2} \times 3^{2}}{4 \times 6^{2}} + \frac{\pi d^{3}}{4 \times 6^{2}} \right) \right)$$

$$= \frac{1}{2} h \times \frac{\pi d^{3}}{4} = \frac{1}{2} h \times 0.7854 d^{3}$$

gleiches Refultat wie in Dr. 5.

Auf abnlice Weise fonnte auch der Cubifinhalt einer Rugel, einer Salblugel, und überhaupt aller cylindrischen Figuren, wie 3. B. ber eines Paraboloids, einer Ellppsotde 2c., gefunden werben.

Beifpiel'II.

Die Eragbarteit eines Schiffes gu berechnen.

Bie in Dr. 26. gefagt wird, wird ein jeder Rorver, welcher in Baffer gefest wird, fo weit darin eintauchen, bag bas Bafferquau: tum, welches ber eingesenfte Theil bes Rorpers verbrangt, an Bewicht demienigen bes gangen Rorpers felbft gleich tommt. Um alfo im Borand berechnen gu tonnen, wie tief ein gewiffes Schiff gebt. muß man nicht nur wiffen, wieviel bas gange Schiff mit allen feinen Theilen wiegt, fondern auch gang genau die außere Gestalt bes untern Schiffstheiles fennen. Dies geschieht indem man bie Lange bes Schiffes in eine beliebige Angahl gleicher Theile theilt, und die perschiedenen durch die baburd entstandenen Theilungeruntte gezo: genen Querdurchichnitte aufmift, und die Rlaceninhalte berielben bis zu einem gewiffen Tiefgange burch obige Regeln berechnet. Da bie Querdurchichnitte ber Schiffe gewohnlich blog im Borbere und Sintericiffe febr von einander verschieden, biejenigen bes mittlern Schiffstheiles einander bingegen beinahe gleich find, fo theilt man, um die Rechnung fo viel ale moglich ju erleichtern, und um

boch zu einem geggien Renufate ju tommen, das Schiff feiner Ruge nach in bret oder mehrere Portionen, berechnet jede derfelben befonders, und nimmt bei den an den Vorder- und hintersteven angrengenden eine größere Anzahl von Querdurchschnitten als bei ben abrigen an.

Es fep &. B. bas Quantum Waffer zu berechnen, welches ein Schiff von 96 Fuß Lange verseht, wenn es drei fuß tief gebt. Die Lange bes Schiffes fep in 12 gleiche Theile eingetheilt, und die Flacheninhalte ber badurch erhaltenen Querdurchschnitte, bis auf diefen Tiefgang gerechnet, seven folgende:

A = 0 F = 58,9 
$$\square'$$
 L = 63,8  $\square'$   
B = 11,2  $\square'$  C = 63,1  $\square'$  M = 55,6  $\square'$   
C = 27,7  $\square'$  H = 69,3  $\square'$  N = 0  
D = 42,9  $\square'$  I = 66,4  $\square'$   
E = 53,4  $\square'$  K = 64,5  $\square'$ 

Da die Entfernung amifchen je zwei Querdurchschuitten ?! = 8' beträgt, fo ift der Cubifinhalt des verfesten Waffers bei 5 guß Tiefgang =

1 (0 + 0 + 2 (27,7 + 53,4 + 63,1 + 66,4 + 63,8) + 4 × (11,2 + 42,9 + 58,9 + 69,5 + 64,5 + 55,6)) = 4689 Eubits fuß und da ein Cubitsuß (frang.) = 54,28 Kil. wiegt, so ist das Gewicht des verdrängten Wassers

= 4689 × 34,28 = 160.740 Rilogr.

Ein genaueres Resultat wurde man jedoch erhalten, wenn man bloß den zwischen den Querdurchschnitten B und M enthaltenen Ebeil auf diese Weise berechnete, und die auf andere Weise gefunbenen Cubitinhalte der zwischen B und dem Bordersteven A und zwischen M und dem hintersteven N enthaltenen Schiffstheile nache ber dazu zählte.

Um nun die Wasserversehung dieses Schiffes fur einen größern Tiefgang auch zu bestimmen, kann man entweder alle Querdurchsschnitte von neuem auf dieselbe Weise, oder hingegen bloß die Flächeninhalte einiger der ganzen Lange des Schiffes nach gezogenen Horizontaldurchschnittes bei 5 Fuß Tiefgang = 2500 | Fuß, derjenige bei 31 Fuß Tiefgang = 2380 | Fuß und ber bei 4 Fuß Tiefgang = 2440 | Fuß, so wird der zwischen den Horizontaldurchschnitten von 3 und 31 Fuß Tiefgang enthaltene Cubitinhalt =  $\frac{2300 + 2380}{1000} \times 6^{100}$ 

= 1170 Cubiffuß, und der zwischen den horizontaldurchschnitten von 3 und 4 Auf Liefgang fich befindende.

$$= \frac{2300 + 2 \times 2380 + 2440}{2} \times 6''$$

= 2375 Cubitfuß, baber bie totale Masserversegung auf 31 Fuß Liefgang = 5859 Cubitsuß = 200846 Kil. und biejenige auf 4 Ruß Liefgang = 7064 Cubitsuß = 242154 Kil. betragen.

Ferner wird bas Gewicht fepn, welches den Tiefgang bes Schiffes

um 1 Boll vergrößert

bei 3 Fuß Tiefgang = 2300 × 13 × 34,28 = 6570 Kil. bei 51 Fuß Tiefgang = 2380 × 13 × 34,28 = 6798 Kil. bei 4 Auß Tiefgang = 2440 × 13 × 34,28 = 6970 Kil.

Frage. Das namtiche Schiff gebe leer 3' 6". Die tief wird es geben, wenn es mit 18 Tonnen Gutern beleben wird?

Antwort. 18 Connen = 18000 Kilogramm. Auf biefem Liefgang fintt bas Schiff mit 6798 Ril. um 1 Boll, folglich mit 18000 Ril. um 23 Boll. Es wird baber bas Schiff belaben einen Liefgang von 5' 83 Boll haben.



Die Regel, nach welcher von den englischen Beamten gur Beftimmung des zu entrichtenden Connengeldes, die Connenlaft (tonnage) eines Schiffes berechnet wird, ift folgende:

Man vervielfache feine größte Breite mit fich felbst, und ferner noch mit der halben Lange feines Kieles und theile das Produtt durch 94, so erhalt man die Angahl von Tonnen, welche das Schiff tragen tann.

Man fieht jedoch, daß zufolge diefer Negel alle Schiffe von gleicher Lange und Breite, welche Conftruction fie auch haben mogen, das namliche Connengeld bezahlen muffen, obicon die vollgebauten Schiffe weit mehr Guter laden tonnen als icharfgebante.

Eine viel genauere Regel ift folgende von Chapman:

Man meffe ben Tiefgang des Schiffes auf, wenn daffelbe unbelaben und ferner wenn es beladen ift, vervielfache den Unterschied biefer zwei Tiefgange mit der größten Breite des Schiffes und noch mit feiner doppelten Lange und theile das Produkt durch

105, wenn tas Soiff überall fast ben namlichen Querdurch=

110, wenn bas Schiff voll gebaut und burch

115, wenn es icharf gebaut ift.

Beispiel. Es fep ber Liefgang eines vollgebauten Schiffes in unbeladenem Buftande = 6 Fuß vorne und 6' 4" hinten, in beladenem Buftande 9' 8" vorne, 9' 10" hinten; die Lange des Schiffes = 92 Juß und seine größte Breite = 28 Juß. Der Unterschied ber Liefgange wird sevn:

$$= \frac{9' 8'' + 9' 10''}{2} - \frac{6' + 6' 4''}{2} = 3' 7''$$

Daher die Anjahl von Tonnen, welche bas Schiff geladen hat:  $= \frac{3' 7'' \times 28' \times 2 \times 92'}{440} = 168 \text{ tons.}$ 

Beifpiel III.

Eine Strafe von 330 Meter Lange und 10 Meter Breite, welche in allen Richtungen Unebenheiten besit, burch Austiefung und Erhöhung gewisser Theile in eine Strafe umzuandern, welche eine Ebene bilbet, deren Reigung =  $\frac{1}{150}$  ober auf 450 Meter lange 1 Meter beträgt, und zwar so, daß das Quantum der einzutragenden Erde (Remblais) gleich ist dem Quantum der auszugrabenden Erde (Deblais). (Kia. 40.)

Man theile die Lange bes Weges in eine gewiffe Angahl gleider Theile, z. B. in 14, meffe die durch die Theilungspuntte gehenden Querdurchschnitte von einer angenommenen horizontalebene A M auf, und berechne beren Inbalt.

Es feven bie Rlacheninhalte biefer Seftionen in I Metern ausgebrudt, folgende:

Der Cubitinhalt bes gangen Erdforpers zwischen ber horizontalebene A M und ber jenigen Erdoberflache wird baber (nach Regel III.) fepn:

A a e f g M A = 
$$\frac{3}{8}$$
  $\times \frac{550}{11}$  (10,75 + 36,85 + 2 (11,34 + 10,57 + 26,05) + 5 (13,53 + 18,67 + 5,15 + 7,36 + 15,39, + 20,76 + 30,75)) =  $\frac{90}{8}$  (47,60 + 2 × 47,96 + 5 × 111,61) = 5381,44 Eubitmeter.

Da nun jum Bau der neuen Strafe weder Erde hinzugeführt, noch Erde wegtransportirt werden darf, so muß das Bolum des zwischen der Horizontalebene A M und der zu errichtenden schiefen Ebene c d enthaltenen Erde dem so eben gefundenen Bolume von 5381,44 Eubikmeter gleich sepn.

Da ferner die Neigung =  $\frac{1}{150}$ , die Länge der Bahn = 330 Meter ift, so muß der Punkt C um 2,20 Meter tiefer stehen, als der Punkt d, und folglich wenn die Distanz Ac = x ge, sest wird, Md = x + 2,20 fepn.

Es ift baber bas Bolum swiften ber Ebene AM und cd =

$$\frac{550}{2} \text{ (Ac + Md)} \times 10^{\text{m}}.$$

$$\frac{550}{2} \text{ (2 x + 220)} \times 10^{\text{m}} = 5581,44.$$
und baher  $Ac = x = 0^{\text{m}}55$ 
und  $Md = 0.55 + 2.20 = 2.75$ 

betragen.

Des namlichen Berfahrens kann man fic bedienen, wenn entweder die frubere Bahn oder die veränderte Bahn nicht zwisichen zwei Parallellinien eingeschloffen ift, oder nicht auf allen Puntten ihrer Lange die namliche Breite besitht.

Dhilad by Google

#### Nr. 5.

Berechnung der Oberfläche und des Inhalts von Körpern.

Die Oberflache eines Korpers wird, so wie jede Flache, burch eine quadratische Flache, als Maageinheit, gemeffen.

Der Inhalt hingegen burch Burfel oder ein kubisches Maaß; burch Cubiffuße, Cubifruthen u. f. w.

Wenn 1' = 12", so ist 1 []' = 12. 12 ober 144 []" und 1 Eub.' = 123 ober 1728 Eub."

Cben fo ift:

1 Eub.: Yard = 27 Eub.' (3.3.3), 1 ,, Loise = 216 ,, (6.6.6).

1) Die man die Seitenflache eines geraden Pris, mas ober Eplindere findet.

Man multiplizire den Umfang mit der Sohe (oder Lange). Beifp. Wie groß ift die Seitenflache einer freidrunden Saule, die überall 4' 2" Durchmeffer hat und 18' hoch ift?

 $41 \times 3,1416 \times 18 = 233,62 \square'$ 

Will man die gange Oberflache kennen, so addirt man noch die beiden Grundflachen, namlich:

2. 
$$\frac{25.25}{6}$$
. 0,7854 = 27,2708  $\square$ '.

2) Wie man die Seitenflache eines Regels (Fig. 8.), ober einer fenfrechten Pyramibe berechnet.

Man multiplizirt den Umfang der Basis mit der halben Seitenlange.

Beisp. Ist ber Umfang der Basis einer Ppramide = 15' und bie Seitenhohe = 20', so ist die Oberstäche derselben (ohne die Basis) = 15 × 10 = 150 0'.

Unmert. Kennt man bei einem Regel nur bie fentrechte Sobe und ben Rabius ber Bafis, so findet sich die Seitenhohe, wenn man die Quadrate ber sentrechten Sobie und des Rabius- abbirt und aus dieser Gumme die Wurgel gleht.

Beifp. Wie groß ift die Seitenflace bes Regels cod (Fig. 11.), wenn die Sobe oq = 16' der Radius qd = 5'?

Antw. 16. 16 = 256; 5. 5 = 25; 256 + 25 = 281; also V 281 = 16 = a d. Der Umfang = 2 × 5' × 3,1416 = 51,416 und hiemit die Flacke = 31,416 × 8 = 263,07 ...

3) Die Seitenflache einer oben parallel mit der Basis abgeschnittenen Pyramide oder eines solchen abgestutzten Regels findet sich, wenn man den unteren und oberen Umsfang addirt und die Salfte dieser Summe mit der Seitenlange multiplizirt.

Beisp. Betragt der obere Umfreis des abgeschnittenen Regels cab (Fig. 11.) 7' und der untere 12', die Linie b d aber 10', so wird  $\frac{7+12}{2}$  oder  $9\frac{1}{2}\times 10=95$  \( \text{D}' \) die Seitenstäche sewn.

4) Die der forperliche Juhalt eines Prismas oder Enlindere berechnet wird.

Man multipligirt den Juhalt der Bafis mit der Sobe.

Beifp. a) Enthält die Basis einer mehrseitigen Saule 18 0 und ist sie 11' hoch, so ist der Rubikinhalt derselben 11 × 18 oder 198 Kub. Fuß.

b) Welches ift ber Inhalt eines Eplinders, ber 3' 3" Diameter

bat und 8' boch ift?

Antw. Die Basis ift 3,25 × 3,25 × 0,7854 = 8,3138 0', und diese, mit 8 multiplizirt, geben 66,5125 Kub.' als Inhalt des Eplinders.

5) Der kubische Inhalt eines Regels oder einer Ppp ramide ift genau Imal kleiner als der eines Cylinders oder Prismas von gleich großer Basis und Sobe.

Man findet ihn also auf dieselbe Beise, indem man bloß bas Produkt der Basis und Sobe noch durch 3 bipidirt.

Beifp. hat die Basis einer Pyramide 12 []' und die Sohe 21', so ift der Inhalt = 12 × 21/2 oder 84 Rub.-Fuß.

21', fo ift der Inhalt = 12 × 5 over 84 Mub. gup.

6) Der Rubikinhalt eines horizontal abgeschnittenen

Regels berechnet fich alfo: (S. Kig 11.)

Man addire zu den beiden Quadraten der Halbmeffer das Produkt der Halbmeffer, und multiplizire die gefundene Zahl mit 1,0472 der Hohe.

Beisp. Welches ift der Kub.: Inhalt eines abgestumpften Regels, wenn der untere Nadius = 7', der obere 4', und die Hoh,

p q = 9' ift?

Untw. Die beiden Quadr. ber Salbmeffer find

Shier = 49 + 16 . . . = 65

Das Produkt derf. = 4 × 7 · · · = 28

Summe · · · 93

Bernoulli's Babemecum I.

Die Höhe = 9, multip. mit 1,0472 = 9,4248. 9,4248 × 95 = 876,5 Kub. Fuß — als Inhalt.

7) Wie die Dberflache einer Rugel zu berechnen ift.

a) Man multiplizire ben Durchmeffer mit bem Umfange.

b) Ober bas Quabrat bes Durchmeffers mit 3,1416.

c) Ober bas Quabrat bes Umfange mit 0,3183.

Beifp. 1) Wie groß ift die Oberfläche, wenn ber Diam. = 7'

ist (und der Umfang also = 22')?

Nach a erhalt man 7 × 22 = 154 []'

" b, 7 × 7 × 3,1416 . = 153,94 []'

 $^{\circ}$ , c, 22  $\times$  22  $\times$  0,3183 = 154,06  $\square$ 

2) Beldes ift bie Oberflache einer Augel, beren Umfang 8' 5" beträgt?

8' 5" = 101".

101 × 101 × 0,3183 = 3247 □" ober 22 □' 79 □".

5) Beldes ift die Dberflache, wenn ber Diam. 3' 8"?

 $5\frac{3}{5} \times 5\frac{3}{5}$  ober  $\frac{11}{3} \times \frac{11}{3} \times 3,1416 = 42,24 \square'$ .

8) Wie man den Rubifinhalt einer Rugel berechnet.

a) Man multiplizire die Dberflache mit & des Durchmeffers.

b) Dber ben Rubus bes Diametere mit 0,5236.

c) Der ben Rubus bes Umfangs mit 0,01688.

d) Oder den Rubus des Radius mit 4,1888.

Beifp. Welches ift hiemit ber Inhalt einer Augel von 7' Diam.?

Mach a beträgt er 154 X & = . . 179 f. K. Fuß.

", b  $7^5 = 343 \times 0.5236 = ... 179.6$ ", c  $22^5 = 10648 \times 0.01688 = ... 179.74$ ",

Alle brei Regeln geben alfo fehr wenig abweichende Refultate.

9) Bie berechnet man bie frumme Flache und den torperlichen Inhalt eines fpharifden Segments? (Fig. 5.)

Die Flache findet man, wenn man ben größten Umfang ber Rugel mit der Sobe bes Segments (oder der Calotte) multiplizirt.

Um den nhalt zu finden, multiplizire man das Quadrat des Radius der Basis mit 3 und addire das Quadrat der Hohe. Diese Summe mit 0,5236 der Hohe multiplizirt, gibt den Inhalt.

Beifp. a) Wie groß ist die Flace bes Augelabschnitts a b e, wenn die Hohe = 2' und der Diam. der Augel = 8'?

Untw. 8 × 3,4416 = 25,1328 ber Umfang,

und 25,1328 × 2 = 50,2656 D' die flace.

b) Wie groß ift der Inhalt deffelben?

Um diesen zu finden, muß man vorerft den Radius der Basis oder o d kennen, oder bessen Quadrat.

Mun aber ift co2 - do2 = cd2; b. h. 42 - 22 - cd2; also bas Quabrat jenes Mabins = 12.

Siemit berechnet fich obiger Inhalt alfo:

 $12 \times 3 = 36$  und 36 + 4 = 40.

40 × 2 × 0,4456 = 41,888 Sub.' als Inhalt bes Abfchnitte.

#### Verhältniffe.

Bei vollig ahnlichen Korpern, b. h. bei allen folchen, beren respektive Seitenlinien einander burchaus proportional find, stehen die homologen Flachen im quadratischen Berhaltniffe der Linien, und die korperlichen Raume im kubischen.

Ist hiemit der Durchmesser einer Rugel a 3mal größer, als der einer Rugel b, so ist auch der Umfang 3mal größer; die Oberstäche aber ist 9mal größer, und der Inhalt 27mal größer.

Daffelbe gilt von Burfeln u. a., und namentlich auch von Modellen, die nach einem verjüngten Maaßstade in allen Theilen ausgeführt sind. Sind 6" z. B. auf 1 reduzirt, so ist jede Fläche im Modelle 36mal kleiner, und der körperliche Inhalt eines jeden Theils 6.6.6 oder 216mal kleiner.

Es verhalt fich ferner:

Die Seite eines Quabrats zu seiner Diagonale wie 1: 2 ober 1: 1,4142.

und die Seite eines Burfels zu feiner größten Diagonale wie 1: 2 3 ober 1: 4,73205.

Ferner ergibt fich aus bem Borigen :

1. Daß bie Oberflache einer Rug el gerade 4mal fo groß ift, ale bie bes großten Kreisdurchschnitte.

Dag bie Dberflache einer Rugel genau fo groß ift, als die Seitenflache eines Enlinders von bemfelben Durchmeffer und gleicher Sobe.

Daß ber Inhalt eines folden Cylinders gerade um bie Balfte' großer ift, ale ber einer Rugel bon gleidem Diameter; ober baf fich biefer zu jenem verbalt wie 2 : 3.

Dag ber Inhalt einer Rugel fich ju bem bes Burfels von gleicher Sobe verhalt (ziemlich genau) wie 11: 22; ober baß biefer beinahe boppelt fo groß ift.

#### Nr. 6.

Inhalt und Gewicht des Wassers in cylindrischen Röhren.

Ift der innere Durch messer einer chlindrischen Rohre = 1", o faßt sie bei 1' Länge 9,4248 Rub. Zoll ( \frac{1}{4} \times 3,4416 \times 12) od. 9\frac{147}{48} R."

bei 2' ,, 18,8496 ,, 3' ,, 28,2743 u. f. w.

Diefes gilt naturlich fur alle Fußmaaße, bei Duodezimal- eintheilung.

Bei gleicher Lange verhalt fich ber Inhalt wie bas Quabrat ber Durchmeffer. Gine Robre alfo

von 1' Lange und 2" Diam. fast 4 × 915 = 57 fs K.3.

Es läßt fich hiemit leicht der kubische Inhalt jeder Rohre finden, wenn Lange und Weite gegeben find. (v = 1. d2 . 9,4248.)

Beifp. Wie groß ift der kubifche Inhalt, wenn die Rohre 814' lang (ober hoch) und 34" weit ift?

1' faßt  $\frac{13}{4} \times \frac{13}{4} \times 9,4248$  Rub.-30II, oder 99,55 Rub.-30II.

Diefe mit 811 multipligirt geben 8113 A.B. ober (burch 1728 bindirt) 4 Aub. Juf und 1201 A.B.

Siemit:  $\frac{8113}{231}$  = 35  $\frac{4}{33}$  Gallonen (engl. Weinmaaß).

Eben so leicht findet man die Lange (L), wenn Inhalt (V) und Weite (d) gegeben find.  $L = \frac{V}{d^2 \times 9,4248}$ .

Etwas schwieriger ift die Berechnung ber Beite ober bes Durchmeffers. Wie man zu verfahren hat, ergibt fich mbeffen aus folgendem Beispiel.

En 3! hoher Eplinder foll 81 Sub.' enthalten, wie groß muß ber innere Durchmeffer beffelben fepn?

Man reduzire obige Maafe in Boll. Die Sobe findet fich = 51 × 12 = 65" und der Inhalt = 81 × 1728 = 14688 K."

Dieibirt man biefe Bahl burch 63, fo erhalt man bie Durchs fonitts -ober Bodenflache bes Eplindere in Bollen = 253& ...

Jebe Kreisfläche ist aber = 0,7854mal d2 ober 11mal d2. Man findet also ben verlangten Durchmeffer, wenn man bie Flache burch jene Bruchzahl dividirt und aus bem Quotienten bie Quasbratwurzel auszieht.

Dividirt man 23311 durch 11, fo erhalt man 297; und zieht man daraus bie Durgel, fo findet man 47,"2 ale Durchmeffer bes obigen Evlinders.

Leichter findet er fich burch Verwandlung der obigen Fors mel in folgende:

$$d = V_{\overline{L \times 9,4248}}$$

D. h., man multipligire die Lange oder Sohe bes Eplinders in Fußen mit 9,4248, dividire burch bas Produkt den Inhalt in AubleBollen und ziehe aus dem Quotienten die Burgel; fo erhalt man den Diameter.

Der Gehalt an Baffer und bas Gewicht beffelben (in engl. Maagen) lagt fich leicht finden, wenn man weiß, daß

1 Gallon Beinmaaß = 231 und Biermaaß = 282 Kub." und 273 Kub." Wasser = 1 engl. Pfund oder 16 Ungen.

Bu schneller Berechnung bient folgende Tafel, bie den Inhalt einer 1" weiten Rohre in Kubik-Jollen und das Genicht bes Waffers in englischen Unzen (avoir du pois) angibt

Höhe der M. in Fußen.	Inhalt in Rub."	Gewicht in Ungen.	hobeber R. in Fußen.	Inhalt in Kub."	Gewcht in Urzen
1	9,42	5,46	20	188,49	169,24
2	18,85	10,92	30	282,74	153,86
3	28,27	16,38	40	376,99	218,47
4	37,70	21,85	50	471,24	273,09
. 5	47,12	27,31	60	565,49	327,71
6	56,55	32,77	70	659,73	382,33
7	65,97	58,23	80	755,98	436,95
8	73,70	13,69	90	848,23	491,57
9	84,82	49,16	100	942,48	546,19
10	94,25	54,62	200	1884,96	1092,38

Bei weiteren Rohren verhalt sich Inhalt und Gewicht wie die Quadrate ber Durchmeffer.

Beifp. Wie viel wiegt bas Waffer in einer 65' hoben Mohre, bie 34 Boll weit ift.

In einer 1 golligen ift bas Gew. = 327,71 × 27,31 = 335,02 Ung.

In einer 3½ zölligen wiegt es  $\frac{7}{2} \times \frac{7}{2} = \frac{49}{4}$  oder 12½ mal mehr, also 4104 Ungen oder 256 Pf. 8 Ungen.

Die beiden ersten Columnen gelten naturlich fur jedes ans bere Fußmaaß auch; bas Gewicht nur erfordert eine verschies bene Berechnung. Diese ist inzwischen leicht, wenn man sich folgender Tabelle bedient.

Gewicht des reinen flusmaffers, ausgedrücht in folgenden Maafsen.

•	Kilo: gram.		Nårnb. Pfund.	Franz. Pfund.	Preuß. Pfund.	Engl. Pfund.
1 Cub. Meter wiegt	1000	1785,71	1960,32	2042,88	2138,07	2205,48
1 Franz. Cub. Fuß	34,28	61,21	67,20	70,02	73,29	75,60
1 Wiener Cub. Fuß	31,57	56,37	61,87	64,49	67,49	69,62
1 Rheint. Cub. Fuß	30,92	55,21	60,50	62,93	66,11	68,19
1 Berlin. Cub. Fuß			58,20	60,64	63,47	65,47
	28,32		55,55	57,86	60,55	62,46
	Gen	icht des	Seewa	ffers.		
1 Cub. Meter wiegt	1022	1	1		1	11
1 franz. Cub, Suß	35,03		_	71,56		
1 engl. Cub. Tuß	128,94	-	-	-	Tonne 1	63,8

Beifp. Wieviel wiegt bas Baffer, welches in einer 3" weiten und 40' hohen Rohre (rheinl. Maag) enthalten ift?

Untw. Der Inhalt dieser Rohre = 3 × 3 × 377 = 3593 Eub. 301. = 1,9635 Eub. Fuß und das Gewicht des darin enthaltenen Wassers = 1.9635 × 68,19 = 254 engl. tb.

#### Berechnung in frangofischen Maafsen.

Ift die Lange des Cylinders = 1 Meter und der innere Diam. = 1 Centimet., fo ift der Inhalt der Ribre

= 0,7854 = 78,54 Rubik Centimeter.

Es ift also der Inhalt fur jede andere Rohre, deren Lange in Metern, und deren Diam. in Centimet. ausgedruckt ift, oder V = 0,07854. d2. L Rub. Meter.

folglich L = 
$$\frac{V}{0.07854 \times d^2}$$
$$d = V \frac{V}{L \times 0.07854}$$

#### Inhalt von Raffern.

Betrachtet man das Faß als zusammengesett aus zwei abgekurzeten Kegeln, so ist, da der Inhalt eines horizontal abgeschnittenen Kegels =  $(r^2 + r'^2 + rr') \times 1,0472$  H. ist, derjenige eines Fasses =  $(d^2 + d'^2 + dd') \times 0,2618$  L. Wo d und d' die beiden Diameter des Fasses in der Mitte und am Boden, und L. die ganze Lange desselben bedeuten.



Gemohnlich betrachtet man aber bas faß in der Praxis als einen Splinder, beffen Diameter ein arithmetisches Mittel zwischen dem größten und kleinsten Diameter des Faffes ift; und bedient fich alsbann ber Kormel:

$$v = 0.7854 \times d^* \times L$$

Bur d werben alebann folgende Berthe gefest: Bei Ragden von bedeutender Bolbung;

$$d = d'' + 2\frac{2}{\pi}(d' - d'').$$

Bei minder gewolbten;

$$d = d'' + \frac{1}{2} (d' - d'').$$

Bei fast cylindrifchen;

$$d = d'' + \frac{55}{100} (d' - d'')$$

d' bebeutet ben Diam. in ber Mitte; und d" ben bes Bobens.

Beifpiel. Belchen Inhalt hat ein ftart gewölbtes gaß, beffen Diameter an bem Boben = 4', und in ber Mitte = 4' 6", und beffen Lange = 5' ift?

Antwort. Der mittlere Durchmeffer d = 4' + 3 (4' 6"

-4')=4'4''

Daber ber Inhalt = 5' × 0,7854 × (4' 4")2 =

### Nr. 7.

# Don der Reibung. \*)

Der Widerstand, ben bie Reibung ber Bewegung entgegensetzt, entspringt aus ben Rauhigkeiten ber sich berührenden Flächen, und dieses noch insbesondere zu überwindende hinderniß ist nach verschiedenen Umftanden balb größer balb kleiner.

Es gibt zweierlei Reibung, die gleitende und die drehende oder rollende. Die erstere erzeugt sich, wenn sich zwei Fladechen auf einander bewegen; die letztere, wenn sich ein runder Körper auf einer Flache oder irgend einem andern Körper bewegt. Erstere ist weit beträchtlicher als letztere.

Fur beide Urten von Reibung lehrt die Erfahrung folgendes:

1) Die Reibung ist besto geringer, je harter und je glatter ober polirter die reibenden Flachen sind. Man vermindert dieselbe aus diesem Grunde durch Ginschmieren der reibenden Korper mit Fett, Del, Graphit 2c.

Unter großen Pressionen sind die weichsten Fette die schlechtesten und, sind die Berührungsflächen auf abgerundete Wintel redugirt, so wird die Reibung durch Fette sehr wenig vermindert. -

<sup>\*)</sup> Siehe Contombs Traite des machines simples.

Be tleiner ber Drud ubrigens ift, befto feiner und fluffiger muffen ble Kette fenn.

2) Die Reibung ist im Anfange der Bewegung weit größer, als mahrend berfelben. In der Praktik kommt indeffen nur letztere in Betracht, da erstere nur mahrend eines Augenblickes eine größere Kraft zur Ueberwindung berfelben erfordert.

Nach Coulomb ift bei Eichenholz bas Berhaltnis ber Reibung im Anfange der Bewegung zu der mahrend derfelben wie 9,5:2,2. Bei den Metallen sind hingegen diese beiden Reibungen einander ziemlich gleich, besonders wenn sie nicht geschmiert sind.

Die Reibung nimmt in birekter Proportion mit bem Drucke zu, ber auf die reibenden Korper ausgeübt wird. Das Verhältniß dieses Druckes zu der daraus entspringenden Reibung ist für einen und benselben Fall, und unter ganz gleichen Umständen konstant, hängt aber in den verschiedenen Källen ganz von der Natur der reibenden Körper und dem Fette ab, mit welchem der Körper eingeschmiert wird. Dieses Verhältniß wird Reibungskoefficient genannt und mit f bezeichnet.

Bezeichnet alfo R bie Reibung, P ben Drud, fo ift

$$f = \frac{R}{P}$$
 and  $R = f P$ .

Um also die Neibung zu bestimmen, welche zwischen zwei Körpern Statt hat, darf man nur den Druck, mit welchem der eine Körper auf den andern druckt, mit dem Reibungstoefficienten multipliziren, der burch Wersuche für jeden besondern Fall schon bestimmt worden ist und weiter unten angezeizt wird.

- Veise. If a 100 th schwer, und beträgt die Neibung bei dieser Pression 25 th., so ist der Neibungstoefficient oder  $f = \frac{100}{25} = 4$ , und bei sonst gleichen Bedingungen murde die Reibung 50 th. betragen, wenn a 200 th. schwer ware.
- 4) Die Reibung ift besto geringer, je kleiner die Berahrungeflachen find. Bei zwei auf einander rollenden Cylindern besteht die Berührungeflache nur aus einer geraden Linie, und bie Reibung ift baher sehr gering.
- 5) Die Reibung verandert fich mit ber Geschwindigkeit ber reibenden Korper.
  - Bei großen Beruhrungsflächen nimmt die Neibung mit der Sefcwindigfeit zu, bei fehr tleinen nimmt dieselbe hingegen ab,
    mabrend die Geschwindigfeit zunimmt.
  - Swifchen zwei mit Fett geschmierten Metallflachen und unter groffen Pressionen nimmt die Reibung bedeutend ab, wenn die Geschwindigfeit zunimmt. Dies hat nicht flatt, wenn die Flachen mit Olivenol geschmiert find.
- 6) Die Reibung ist zwischen homogenen Korpern unter sonft gleichen Umftanden großer, als zwischen heterogenen Korpern.
- 7) Zwischen zwei Metallen erreicht die Neibung ihr Marimum in einem Augenblicke; zwischen Metall und Holz braucht es dazu einige Minuten, und zwischen zwei Holzern braucht es dazu wohl einige Tage Rube.



## 1) Gleitende Reibung.

Nach Coulombs immer noch vorzüglich fchatgbaren Berjuchen beträgt ber Reibungefoefficient:

Während ber Beweg ung		Am Ang Bewe	ange ber gung.
treden  Giden auf Eichen . 9—10  Tannen auf Lannen . 6  Ulmen auf Ulmen . 6,2—6,5  Eisen auf Eisen . 5,5—4,3  Rupfer auf Eisen . 5,5—5,6  Eisen auf Aupfer 4—4,2  id. bei Keinen Berüb:	mit vett  20  23  35,1  47,1  6-10  1,8  8-\$1  1,7,9-7,1  20  1,7,9-7,1  1,7,9-7,1  20  1,7,9-7,1	trocten 2,3 1,8 2,2 1,5 5,08 5,5 3,5 3,8	mit Fett 2,5
rungsflächen . 6	- 1	5,95	_

Rad Mufdenbroed ift ber Reibungetoefficient:

							,	troden.	gebit.
	Be	i Stahl	auf @	stahl .				3,64	4,16.
	_	_		dupfer				5	5,7.
	_			inn		٠	•	3,33	4,7.
	-	_		Hei-	•	•	•	3,33	46.
	-	_		Nessing				4,4	75.
Ferner:	bei	Gußeise						6,12.	
	-	_	-	Schm	iede	isen		5,67.	
	-	_	_	Stahl			٠	7,20.	

<sup>\*)</sup> Bei einer fehr fleinen Gefchwinbigfeit.

<sup>\*\*)</sup> Bei einer Geschwindigfeit von 1' pr. Setunde,
1) Bei jedem Bersuche wieder eingeschmiert.

<sup>2)</sup> Die Schmiermittel nicht erneuert.

Reibung ber faserigten Substangen, wie Leinwand, Bolle zc.

Mus Mennies Berfuchen ergibt fich folgenbes:

1) Die Reibung nimmt ab, so wie der Druck zunimmt. Bei 60 H ift die Reibung & des Druckes, bei 1 H ist dies selbe größer als der Druck felbst.

2) Die Reibung ift geringer bei grober Leinwand als

bei feiner.

3) Die Reibung nimmt bebeutend zu mit ber Dauer ber

Berührung.

Aus Mennies Berfuchen über die Reibung des Eifes geht hervor, daß sie sich betrachtlich mit der Bermehrung des Drudes vermindert; jedoch ist noch kein Gefest dafür aufgefunden worden. Zwischen Gis und Gist ist die Reibung mabrend der Newgaung bei

Bwischen Eis und Gis ist die Reibung mahrend ber Bewegung bet 1 th. 8 Ungen Druck g besselben, bei 144 th Druck hingegen nur z'e besselben. Zwischen Gisen und Eis ist die erstere Reibung g'z, die lettere z'n.

Die Reibung bes naffen Lebers nimmt betrachtlich mit bem Drude und mit ber Dauer ber Beruhrung gu. Diefes ertlart bie große Reibung, welche immer bei lebernen Pumpentolben im

Unfange ber Bewegung Statt hat.

Bei trodenem Leder ift die Neibung [ - ] des Drudes und nimmt mit der Größe der Berührungsfläche ab.

Reibung ber Steine.

Nach Rondelet follen gut zugerichtete Steine erft bei einem Winkel von 28 - 36° anfangen zu gleiten. Die Reibung, welche bier ftatt hat, ift bei allen Conftruktionen febr



vortheilhaft und bas hauptfachlichste Mittel, um bas Gleich, gewicht von Brudenbogen, Ivchen zc. beizubehalten.

### Unhang.

•
Drebende Reibung ober Achsenreibung.
Bei eifernen Bapfen von 19" Diam., welche fich
in messingenen Buchsen bewegen, ift f=6,1-6,3.
the interpretation of the control of
Bei id. mit Olivenol ober abnlichen Substangen
geschmiert
id. mit Wagenschmiere f = 8.
id. mit Talg f=12.
Bei Bapfen von grunem Cichenholz in einer Buchfe
von Guajakhola:
mit Talg geschmiert f=26. mit onktubsen Substanzen f=17.
mit onktuosen Substanzen f = 17.
id. in einer Buchse von Ulmenholz:
) mit Talg f=33.
mit Talg f=33. mit ouktublen Substanzen f=20.
Bei eifernen Bapfen in bolgernen Buchfen f=20.
Rach Br. Benoit verhalt fich bei gut polirten Bapfen eines Baf-
ferrades, welche fich in brongenen Buchfen bewegen und von Beit
su Beit gedlt werden, die Reibung, welche an beiden Bapfen
fatt hat, ju 2's des Gewichtes des Wafferrades, wie der Dia:
meter ber Bapfen gu bem bes Wafferrades felbft, oder:
e d p
$\mathbf{f} = \frac{\mathrm{d}}{20} \frac{\mathrm{p}}{\mathrm{D}}$

Man findet alfo die Neibung, wenn man ben Diam. der Sapfen mit dem Gewichte vervielfacht und durch ben 20fachen Diambes Bafferrades theilt.

Bernoullis Babemecum I.

- If i. B. das Gewicht des Wasserrades = 2000 tb, und verhals ten sich die beiden Diam. wie 1:40, so ist die Reibung auf die beiden Zapfen =  $\frac{2000}{40 \times 20}$  = 2½ tb.
- Gewöhnlich zieht man bei Maschinen i von der Kraft der Maschine für die Reibung ab. Dieser Abzug ist aber, wie leicht einzusehen ift, in den meisten Fallen zu bedeutend, kann indessen bei neu construirten und noch nicht viel gebrauchten Maschinen angenommen werden.

## Von der Cransmission der Bewegung vermittelst endloser Biemen.

Die Transmission der Bewegung von einer Achse zu einer andern vermittelst lederner Riemen, beruht ganzlich auf der Reibung, welche durch die Tension derselben an den Rollen oder Tambours, über welche sie lausen, hervorgebracht wird. Je gespannter daher die Riemen sind, desto vollsommener wird die Bewegung fortgepflanzt, desto größer ist aber auch der Kraftverlust, welcher durch jene Reibung entsteht. Je größer die Kraft ist, welche durch die Riemen fortgepflanzt werden muß, desto größer muß die Reibung seyn, und desto größer daher, bei gleicher Tension der Riemen, die Reibungsstäche und hiemit auch die Areite der letztern.

Da bei gleicher Umfangegeschwindigkeit ber Rollen die Rrafte proportional zu den Effekten sind, so folgt hieraus, das die Breite der Riemen in direktem Berhaltnisse, zu den Effekten siehen muß. Da ferner bei gleichen Effekten die Krafte im umgekehrten Berhaltnisse zu den Umfangegeschwindigkeiten und hiemit zu den Diametern der Rollen stehen, so muffen es auch die Breiten der Riemen seyn.

Die Erfahrung zeigt, \*) daß ein 3" breiter Riemen die hinreichende Breite hat, um den Effett einer Pferdetraft mit einer Umfangsgeschwindigkeit von 500 Fuß per Minute fortzupflanzen.

Die Fortpffangung von 2 Pferdefraften erfordert baber bei berfelben Umfangsgeschwindigfeit einen 6" breiten, bei einer Umfangegeschwindigfeit von 750 Juß bloß einen

$$\frac{6 \times 500}{750} = 4''$$
 breiten Riemen.

Beifpiel. Wie groß muß die Breite eines Riemens fepn, welcher ben Effett von 34 Pferbefraften vermittelst eines Cambours von 6' Diameter einer Achse mittheilen muß, welche 75 Umgange per Minute zu machen hat.

Antwort. Die Umfangsgeschwindigkeit dieses Tambours wird sepn = 3,1416  $\times$  6'  $\times$  75 = 1414' daher die ersorderliche Breite des Riemens =  $3'' \times 5\frac{1}{2} \times \frac{500}{1414} = 3'',71$  oder ungefähr  $5\frac{1}{2}$  301.

Dermittelft biefer Regel mirb man fur geringe Effette und große Geschwindigfeiten eine febr geringe Breite ber Riemen

<sup>\*)</sup> Ciebe Bulletin de la société de Mulhouse Nr. 6.

erhalten. Damit biefelben jedoch nicht von den Rollen ablaufen, darf die Breite nicht weniger als 2 Soll betragen. In diesem Falle hat indessen ber Riemen teine so große Spannung nothig, was die Dauer derselben verlangert. Riemen von mehr als 10-12" Breite werden nur selten angewendet, und meistens durch Raderwerke erfest.

## Nr. 8.

# Meber die Steifigkeit der Seile. ")

Tabellen zur Bestimmung der Steifigkeit von nicht getheerten ... Seilen von 3 Litzen (Torons).

1) Seile von 124" Circ. und 6 Caretfaben.

Gewicht, welches bie Geile fpannt.	Die	todenes Som. der No im welche t	- 1	Genette Diam. be videlt wird,	r Rollen,
1021 10	a.:4".	. 2"	4"	2"	4"
25 tb	2 tb			-	0,5
125 -	11 —	4		4,5	2,2
225 -	47 —	6,5	- 1	7	3~
425,	31 -	12	5,7	11	5,1
625 —	43 -	15	7,2	14	6,5
1025 1	7- I	-	. 11	-	
2) ©	eile von	20" Cir	c. und 15"	Caretfad	en.
25 -	7 j	5,2	1,7	5	2
125 —	22	9	5	11	4,5
225 —	30	17	7	17	3
425 -	65	31	13	28	10
625	92	41	16,7	38	15
1025 -	-		27	- 1	23

<sup>&</sup>quot;) Ciebe Coulomb Traité des machines simples,

3)	Seile	von	28///	Circ.	ünd	30	Caretfaben.
----	-------	-----	-------	-------	-----	----	-------------

Gewicht, welches bie Seile spannt.	l di	rodened Se am. der Rott um welche b	en,	Genette Diam. ber ewidelt wird.	Rollen,
	1"	2''	4"	2"	4''
25	11	5	_	2,5	9
125	21	8,5		35	13
225	29	14	_	45	17
425	47	23		64	26
625	67	31		82	35
1025		50	31		5,4

Aus diesen Tabellen geht hervor, daß die Steifigkeit eines Seiles in birektem Berhaltniffe mit dem Gewichte, welches baffelbe ipannt, und in umgekehrtem Berhaltniffe mit dem Diameter ber Rollen ift. Ferner kann angenommen werden, baf fich die Steifigkeit zweier Seile, wie die Quadrate ihrer Diameter verhalten.

Durch folgende Gleichung lagt fich leicht die Steifigkeit eines jeden Seiles und fur irgend eine Tenfion Q berechnen.

$$R = \frac{1}{D} (a + bQ)$$

D ift hier ber Diameter ber Rolle in Metern, b die Steifigkeit bes Seiles fur jedes Kilogramm Tenfion und a eine konftante Große, welche, um mit ber Erfahrung übereinzustimmen, in allen Fallen hinzugerechnet werden muß.

Die Berthe von a und b find .us folgender Zabelle zu nehmen:

-					Gewicht bes Seiles für 1 Meter Länge.	Werthe von a in Kil.	Werthe von b in Kil.
Får nicht	getheerte (	Seil	e v	on	Rit.	Ril.	Rif.
30	Caretfaben				0,288	0,2225	0,0097
15	_				0,145	0,0635	0,0055
6	_ ~				0,052	0,0106	0,0024
Får 6	etheerte Gi	eile	vor	1	1		
30	Caretfaben			٠.	0,333	0,5496	0,01255
15	_				0,165	0,1059	0,00606
6	_				0,069	0,2121	0,0026

Beifp. Wie groß ist die Steifigleit eines getheerten Seiles von 45 Caretfaben, welches über eine Rolle von 54 Centimeter geht und eine Laft von 3916 Kilogrammen trägt.

Fur ein Seil von 30 Caretfaben hatte man;

$$R = \frac{1}{0.54} (0.35 + 0.01255 \times 3916) = 91.65 \text{ Mil.}$$

Da fich nun die Steifigleiten zweier Seile wie die Quadrate ihrer Diameter verhalten, fo ift die Steifigleit fur ein Seil von 45 Caretfaden ober:

R = 91,65 K. 
$$\times \left(\frac{45}{30}\right)^2$$
.  
= 91,65  $\times \frac{9}{4}$   
= 206,21 Kilogramm.

1:

## Nr. 9.

# Don dem dynamischen Effette der Krafte.

Unter Kraft versteht man allgemein irgend eine Ursache, welche ben Zustand und die Lage eines Korpers mehr ober weniger verändert ober es thun wurde, wenn nicht andere Krafte ben Effekt ber erstern ausheben murben.

Diese Krafte können sehr verschiedenartig auf den Körper wirken; immerhin bringen sie aber auf denselben eine wirkliche Pression oder Traktion hervor und können haber schicklicher Weise mit dem Effekte von Gewichten verglichen und auf diese Weise leicht durch Jahlen ausgedrückt werden. So z. B. verssteht man unter einer Kraft von 50 Kilogrammen eine Pression, welche berjenigen eines Gewichtes von 50 Kilogrammen gleichkommt.

Um aber einen mechanischen Effekt hervorzubringen, muß eine Kraft nicht nur ein fur allemal ben Widerstand eines Körpers überwinden, sondern formahrend auf denselben wirken und hiemit eine gewisse Geschwindigkeit damit verbunden seyn. Diese Geschwindigkeit mird durch die Lange des Raumes gemessen, welchen der Körper in einer gewissen Zeit vermöge der auf ihn angewendeten Kraft durchläuft.

Das Produkt dieser Geschwindigkeit V in die Pression P oder PV nennt man den bynamischen Effekt oder die mechanische Arbeit (quantité de travail ou d'action eines Motors. Bei der Berechnung des dynamischen Effektes der belebten Motoren, nämlich der Menschen und Thiere, muß jedoch noch ein drittes Element in Betracht gezogen werden, nämlich die Zeitdauer; während welcher dieselben im Stande sind, ihre Arbeit zu verrichten. Diese Dauer wird gewöhnlich durch die Anzahl Stunden, während welchen der Motor tägslich arbeiten kann, ausgedrückt. Multiplizier man diese Zeitdauer (T), in Sekunden ausgedrückt, durch das Produkt PV (oder den dynamischen Effekt in einer Sekunde), so erhält man das Produkt PVT oder den Effekt des Motors in einem Tage.

Das einfachste Mittel, ben bynamischen Effekt irgend eines Motors anzugeben, ift, die Vergleichung besselben mit der vertikalen Erhebung eines Gewichtes auf eine gewisse Bhe und in einer bestimmten Zeit.

1

it

Man sieht z. B. leicht ein, daß, um 1 kb auf 1' Hohe zu beben, es nur halb so viel Kraft braucht, als um in ber namlichen Zeit 2 kb auf 1' oder 1 kb auf 2' Hohe zu heben, und daß überhaupt die anzuwendende Kraft konstant senn muß, wenn das Produkt des zu hebenden Gewichtes mit seiner. Geschwindigkeit oder Hohe konstant bleibt. Die dynamischen Essekte zweier Krafte stehen hiemit in direkter Proportion mit den Gewichten (Pressionen) und Hohen oder Geschwindigkeiten.

Es nuf indefin bemerkt werden, daß sowohl bei den lebglen, als auch bei den lebenden Wotoren der mechanische Sfekt nicht immer gleich ift, wenn das Produkt der Preffion, der Beschwindigkeit und der Zeitdauer gleich ift, sondern daß es grwiffe Werthe far die Elemente glei, welche besonder geeig net find und das Warimum des nechanischen Effektes geden,

Diese Werthe hangen gang von ber Natur bes Motors und ber Art ab, wie berfelbe angewendet wird, und find fur jeben Fall besonders durch zahlreiche Bersuche zu bestimmen.

Nimmt man 3. B. die Pressson unendlich groß an, so mußte alsdamn sur eine und dieselbe Kraft die Geschwindigstit unendlich klein son und alsdam ist der dynamische Effekt derfelben = 0. Dasselbe hat ebenfalls katt, wenn die Geschwindigkeit unendlich groß und hiemit die Pressson unendlich klein ist.

Man weiß serner, daß es am passenbiten ift, ein Pferd taglich 8 Stunden arbeiten zu lassen. Warbe man dies Arebeitsgeit bis auf 40 oder 12 Stunden verlangern, so wurde es nicht binreichend sepn, die Pression oder Geschwindigkeit so zu vermindern, daß das Produst der drei Elemente das gleiche bliebe und nicht vermehrt wurde; der Effet wurde alsdam bennoch geringer son, und das Pfred wurde sich auflebent dabei zu sehr ernüben, und feine Geschundigt gefährdet werden.

Die Menfchen und Thiere haben indeffen bie Fahigkeit, auf eine kurge Beit hin ben mechanischen Effelt PV etwas gu vergrößern, was in vielen Fallen febr vortheilhaft ift und aus welcher Ursache bieselben oft ben leblosen Motoren vorgezogen werden. Doch geschieht dies immer nur mit Ausopserung einer Portion des totalen dynamischen Effektes des Motors, indem alsbann die Arbeitsdauer bedeutend vermindert werden muß.

Sewöhnlich ift die vortheilhafteste Preffion bei einem jeben Mostor ungefahr & berjenigen, welche er hervorbringen fonnte, wenn teine Seschwindigkeit damit verbunden ware. Es ist &. B. das Gewicht von 300 th das Beträchtlichte, das ein Mann zu tragen im Stande ist; das Vortheilhafteste oder dasjenige, mit welchem er den größtmöglichen Effett hervorbringen kann, wird hiemit = § × 300 = 133 th fevn.

Die zuträglichste Geschwindigkeit ist gewöhnlich ungefahr & berjenigen, welche der Motor ohne Pression hervorbringen konnte. Da &. B. ein Mensch, wenn er keine Last trägt, etwa 44' pr. Sekunde zurücklegen kann, so muß seine Geschwindigkeit bei einer Last von 133 th = 14' pr. Sekunde seyn. Diese beiden Werthe correspondiren fur diesen Kall mit dem Maximum des dynamischen Effektes.

Die vortheilhafteste Arbeitsbauer ift ungefahr bie Salfte ober bas Drittel berjenigen, welche ein animirter Motor im Nothfalle aushalten tonnte, ober etwa 6-9 Stunden taglich.

Um die verschiedenen Faktoren bes dynamischen Effektes in Zahlen auszudrücken, kann man sich naturlicher Weise belies biger Einheiten, wie z. B. des Pfundes, des Fusies und der Sekunde bedienen. Um aber wo möglich große Zahlen in dem Ausdrucke des dynamischen Effektes zu vermeiden, werden wir borzugeweise bas Kilogramm gur Bewichteinheit, ben Meter gur Geschwindigkeitecinheit und bie Sekunde gur Zeite einfeit aunehmen.

Das Probutt, welches aus biefen Einheiten gebildet wird und bie Einheit bes bynamischen Effettes ausmacht, beißen wir nach gen. Navier Kilogrammmeter und bezeichnen es mit Um.

Co 3. D. beißt ein Effett von 20. Im. pr. Setunde ein folder, welcher ein Gewicht von 29. Alliegnammen i Metere boch in einer Setunde bobe. Diefer Effett fann, wie wir icon geffehen haben, auch durch irgend ein anderes Gewicht, 3. D. durch ein Gewicht von 16 Kilogrammen ausgebrückt werben. Um aber ben Effett von 20 Km. beigubebalten, wum alebann eine Geschwindigteit von 20 Km. beigubebalten, wum alebann eine Geschwindigteit von 20 Km. 25 Weter damit verbunden sepa.

Der bynamifche Effett einer Rraft mirb ferner oft burch folgende Ginbeiten ausgebrudt:

Montgolfier, Sachette, Clement zt. nehmen fur Einheit bie Dynamie an, welche ein Cubifmeter Baffer ober 1000 Rilogramm 4 Meter bod bebt und alfo = 4000 Km. ift.

Sr. Benoit gibt bem Effette, ben wir burch Rilogrammmeter ausbruden, ben Ramen Metroliter.

D' Ebans nenut ben Effett von 1 Cub.foot Baffer, welcher auf die Sobe von 1 Foot erhoben wird, Cuboch. Ders felbe ift = 8,65 Km.

Bur Aeftimation ber berichiebenen Motoren bebient man fich endlich noch am haufigften einer andern Ginbeit, namlich

ber Pferbetraft (cheval-vapeur, horse-power). Die Anwendung biefer Einheit ist bestall nicht sehr vortheilbaft und empfehlenswerth, weil der Berth dieselben sehr unbestimmt ist und wirstlich sehr verfchieben angenommen wird.

Mach Desagnillier lauft ein Pferd 24 Meilen in einer Stunde gegen einen Wiberftand bon 200 Pounds, wenn es S Stunden im Tage arbeitet. Es bebt alfo in einer Minute 44,000 Pounds 1 Foot body, welche Arbeit einem Effette von 402 Km. per Schunde Stieft fommut.

Daffelbe nimmt Emerion an.

Batt und Evans hingegen nur 33,000 Pounds 1 Foot boch pr. Minute ") = 78 Hm. pr. Sclunde.

Smeaton sogar nur 22,916 Pounds = 53 Km. pr. Schunde. Dr. Poncelet versteht unter Pferdefrost einen Effett von 75 Km. pr. Schunde, oder 4500 Km. pr. Minute und da die Einheit ungefahr das Mittel ist von allen andern, so ist dieser Berth bier überall zu versteben, wo nichts besonders darunter anaedbutet ist.

Der auf Diese Weise bestimmte Ausbruct Des Produttes PV ift sehr vortheilhaft, um ben dynamischen Effett irgend einer Kraft ziemlich genau durch Berechnung anzugeben. (Siehe Berechnung des Effetts bei Basserabern und Dampfnaschinnen im Zen Banden.) Ift beriebe bekannt, wie auch berienige, welchen die Betreibung einer Maschine ober irgend einer



<sup>\*) = 550</sup> Pounbe , Woot bed pr. Cetunbe = 28.500 th 1 Jul bod pr. Minute ober 475 th 1 Jul bod pr. Setunbe frang. Maas.

Operation in einer gewissen Zeit erheischt (was nur durch Weter fuche ausgemittelt werben tann), so fann nan mit größter klichtigkeit bie Mengs Arbeit finden, welche in einer grwissen Zeit mit einer gegebenen Kraft bervorgebracht werben fann. Auf ähnliche Weife läßt sich bie Jatensstäd ber Kraft, die Stafte einer Dampssnachme, eines Wasserfalles zu, berechnen, welcher eine gegebene Arbeit bervorbringen soll.

Ammersin nust wegen ber bieten hinderniffe, bie bei jeder Bewegung Statt finden, ein bedeutender Ubgug in bem Werthe beb bervorgebrachten Effetts gemacht werben. Der bynamische Effett eines Motore nust also immer in zwei Portionen gertheitt werden, in biejenige, welche durch die verschiesen hinderniss absorbeit wird und burchaus keinen Augen gewährt, und in diejenige, welche ganglich zum verlangten Iwecke angebendet werden fann und aus diesem Grunde auch nut if der Effett acnanut wird.

Da ber letzter in der That den eigentlichen Butgen, den aus einem Motor zieht, bestimmt, so muß dei der Constitution einer zieden Machdine hauptschieß darauf geschen werden, das Marimum desselben wo möglichst zu erhalten, und man muß daber die verschiedenen Hindernisse der Weregung, wie die Reibung, die Steississeit der Seile, den Widerland der Luft, die Zerschung der Krästere, zu vermindern suchen. Das beste Mittel, um zu diesem Zweck zu vernindern suchen. Das dess Mechanismus und Vermeidung aller Arten Sthift, ow ieder plostischen Absaltschung aller Arten Schie, so wie einer plostischen Absaltschung der Bewegung.

area.

Folgende Angaben find burch gabireiche Berfuche erhalten . morben:

									einen Effeti	
um i heftol. (75 Kil.) Getreibe in gewöhnlichen Muhlen gu mahlen braucht es	auf id.	ber 9 bes	1dfe Wa	be Te	s M	tub	lfte	in:	611	
um 1 Seft. Getreibe giemlich grob in einer Bindmuble gu mablen	auf	der (	Uchfi	e be	r D	3ín	dfid	ge	1300	-
Um 1 heft, in englischen Mabl- gangen und mit Dampf gu mablen	aut	ber ibes		e t	ed .	Ed			808	_
Um 1 Sett. Getreibe ju brefcher									40	_
Um 1 Ril. Del in einem Poch: / werte ju preffen		den um	er	îter	1 2	Ben	idel		116	
id. in einem Balgmerte	vu	id.	:	:	:	:	:	•	30	Ξ
um i DMeter Tannenhols gu få	gen	id.							60	_
Um 1 □ Meter naffes Cichenhols/ von Sand ju fagen	auf	ber	Så	ge					45	-
id. trodenes Cichenholy .		id.							63	-
id. Ulmenholy		id.		٠	٠			٠	71	-
id. Marmor		id.						٠	295	-
Um 100 Ril. Lobe zu gerftoßen Um 1 Ril. Baumwolle zu fpin:)			1 20	ell	rau	m	٠	•	466	-
nen von No. 40 mit Mule:			•	٠	•	•	٠	•	200	-
id. mit Droftleftublen .	id							٠	410	-

									Œffe	et vot
Um 1 Ril. 2Bolle gu öffnen und } i	Auf,	bet	m	230	Ube	un	t.	٠	350	Dpn-
Um 1 Ril. Wolle ju fpinnen .						٠		•	20	-
11m 100 Ril. Gifen bis auf ) 5 EMet. Seite zu laminiren	•		•					٠ (	0,446	_
Um eine Augel von 8 Ril. Ges wicht mit einer Geschwindig: feit von 417 Meter pr. Ges									53	_
funde gu merfen						-		•		

Ferner braucht es 4 Pferbetraft um:
600 Spinbeln watertwist
ober 700 Spinbeln Mulegarn
ober 500 Spinbeln für Garn von Ro. 30
nehl ihren Jubereitungsmaschinen in Amegung zu seben
ober 12 Webflüble nehft Jubereitungsmaschinen.
Ein Adortiment von 60 Wehitatien, 5 Schlichtmaschinen und

Ein Uffortiment von 60 Bebfichten, 5 Schlichtmafdinen : 1 Bettelmafdine erfordert baber bie Araft bon 5 Pferben.

Folgende Tabelle von Belibor, welche von frn. Poncelet etwas verbessert worden ift, gibt ben bynamischen Effett belebter Moorden von gewöhnlicher Statte an. Die Pressonen und Geschwindigkeiten, welche bier angezeigt find, scheinen die verheilbaftesten zu son, welche man anwenden kann. Indessen dann man dieselben um etwas weniges berandbern, ohne deshalb einen merklichen Unterschied in dem die namischen Effette besuchten zu muffen.

A DESCRIPTION OF THE PROPERTY	Mitit. Press	Mittl. Gefchw. pr. Set.	Cheft	Dauer der Ar: beit in 1 Tag.	Effett in 1 Lag.
Market Co. Land	Rit.	Meter	Km.	St.	Km,
1) Ein Menfch, welcher eine Leiter hinauffteigt,	-		क्षा च्या इ.स.च्या	. 12 n = 	Harum Ar Arthur Hutan
und feine andere Laft trägt, als bas Gewicht feines Rorpers	65	- 0,15	9,75	-8	280800
2). Ein Sandlarger, wel- cher Gewichte mit ber	20	0,17	3,40		73440
5) Gin hanblanger, wel: der Gewichte mit ei:	. 20	0,17	3,40	6,5	3 1/2 440 11 1
nem Seil hinaufzieht aund bas Seil leer her: untergehen läßt	18	0,20	3,60	6	77760
4) Ein Arbeiter, welcher eine Laft auf feinem Rucen eine Leiter bin:	P.			1994 1988 1114	
Bauftragt und feer ; gu:	Y 25	)ā		1	\$11° m
5) Ein Handlanger, wel:	65	0,04	2,60		5 113min
der Steine in einem Stoffarren auf einer Rlache transport., wells	1	4	- 1	1.	198 1: 198 1:
che 4/12 Steigung hat und ber leer gurudgeht	60	0,02	1,20	10	45200
6) Ein Arbeiter, welcher Erbe mit einer Schaufel auf die Sobe von 1,60		1 -	•		4. A
Meter (5') wirft	2,7	0,40	1,08	-10	3888U

ب عبرترا وماد السال وعوم المالي	Mittl. Prefs fion.	Mitti. Geichw. pr Ett.		Daner ber Ars beit in 1 Tag.	Effett in 1 Lag.
with the state of	Rit.	Weter	Km.	ø.	Km,
7) Ein Arbeiter, welcher				- 0	1 -10 (1)
auf ein Tretrab von				A.	1 544
außen wirft	l		7 . 1		1.15
Mchfe bes Rabes	60	0,15	9	8	259200
20 Unter bemfelben	00	0,13			232400
unter einem Binfel			12	11.5	1,15
DON 250	12	0,70	8,4	8	251120
8) Gin Arbeiter, welcher an einer Rurbel treibt	8	0,75	6	** B **	472800
9) Ein Pferb, welches eis	0	0,13		0	\$12000
nen Bagen im Schritte	l	1	D		-711
fübrt	70	0,90	63	10	2168000
10) Ein Pferb, welches			-	100	-
einen Gopel bewegt unb	45	0,9	19.00	8	4100400
im Schritte geht	63	0,9	40,5	8	1166400
geht	50	2,0	60	4,5	972400
12) Gin Dofe, welcher	4 .	1			1/12/
einen Gbpel im Schreis				-100	1,517.1
ten bewegt	63	0,6	39	8 :	1123200
14) Ein Efet id	30 14	0,90	27	8	777600 534080
15) Ein Dferb, welches	1.2	0,00	11,0	0	333000
Raften auf einem fleinen	2.5	-1			
Rarren transportirt u.	1				
feer gurudgeht :	700	0,60	430	10	15120000
18) Ein Pferb, welches bie Laft auf feinem			4,0		110
Racen traat unb im		10		10	
Coritte geht	120	1,1	152	10	4752000
im Trafe	80	2,3	176	7	4435000



Munert. Dert Arkeiter thauen von hand as Webenvolz signe und ein Schostalt fiberen mit einer Richwindszeit von do Maen per Minute. Die Jugolinie beträcht a. Dezimeter, und der Deugwelchen sie gusammen ausdeben, do nichtigen. Dahre ber Deughauf des Cffert derziehen bei dieser Kreit = 25 X 50 X 0°. 28 = 25 8 km. per Min. ift. Eine gendbaltige Schamblie, vordes derne Auffer (oder Wind) gettleben virb, liefert nach Beilder ungafabr Inna foueit als eine Jaudischen der fosiert als 3 Michiere, daber ber erstoderitige Effekt = 9 X 50 = 4680 km. per Wint, lift. Kreiter dennigt est um Gerektwongung des Augene einen Effet von 20. Inn. bahre ziehunten stoo km. nub de Kertieke Effet von 20. Inn. bahre ziehunten stoo km. nub de Kertieke weisse zwissen des schauben Löslichen Gerecht werder ben fann, is ift der Arateisfert, weicher ubtigs ist, um eine solche Edgenüble im Gange zu redaten:

= \frac{1}{4} \times 3.100 = .7650 km. per Min. = 4.7 Pferbetrafte Beildor gibt benfetben jedoch auf 10,520 km. = 2.3 Pferbetrafte an. Bei neuern und beiffer eingerichteten Safarnabiten ift bingegen bie Fidche, weiche mit blifem Effert gefche werben tann, weit arbeit, wie auß ben Refullatin peg, 79 erfeben werben tann,

Obige Angaben geben ben nuhbaren Effet eines Pferbes auf gewöhnlichen Wegen an, für fobr gute Wege warbe berfelbe beträchtlicher, für ichlechte Wege bingegen weit geringer fenn.

Sit ber Weg horizontal, fest und eben, so ift bie erforberliche Ziehlraft ber Pferbe, welche im Schritte geben, 25 - 35 ber Zotallast, 32 für einen Wagen, ber im Trotte auf einer gepflasterten Strafte gebt, und zu auf einem sandigen Wege geber auf nen gelegten Rieselsteinen. Auf Eisenwegen ist bie felbe nur 10 - 150 ber Zotallast. Der Wiberstand hangt



übrigens noch von den Dimensionen und der Beschaffenheit der Bagenrader, von der mehr oder minder regelmäßigen Berteilung der Laft auf dem Bagen und von noch andern Umftanden ab.

# Meffung des Mutzeffehtes vermittelst des Pynamometers von Prony.

Mit diesem einsachen Apparate kann nicht nur mit hinreichender Genauigkeit der Nutzeffelt eines Wasserrades, einer Dampsmaschine zc. gemessen und dadurch eine Bergleichung dieses Nutzeffeltes mit dem theoretischen Effekte dieser Motoren angestellt werden, sondern er dient ebenso gut, um den Nutzeffekt kennen zu lernen, welcher erfordert wird, um gewisse Maschinen in Gang zu bringen, gewisse Arbeiten zu verrichten oder welcher durch die Transmission der Bewegung, durch die verschiedenen Reibungen und andere Widerstände absorbirt wird.

Derfelbe ruht auf bem Pringipe, die zu meffende Rraft einer arbeitenden Belle burch Reibung zu absorbiren, und bas Moment ber letztern zu beftimmen.

Er besteht baber bloß aus zwei halbkreissormig ausgeschnittenen Satteln, welche einen gut abgedrehten Theil ber Achse eines Triebwerkes umfaßt, und wovon die eine einen Hebelarm trägt, an dessen Ende eine Wagschaale zur Unfnahme von Gewichten angebracht ist. Werben bie zwei Sattel vermittelst Schraubeubolgen fest an biese Achse angebruckt, und ift ber Debel mit kinnen Gewichte beschwert, so wird die Achse mit ihrer gewöhnlichen Gefehwindigkeit ben Bebel im Kreife berumfabren.

Wird aber der Hebel mit einem Gewichte P beschwert, welches gewod so gers ift, um, indem es in entgegengeschieden Richtung der Bewegung der Achse wirt, den Hebel in einer boriontalen Lage zu erhalten, so das die Achse in den Sateln kerungleiten muß, so wird der Nuhessett, welchen diese Achse leistet, gemessen werden können. duch diese Ewicht Provenielsach-mit der Geschwindigkelt, welche dasssiede haben wurde, wenn es der Bewegung der Achse solgen konnte. Ist daher m die Entsternung des Aushängspunttes der Wosseldaale von dem Mittelpunkte der Achse, und die die Angele dass dahe der Wosseld der Kalle per Minnte macht, so ist der Nuhrsselft der Minste macht, so ist der Nuhrsselft der Muhrelben — 2 × 3,1416 × m × n × P.

Beifp. Ce fen ber Sebelarm bed Dynamometer = 4".

Die Belle, an meider berfelte angebracht ift, laufe gang lere, b, odne irgend eine Maschine in Buegung zu sehern, und wecht 25 Umgang per Winute, und das erforberliche Gemicht, um bey Sobel bei biefer Geschwindigkeit in horizontaler Lage zu eehalten, = 150 Kil.

Es wird baber ber Ruteffett biefer Mofe =

2 × 5,5416 × 4" × 45 × 150 .

= 56549 Km. per Minute = 121 Pferbetrafte fepn.



Indem man durch flatferes ober schwächeres Undracken der Sattel an die Affe das Bowicht bermeftet ober berminde bert, welches erfordert vorto, um ben Schel im horizontaler Lage zu erhalten, die Anzahl von Umbrehung der Achse jedes mal bemerkt und daraus den Augeffelt nach obiger Formel berechnet, wird man ersahren, welche Geschwindigkeit der Achse bie vortheiligafteste und den geboren Augseffelt darbie bie vortheiligafteste und den gehören Augseffelt darbietet.

Durch fideferes Andracken der Sättel, als in obigem Berfuch, wird 3, B. das Gewicht von 150 Kilogr. burch ein flätferes don 162 Kilogr. erfest werden muffen, indem ersteres der Bewegung der Achte folgen warbe.

Die Achfe mache alebann nur 13 Refolutionen per Die. Es wird baber ber Rugeffett ber Achfe in biefem Falle

= 2 × 3,1416 × 4" × 13 × 162 = 52950 Km. = 111 Pferbefrafte

fenn, und baber bie erftere Gefdwindigfeit von 15 Umgangen per Minute einen großeren Rubeffett ber Triebfraft barbieten als lehtere.

Es werbe nun burch bieselbe Achse bie Transmiffion, ober bas großt Triebwert, welches jur Betreibung ber vers schieben Maidinen einer Fabrif nibig ift, in Gang gebracht, jedoch obne baß die Mafchinen arbeiten.

Ift in biefem Falle bas Gewicht P = 170 Kil. und macht bie Uchfe bloß 11 Umbrehungen per Minute, fo beträgt ber Rubeffett, welchen bie Achfe noch außerdem befiet

2 × 5,1416 × 4" × 11 × 170 = 46.998 = 10,44 Pferbefrafte.

Werben nun außerbem noch durch biefe Trandmiffen 3. B. 100 Webftüble nehlt ibren Zubereitungsmaschinen in Bewegung geseht, beträgt alsbann bas Gewicht P 43 All. und mach die Abei woch to Umbrebungen per Min., so ist ber Nubessetz, welcher noch gut fernerer Benubung bisponible: ifi:

= 2 × 3,1415 × 4 × 10 × 43 = 2,40 Pferbefrafte,

Mehmen wir nun an, daß das Maximum des Auhsfeffetes, meldes der Motor liefern fann = 12,60 Pferdetälte ift, fo ift das der derjenige, melder zur Benegung des Teiebwerfes erfordert wird = 12,60 — 10,44 = 2.16 Pferdetälfe, und berjenige, welcher zur Benegung der Wechtliche beiert,

=10,41 - 2,40 = 8,01 Pferbefrafte,



## Nr. 10.

## bon den mechanischen Potengen.

Unter Mechanik versteht man überhaupt die Lehre von der Bewegung, und Maschinen sind Vorrichtungen, um zweckmäßige Bewegungen zu bewerkstelligen. Zu jeder Bewegung wird eine Kraft erfordert; was bewegt werden soll, heißt Last. Je größer diese ist, desto größer muß jene senn, damit sie in Bewegung versetzt wird; die Krast muß sogar immer etwas größer seyn: denn sind beide einander ganz gleich, so hat bloß Gleichgewicht statt. Die Statik ist derjenige Theil der Mechanik, der die Bedingungen untersucht, unter welchen Krast und Last sich das Gleichgewicht halten.

Rraft und Last richten sich nicht bloß nach dem Gewicht, sondern auch nach der Geschwindigkeit. Gin Korper von 4 fb, der 3' weit in 1 Sek. gehen soll, ist eine eben so große Last, als ein anderer von 12 fb, der nur 1' in 1 Sek. durch laufen soll. Und basselbe gilt von der Kraft. Das wirkliche Berhältniß der Kraft oder der Last sindet sich daher, wenn man die Gewichte mit den Geschwindigkeiten multiplizirt. Dieses Produkt heißt man in der reinen Mechanik das Moment.

Benn der Korper a 8 ib wiegt und 5' durchlauft, mabrend b, ber 40 ib wiegt, 6' durchlauft, fo verhalten fich die Momente von a und b wie 40:60.

Das Grundgefen aller Mechanit beift, baß Berwegung tur bann möglich ift, menn bas Moment ber Kraft bassenig ber Last äberteifft. Gi fi bennach, so oft auch menig Unter richtete Mehnliches bersuchen, rein unmöglich, burch irgand eine Maschine wirflich an Krast zu gewinnen, b. h. mit einer Krast von einem gegebenen Moment eine Last von geößerem Moment zu bewegen.

Oft ober benkt man fich unter ber Kraft bleg bas Genicht ohne Rufflicht auf die Gelchwindigkeit. In die fiem Sinn ist man allerdings im Stande, mittelst einer kleinen Kraft eine weit schwerere Last zu bewegen, so wie man mittelst einer lange fam wirtenben Kraft einer Last eine viel schweldere Bewegung geben kann. So ist es daber zu verstehen, wenn man sogt, daß durch eine gewisse Berrichtung an Kraft ober au Geschwinz die gewonn en wird. Der Gewinn au Kraft fest dam immer eine Einwige an Geschwindigkeit — G wie der Gewinn an dieser eine Einbusse an Kraft veraus. So faun man also 3. 33. mit 10 Hb eine Last von 100 Hb Gewegen, wenn diese domal weniaer Was durchaufen darft.

Bieflich ift aber auch biefer Bortheil in ungabligen Fallen febr groß; und obicon alle Mafchinen nur biefen verschaffen, fo leiften fie boch baburch icon aberaus nugliche Dienfte. Es



ist baber sehr wichtig, zu berechnen, wie viel in obigem Sinne unter gegebenen Berhältniffen burch eine Maschine an Kraft ober Geschwindigkeit gewonnen wird.

Da sich nun alle Maschinen als mannichsaltige Berbindungen mehrerer einfachen Maschinen betrachten lassen, so muß man hauptsächlich berechnen lernen, was jede dieser lettern zu leiften vermag.

Diese einfachen Elementarmaschinen heißt man gewöhnlich mechanische Potenzen, und ihre Zahl kann auf 6 reducirt werden: der hebel; das Rad an der Welle; die Rolle; die schiefe Flache; der Reil; und die Schraube.

Was sede bieser Potenzen zu leisten vermag, läßt sich mit mathematischer Genausgkeit bestimmen, wenn man von allen zusälligen Hindernissen abstrahirt, und unter dieser Voraussehung mussen nicht vorerst die allgemeinen Negeln aufgestellt werden. Es ist twe bessen ja nicht zu übersehen, daß verschiedene solcher Hindernisse, die zugleich überwunden werden mussen, stets und unvermeidlich vorhaus den und in Lusching zu bringen sind; und daraus erhellt um so mehr, wie thöricht die Hossung Mancher ist, durch irgend eine Maschine eine immer fortgehende Bewegung oder ein sogenannstes Perpetuum mobile erzielen zu können, geschweige denn damit wohl gar einen Nuhesselt oder körtdauernd die Uederwindung einer Last zu erhalten. Jeder Mechaniker hüte sich also, auf diese Erisse Zest zu erhalten. Jeder Mechaniker hüte sich also, auf diese Srisse Zeit und Geld zu verwenden, da die Aufgabe zu den rein unmögslichen gehört, und thörichter noch ist, als das Bestreben der Alchymisten, Gold zu machen.

Die Wirkungen ber einfachen Potenzen berechnen fich aus folgenden Regeln:

### Dom Bebet.

Der Deb el ift eine unbieglame um einen Puntt bewege liche Stange, auf welche zwei Ridfe wirfen. Deinigt man bas Genicht ber Jebefflange nicht in Unifolag, fo find beide Rrafte, ober Kraft und Laft, im Gleichgewich, wenn die Probutte Der Ridfte (ober Gewiche) in ihre Entfernungen vom Stibs ober Derhoputte fide einander gleich find:

Beifp. (Fig. 12.) It an dem furzern Ende a eine Laft von 20 th 1' vom Drebpuntte e entfernt, und an dem längern b eine Araft von 4 th in einer Entfernung von 5', fo find beide im Gleichgewicht, denn 20 × 1 = 4 × 5, b, die Womente find sich gleich-

- Ift die Araft etwag großer, fo wird die Laft wirflich bemegt. Unmert, 4. Diefe Regel ift richtig, wenn ber Stüppuntt gwis forn Araft und Saft liegt, ober wenn er am Ente bes Stebels liegt. (S. Big, 43 und 144 in Big, 45 ift be, in Big, 44 och

ber langere Urm.

2. Sie ift ebenfalls mahr, wenn ber Sebel eine trumme Stangs ift; nur muß man bann von ben Puntten, auf welche bie Araft wiret. gerabe Linien nach bem Stappuntte gieben, und biefe als Entfernung aufeben. (Gla. 16.)

8. Geen fo gitt fie auch fin Bintelfebet; nur muß man eine fente rechte Linie von bem Drebpuntte auf die Richtungslinie der Krafte gieben , und jene fentrechte Linie als wirtliche Entfernung be-

trachten, (Rig. 16.)

4. Sind beibe Arme gleich lang, fo fann wober an Araft noch an Befchwindigfeit gewonnen werben; ber Sebel verändert nur bie Richtung ber Bewogung in eine entgegengesete, und bient (wie bei ber gemeinen Waage), um die Gleichheit von Araft und Laft der Von Lewischen ut ertennen.

5. Ift ber Urm ber Rraft langer, fo wirb an Rraft gewonnen; und swar fann bie Laft um fo vielmal größer fenn, als jener Urm

långer ift als ber fargere.



- Belfs. Dridt ein Mann bei k (Als. 17.) mit (etwes mehr als) 1. 50 th, und ift his smal langer als Ih, so kann er eine bei 1 liegende Laft von 9 × 50 ober 450 th benegen. (Die Laft madet inbessen und einen 9mal fleinern Meg, als die Krast maden mus.)
  - Com nert. 6. Aufe Belge ift sedog nur genan wohr, wenn ber Lebel als gewichtles gedoch wied. Wirgt bie Stange stelft z. B. 20 Pf., und liegt der Semverpunkt in der Mitte. so femmt diese Schwere der Kraft stilft zu Hilles; sie wirft, als wenn eine zweite Kraft von 10 Pf. dei einbetreckate; b. ader ist in diesem Talle 4 l h. Diese zweite Kraft vermag also noch 4 × 10 = 40 Pf., zu besen. Die Last som kommach 350 + 40 der 450 Pf. dertogen.
    - 1. Mirte ble Aroft ein sind flogern Erne, formögle diese sind geber fren, als die Laft, diese würde aber eine smal swellen. Bewegung erbatten. Dog aus bies nitr unter Berausstehung, bes die Stange nichts wöge. Das Gewicht ber Stange macht bas bie Aroft geber from muß, Nach von vorlenn Briger mögle die Aroft nicht 4800, sondern 490 son, um do Pf. smal schniefter zu bewegen, weil do Pf. erspecker werben, um das in der Mitte gleichjam vereinigte Gewicht ber Etrage von 20 upzleich zu etwoaft, das die Kafes Gemeiligtet Ertagen um us.
    - 8. Ebenso berechnen fich gusammengesetz erungen mus.
      8. Ebenso berechnen fich gusammengesetz hebel (Big. 18.) If ber her bebelarm f.d smal idnger als f.e; und a c = 5 cb, so tann die Walge e, bie gefoben werben soll, somal schwerzer seyn als das Grwingt an a.
    - 9, Mubt eine Einnge (Alo. 19.) auf den zwei Unterlagen p mis g, hat febe is Soffte lieres Gewigete gin trogen, was eine gibt Soffte einer in der Mitte aufgeblugene Laft. In der feber nicht in der Mitte aufgeblugene Laft. In Derträffins von auf gest in Wertell finis eine gibt betraffen der nicht werden.

      4 ber fleinen Teilf ju tegen.
  - Bei fp. Co fev = 144 th und px = 2'; qx = 7', fo bat p I und q 3 be. Caft ju tragen; ober p 112. th und q 32 tb. Gleiches gilt von Balten u. a., und eben fo berechnet man bie Werthellung ber baft eines Wagens anf bie Abfen ber Riberu. f. w.

Aufg. Mit einem 40' langen Hebel und einer Kraft von 50 th will man 350 th heben, wo muß die Unterlage angebracht werden?

Antw. Da die Last 7mal größer ist als die Kraft, so muß der längere Arm z und der fürzere z betragen; die Unterlage muß also, wenn sie zwischen Kraft und Last kommen soll, 12' von der Last entfernt werden, wenn das Gewicht des Hebels selbst nicht in Anschlag kommt.

### Dom Had an der Welle.

Für das Rad an der Welle (Fig. 20.) gilt die Regel des zweiarmigen Hebels. Wie sich der Halbmeffer der Welle b zum Halbmeffer des Rades a verhalt, so verhalt sich die Kraft k zur Last I. Ift die Kraft etwas größer, so wird die Last aufgewunden; sie muß indeffen merklich größer sepn um die Redoung, woden namentlich die der Zapfen in ihrem Lager bedeutend ist, zu überwinden. (S. No. 7.)

Bas von einem eigentlichen Rabe gilt, gilt auch von allen

Safpeln, Winden zc.

Wird die Last an einem Seile anfgemunden, so absorbirt, da das Seil sich fortwährend um die Rolle herumbiegen muß, die Steisbeit desselben einen Theil der Kraft; ferner ist noch das Gewicht des Seiles zu überwinden. Dieses wird aber immer kleiner, je höher man die Last hebt. Am Anfange muß also die Krast bei gleicher Umfangsgeschwindigkeit am größten sepn, am Ende der Bewegung am kleinsten.

Um fortwährend mit ber namlichen Rraft arbeiten gu tonnen, braucht man nur die Gefcwindigkeit ber Laft und hiemit ben Diameter der Welle befio mehr und mehr gu vermindern, je größer die Laft wird. Dem Anfange der Bewegung foll daher der fleinfte Dia meter, dem Ende derselben der größte Diameter ber Melle correspon-Wenn: Meunt man R ben Diameter bes Rades

Q bas Gewicht ber Laft p bas Totalgewicht bes Seiles

P bie Rraft

fo ift ber fleinfte Diameter ber Welle ober

 $r = \frac{PR}{p+0}$ 

und ber größte Diameter ober r' = PR

And diefen beiben Diametern bilbet man bie abgeftunpfte Regestäche ber Welle. Ce muß indeffen bemertt werben, daß, indem fich bas Seil auf ber Welle aufwinder, ber Olameter ber Welle um eine Seilbide größer wird. Es muß also biese Seilbide von ben gesunderen Olametern ber gangen Lange ber Welle hindurch abgeablt werben.

Windet fich bas Gell in mehreren Lagen auf, so wächst auch ber Bameter um mehrere Seitbleden und die Geschwindigteit der Laft mache in diesen Falle, je mehr fich das Seil aufwiedelt, und in eben bem Lante muß fich bafter auch die Kroft vermehren.

Ammerbin bewegt fich die Laft genau um fo tangfamer, als ber Durchs meder ber Welle nebft ber Geithide tleiner ift als ber bes Rabes.

- Beifp. Wie viel Kraft wird erforbert, um eine Laft von 1200 th in 6 Minuten 90' bod ju beben, wenn bie Kraft an bem Rabe bed Safpeld, ber 114' Diameter hat, 5 Umgange in 4 Minute maden fann?
- Das Safpelrad von 114' Diameter hat ungefahr 36' Ciro 5 Umgange an demfelben geben eine Umfangsgeschwindigkeit von

36 × 5 = 180' in 1 Minute and = 1080' in 6 Minuten.

Remen wir bie Reibung und bie Steifigfeit bes Geiles ju

Da ihre Gefdminbigfeit in 6 Minuten = 90' fepn muß, fo per-

lich muß bie Rraft = 1600 = 434 th ungefahr fepn.

får ben größern Diameter ber Belle hat man:

$$\mathbf{r}' = \frac{\mathbf{PR}}{\mathbf{R}} = \frac{134 \times 111}{134 \times 111} = 111''$$

Adr ben fleinern bat man:

$$r = \frac{PR}{Q + R}$$

Bar eine Laft von 1200 th ober für eine absolute Kraft von 2 x 1200=2400 th braucht ce ein Seil von 14" Diameter, woven 10' = 5 th wiegen, folglich 90' = 270 th = p. Es if affe:

$$r = \frac{154 \times 111}{1600 + 270} = 9'' 11'''$$

#### Don ber Holle.

Es gibt gweierlei Rollen, fefte und unbewegliche.

Durch fefte (Fig. 21.) gewinnt man nichts an Rraft; auch fteigt offenbar bie Laft p um eben fo viel als k hinunter, gebt. Es muß fogar bie Kraft bedeutend größer fepn, weil die Steifhelt bes Seiles, das bestandig gebogen werden muß, und die Achsenreibung noch einen beträchtlichen Widerstand erzeugen. 3hr Mugen beschränkt sich also barauf, daß sie die Richtung, in welcher eine Kraft wirft, verandern. Dieser Bortheil ist indessen, of febr wesentlich, und ihr Gebrauch (als Leitscheibe) baber febr häusig.

Durch eine bewegliche Rolle gewinnt man bingegen immer bie Salfte an Rraft, (Rig. 22.)

Gewöhnlich werden bewegliche mit festen verdunden; und war mehrere. Bei den Flasch en gagen, wie die gebräuch ichsten biefer Werbindungen beißen, gewinnt man (theoretisch) an Kraft so viel als tragende Gelffläcke sind, ober doppelt so viel, als bewegliche Rollen sind. Oder steigt die kaft um 4.4, wahrend das Jugfeil um 7 oder 86 sinunter zieht, so tam die Last 7 oder Small größer son, als die Krast.

In der Praris muß indessen wohl um gweniger gerechnet werben, weil die Reifung und der Widerstand der Seile flatt entgegen wirten, und die Seile oft nicht gang parallel latgen. Flaschenguge find jedoch, weil sie einen kleinen Raum einnehmen und sich sich sieht anderingen lassen, don großem Autgen.

### Don ber Schiefen Rache.

Biebt man eine Laft lange einer fentrechten Flace in bie Obbe, fo muß bie Rraft ber Laft gleich fenn.

- Bieht man fie hingegen auf einer gang horigontalen Blache, so trägt biefe bas gange Gewicht ber Raft, und es wird nur in so weit Kraft erforbert, als mehr ober weniger Reibung gusselich gu überwinden ift. Die Kraft richtet sich baber auf solchen Blachen bloß nach der Reibung; wird diese o viel als moglich sermindert, wie dies bei gut geschwierten Radbern der Ballit, die auf glatten Eisenbahren laufen, so tann eine sche große Raft mit einer seher gringen Kraft wormarts gragein werben.

Aft bie Blace nun weber fentrecht noch magerecht, sondern schler, fo tragt biefelbe nur einen Eheil ber Laft, und einen um so geberen, je mehr sie fich ber horigontalen nabert, b. b. ie arbiter bas Berbalinis ber Lange zur Sobe ist ift in. 23).

Die Regel ift alfo bie: Die Kraft a verbalt fich gur

Unmert. 4. Die Reget ift inbeffen nur genau, wenn bie Rraft a parallel mit ber foiefen Blace y giebt; wirte fie parallel mit ber borigontalen a, fo verhielte fich bie Rraft wie x : a.

s. Die Regel gibt, freng genommen, nur die Kraft, um ben Rorper b im Gleichgewichte ju halten, ober bas Sperabgleiten zu hindern; um fie aufwarts zu bewegen, muß fie etwas großer fevn.

s. hauptfichtich ift aber gu beachten, bas bei biefer Regel von aller Reibung abfrahirt ift. In ber Praxis, two bie Reibung nit gang wegfallt, wirb eine größeren Kraft erforbert, um bie kant binaufigugleben, und eine geringere, um fie vor bem Jallen gu hindern, als fie bie Regel ergibt.

4. Je bebeutender die Reibung ift, besto größer ift ber Unterschied, Die Reibung allein fann baber oft bas hinabgleiten verbindern, Dber jum herabsabren fogar noch einige Araft erforbert werben.

Beifp. Gine Laft von 600 th tounte alfo auf einer foiefen



Flade, die auf 12' Lange nur um 1' fteigt, mit 50 th gegogen werden, wenn keine Rieibung vorhanden mare. Weträgt diese aber 34 oder 75 th, so ersordert of eine Kresst von 75  $\pm$  50 = 125 th gum Dinaufsichen und 75  $\pm$  50 = 25 th gum Derunterziehen. Würfte die Rieibung dinaggen bloß  $\gamma_1 = 40$  th betragen, so mirde die Last von 160h berunterziehen und zwar mit einer Krast von 50  $\pm$  40  $\pm$  10 th.

#### Dom Reil.

Der Reil (Fig. 24.) wird nur felten als eigentliche Mafoine angewandt, wiewohl manche Berkzuge im Grunde als
Keile zu betrachten find, wie 3. B. Meffer, Beile, Ragel u. a.
Es wird bier also unv bemerkt, bag ber Reil aus zwei fchiefen
Flächen besteht, und baß grgen beibe ber Wiberstand als
Laft brucht, widrend bie Kraft gegen benselben sentrecht wirft.

Be langer ber Keil im Bechaltniffe ber Dicke iff, bestio cheft muß also an Kraste gewonnen werden; und in ber That, wird berieste um die gange Lange od in einen Kloth hintingetrieben, so entfernen sich is dur um die Dicke ab. Wie hiemit ab : ed sich verhalte, so muß sich (im Migemeinen) die Kroft zur Wiftuna verbalten.

#### Don ber Schranbe.

Bidelt man eine Schnur fpiralfbrmig um einen Eplinder fo erhalt man Schraubengange; ein Schraubengang kann auch ale eine um einen Cylinder gelegte fchiefe Blade angeseben werden. Febe Schraube bewegt sich in analogen hohlen Gangen, oder einer Mutter; und man dreht entweder die Schraube selbst oder die Mutter. In beiden Fällen wird bei jeder eins maligen Umdrehung der Widerstand oder die Last um so viel verrückt (gehoben oder zusammengepreßt), als ein Schrauben, gang von dem andern absteht, und daraus erhellt schon die Regel, daß man durch die Schraube so vielmal an Kraft gewinnt, als der Umsang größer ist, als die Hohe eines Schraus benganges (2 mrF = Q b).

Anmerk. 1. Saft immer wird die Schranbe (ober die Mutter) noch vermittelst eines Debels gebreht; baburch wird also ber Umfreis der Kraft noch viel geboer und hiemit noch weit mehr gewonnen. Anmerk. 2. Unter bem Umfange, ber hier in Rechnung kommt, versteht man ben bes mittlern Kreises, ober besjenigen, ber burch die Mitte bes Vorsprunges bes Schraubenganges gezogen wirb.

Beisp. Ist ber Umfang der Schranbe = 7" und die Hohe 4", fo wird die Pression um das Siebenfache verstärkt; ist die Schraube aber mit einem Hebel versehen, so daß die Kraft in einem Abstande von 42" von der Arenlinie der Schraube wirkt, so macht sie bei jeder Umdrehung einen Weg von 3 \times 12" oder von 571. Ihre Wirkung wurde daher 37mal größer seyn.

An merk. 5. Die Schrauben find nicht nur in hinsicht bes Masterials und ber Gestalt ber Gange verschieben (so gibt es Schrauben aus Holz und Metall, und Schrauben mit scharsen, runden und flachen Tewinden), sondern man versertigt auch, um die Last besser gerrtheilen, mehrgangige Schrauben. Hat eine solch berei Gange (file), die parallel laufen, To sind bei der Verechnung brei nur für eine zu zählen. Wirklich steigt auch bei jeder Ores hung die Schraube um einen dreisachen Abstand, und also weitmehr als bei einfachen. Daher treibt denn auch die senkrecht

wirtenbe Laft folder viel fteiler gewundenen Schrauben weit leiche ter wieder gurud.

Aumert. 4. In ber Praxis muß mehr als bei irgend einer ans bern Poteng abgerechnet werben, weil bei feiner die Reibung so groß ist. Daraus entspringt jeboch oft ber Bortheil, daß die Laft nicht leicht die Schraube nieber ruckwarts treibt, wenn auch die Kraft zu wirten aufhort.

Sr. Poncelet gibt folgende Proportionen an, welche bei Schrauben mit reftangularen Gangen mit Vortheil angewens bet werden konnen.

Damit die Schraube eine hinreichende Festigkeit habe, um der Torsion zu widerstehen, macht er ben innern Radius der Schraube 3mal größer, als die Breite des Vorsprunges des Schraubenganges, und macht letztere gleich der Hohe desselben oder der halben Hohe des Schraubenganges. Bezeichnet man also die Hohe eines ganzen Ganges durch h, so wird der außere Radius  $=\frac{4h}{2}$ , der innere Radius  $=\frac{3h}{2}$ , folglich der mitt.

lere Radius  $\frac{(4+3)}{2+2}$  =  $\frac{7}{4}$ h fenn.

Führt man diesen Werth in die Gleichung:

$$R = \frac{fQ(h^2 + 4\pi^2 r^2)}{2\pi r - fh}$$

welche Gr. Poncelet fur die Reibung angibt, die bei ber Bewes gung einer Schraube mit rektangularen Gangen Statt hat, und

. " Whized by Google

wo f ben Rapport ber Reibung zur Pression Q bezeichnet, fo

$$R = \frac{122 f \times Q.h.}{11-f}$$

Ift bie Schraube aus Gifen, die Mutter aus Meffing, so hat man f = 0,17 und man erhalt alebann:

$$R = 4.92 Q h.$$

Da mittelst ber Schraube nur ein nüglicher Effekt von Qh hervorgebracht wird, so folgt hieraus, daß die Reibung beinahe doppelt so viel Kraft absorbirt, und daß also der Effekt der anzuwendenden Kraft wohl dreimal so groß senn muß, als der Effekt der Last.

Die Reibung, so wie auch die Abnuhung ber Schrauben murbe man mertlich vermindern, wenn man die Sobe der Mutter vergrößern und hingegen die Breite des Vorsprunges der Schraubengange vermindern murbe.

In dem oben angegebenen Beispiele wurde also der Reisbung wegen die angewandte Kraft nur eine  $\frac{37}{3}=12$ mal größere Last haben können, obschon die Geschwindigkeit der letzteren nicht vermehrt wurde, sondern immer 37mal kleiner als die jenige der Last bleiben wurde.

Die angegebene Reibung setzt indessen ben Fall voraus, wo beibe Theile, die Schraubenspindel und die Schraubenmutster, frei sind; da aber immer der eine dieser Theile fix bleiben muß, so wird die Reibung noch mehr vergrößert. Im Falle,

wo die Mutter fir bleibt und die Spindel sich der Länge nach bewegt, kommt selbst die Reibung der Mutter gegen ihre Unterlage hinzu, welche sehr beträchtlich ist. Es ist also der Fall, wo die Spindel für bleibt und die Mutter hins und herbewegt wird, immer wortbeilhafter.

Bei Schrauben mit breiedigten Schrauben, gangen hat man ben Berth, welchen die Reibung angibt, noch mit dem Rapporte ber Seite db (Fig. 25.) bes Dreiede, welches die Seftion bes Schraubenganges bilbet, zu ber Sibe ad beffelben ober mit ad munulipfliziren. Da ad immer fleiner als db ift, fo ift ber Coefizient ad immer größer als

1 und folglich die Reibung bei Schrauben mit triangularen Sängen immer größer, als bei folden mit reftangularen Sängen, und wächst mit bem Rapporte von ab zu ad.

Gewöhnlich gibt man ber Seltion bes Schraubenganges bei Schrauben aus nicht gar hartem holze die Form eines geleichschenkligen Reltangels. Bei Schrauben aus hatterem holze ober Gisch bingegen die Form eines gleichseitigen Dreiecks. Ift die Mutter aus Messing, so gibt man berselben eine breimal größere Dick als die Sobe d d'e eines Schraubenganges beträgt. Der innere Radius der Schrauben ist auch bier wieder gleich der breisachen Breite bes Borsptunges bes Schraubenganges.

Diese Proportionen sind indessen nur bei der Construktion von solchen Schrauben zu beobachten, mit welchen eine große Pression hervorgebracht werden soll. Bei solchen, welche nicht zu biesem Zwecke bestimmt sind, wird die Hohe der triangulären Sektion viel größer gemacht.

## Nr. 11.

# Auffindung des Schwerpunktes.

In jedem festen Korper befindet sich ein Punkt, deffen Unterftugung allein ben ganzen Korper zu fallen hindert. Dieser Punkt heißt ber Schwerpunkt oder der Mittelpunkt ber Schwere (centre de gravité).

Ist derfelbe unterstützt, so aussern alle übrigen Theile der Korper keine Schwere; alle Schwere scheint hiemit in jenem Punkte vereinigt zu senn. Dem Mechaniker muß es demnach oft sehr wichtig senn, zu wissen, wo der Schwerpunkt eines Korpers liegt.

Saufig trifft ber Mittelpunkt ber Große nicht mit dem ber Schwere zusammen. Bei einer überall gleich biden Stange hat allerdings dies ftatt, und es liegt ber Schwerpunkt in ber Mitte. Wird bas eine Ende aber etwas dunner gemacht, so bleibt der Mittelpunkt ber Großen zwar derselbe, aber ber Schwerpunkt wird bedeutend verrudt.

Der Schwerpunkt ist nämlich offenbar ber Punkt, gegen ben, als Stützunkt betrachtet, alle gewichtigen Theile bes Korpers nach den Gesetzen bes Hebels im Gleichgewicht find; auffer bem Gewicht kommt also nicht minder die Entsernung ber Theile von jenem Punkt in Betracht.

thursdby Google

Für einige symmetrische Korper ist dieser Punkt sehr leicht zu bestimmen. Bei der Augel ist er im Centrum berselben; eben so bei einer freistunden oder ellyptischen, überall gleich diesen Platte. Bei einer parallelepipedalischen oder rhomboibalischen liegt er im Durchschneidungspunkte der Diagonalen; bei überall gleich diesen Stangen in der Mitte u. s. w.

Ist an bem einen Ende einer solchen Stange ein Gewicht befestigt, so läßt sich der Schwerpunkt also berechnen:
Gesetzt, die Stange a (Fig. 26.) sen 12' lang und 80 Pfund
schwer, und das Gewicht b 100 Pf., so bedenke man, daß
der Schwerpunkt der Stange allein in der Mitte o liegt, also
6' vom Schwerpunkte des Gewichts. Man kann sich hiemit
vorstellen, man habe eine 6' lange Stange ohne Gewicht; an
dem einen Ende o lasten 80, am andern b 100 Pf., und es
frage sich, wo der Stützpunkt zwischen beiden sehn wird?

Diefer findet fich nun burch bie Proportion:

Wie beibe Gewichte zur ganzen Lange, fo bas kleinere Gemicht zur Entfernung bes größern vom Stügpunkte, ober 180: 6 wie 80: 23.

Der gesuchte Schwerpunkt findet sich also 23' bom Gewichte b und 33 von der Mitte der Stange entfernt.

Umgekehrt wird man bie Schwere ber Stange berechnen konnen, wenn unter ahnlichen Berhaltniffen ber Schwerpunkt bekannt ift. Beifp. Die Stange ab (Fig. 26.) fer 10' lang; bas Gemicht b = 80 Pf. und ber Schwerpunkt liegt 8' von a entfernt, wie schwer wird die Stange seyn?

Antw. Der Schwerpunkt ber Stange allein liegt in ber Mitte, alfo 3' vom gemeinschaftlichen Schwerpunkt o, hiermit wie 3:2 (b o), fo 80:? ober 53! Pfund.

Folgende Regeln bienen ferner, um die Lage bes Schwet: punktes in Flachen und Rorpern zu bestimmen:

I. Den Schwerpunkt o cines Dreiecks abe (Fig. 2.) findet man, wenn man zwei Seiten ac, be desselben in zwei gleiche Theile theilt und durch die Theilungspunkte q p Linien nach den gegenüberstehenden Scheiteln ab zieht. Der Punkt o, wo sich diese zwei Linien begegnen, wird der Schwerpunkt des Dreiecks seyn. Da op immer = \frac{1}{2} ap und 09 = \frac{3}{2} bq, so genügt es auch von eis nem einzigen Scheitel gegen die Mitte der gegenüberstehenden Seite eine Linie zu ziehen, und den Punkt o so auf derseiben zu nehmen, daß bessen Entfernung zur Basis genau die Hälfte der Entfernung zum Scheitel beträgt.

II. Den Schwerpunkt eines Erapeges findet man, wenn man daffelbe burch eine Diagonale in zwei Dreiede vertheilt, ben Schwerpunkt und ben Inhalt eines jeden Dreiede berechnet, und die Inhalte als Gewichte anfieht, welche in biefen Schwerpunkten angebracht find.

If 3. B. ber Inhalt bes Dreiedes a b c (Fig. 3.) = 10 U', ber bes Oreiedes a b d = 12 U', die fenfrechte Entfernung bes Schwerpunktes bes erstern Dreiedes vor einer angenommenen Linie c p = 5', die bes lettern = 9', so werden die Momente ber beiden Oreiede 5 × 10 und 9 × 12 und die Summe berselben

= 158' fepn und theilt man biese durch die Summe der Inhalte oder durch den Inhalt des Trapezoides, welcher = 10 × 12 = 22 [ 'ift, so erhalt man die Entsernung seines Schwerpunktes von der Linie c p =  $\frac{158}{22}$  = 7,18 Fuß.

III. Den Schwerpuntt eines Trapezoides findet man auf gleiche Beife; bie Entfernung x von einer ber parallelen Seiten bes Trapezoides ab tann übrigens durch folgende Formel berechnet werben:

$$x = \frac{1}{3} m n \left( \frac{a b + 2 c d}{ab + c d} \right)$$

Beisp. Es sep a b = 6", c d = 10" und m n = 8", so ift x ober bie Entfernung bes Schwerpunktes von ber Linie a b

$$= \frac{1}{4} \times 8'' \left( \frac{6+2 \times 10}{6+10} \right)$$

$$= 4!'$$

und biefelbe von ber Linie c d an gerechnet

$$= \frac{1}{4} \times 8'' \left( \frac{10 + 2 \times 6}{10 + 6} \right)$$

$$= 5\frac{7}{4}$$

IV. Der Schwerpuntt einer Parabel befindet fich auf ihrer Achfe und gwar auf I berfelben von ihrem Scheitel an gerechnet.

V. Der Schwerpuntt eines Rreisfegmentes (Fig. 5.) befindet fich auf beffen Achfe und zwar auf eine Entfernung om, vom / Centrum des Kreifes, welchem berfelbe zugehort

$$= \frac{1}{12} \times \frac{(ac)^3}{\text{area ab c}}$$

Beifp. Der Inhalt bes in pag. 31 angegebenen Kreisfegmentes = 16,34 \( \to '\), die Sehne beffelben 12'. Es wird daher die Entfernung

o m = 
$$\frac{1}{12} \times \frac{12^5}{16,34}$$
  
= 8',81 fept.

VI. Somerpuntt ber glace eines Salbgirtels.

Die Entfernung berfelben von ihrer Bafis oder vom Centrum bes Rreifes findet man, wenn man den Rabius berfelben mit 0,4244 oder mit 14 vervielfacht.

VII. Schwerpunkt einer Blache, welche von einer frummen Linie begrenzt ift. (Fig. 7.)

Ift S ber Inhalt berfelben

a, b, c, d, e, f, g die verschiedenen Ordinaten, welche in einer Entfernung = m von einer abstehen, so ist die Entfernung des Schwerpunktes von der Linie a a'

$$= \frac{1}{5} m^{2} \left( \frac{0 \times a + 1 \times 4b + 2 \times 2c + 3 \times 4d + 4 \times 4c + 5 \times 4f + 6 \times g}{S} \right)$$

$$= m \left( \frac{4b + 4c + 12d + 8c + 20f + 6g}{a + g + 2(c + e) + 4(b + d + f)} \right)$$

Beifpiel.

Die Ordinaten einer Gbene fepen folgende:

$$a = 12'$$
  $e = 15'$   
 $b = 10'$   $f = 17'$   
 $c = 5'$   $g = 2'$   
 $d = 20'$ 

die Entfernung m fep 21'.

Die groß ift bie Entfernung ihres Schwerpunktes von ber Linie gg'?

$$\underbrace{(\frac{4 \times 17 + 4 \times 13 + 12 \times 20 + 8 \times 5 + 20 \times 10 + 6 \times 1}{12 + 2 + 2 (5 + 13) + 4 (10 + 20 + 17)}}_{\mathbf{12} + \mathbf{12} + \mathbf{13} + \mathbf{12} \times \mathbf{10} + \mathbf{13} + \mathbf{14} \times \mathbf{10} + \mathbf{14} \times$$

$$= 21' \times \frac{672}{238}$$

= 59',3.

VIIL Der Schwerpuntt eines Regele ober einer Ppramide lieat auf 1 ibrer Bobe von ber Bafie mea.

IK. Der Schwerpunft einer Salbfugel liegt in einer Entfer nung von ber Bafie = & ibree Salbmeffere.

X. Der Comerpuntt eines Paraboloides ift von ber Bafis um

XI. Somerpuntt eines Rugelabichnittes (Calotte).

3ft R ber Rabius ber Rngel.

h bie Sobe bes Segmentes,

fo ift bie Entfernung bes Schwerpunttes von bem Centrum ber Rugel

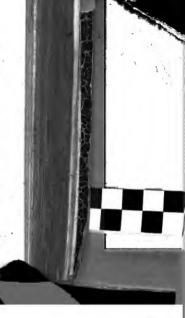
$$= R - h \left( \frac{8 R - 5 h}{12 R - 4 h} \right)$$

Ift ber Rorper a b (Fig. 27.) an smei Geiten AC, CB aufge bangt, fo geht bie fentrechte CD burch ben Schwerpuntt berfelben.

Ce tann baber ber Schwerpuntt eines jeben Rorpers noch burch folgenbes prattifche Berfahren bestimmt merben:

Man bange ben Arper an zwei verichiedenen Stellen auf, fo er fich um ben Aufbangungspuntt frei dewegen fann und beo bachte in beiben fallen bie von jenem guntte absatis gerichtet fentrechte Linie. Wo beibe Sentrechten sich burchichnen, liegt ber Schorepuntt best geveres.

Der Schwerpunkt eines Schiffes, einer Mafchine, ober irgend einer andern jusammengeseigten Borrichtung wird gestunden, wenn man bas Gewicht und ben Schwerpunkt eines



jeden einzelnen Theiles bestimmt und bann auf oben angegebene Urt verfabrt.

Muncet. Die Lage des Chiverpuntes eines Adepres, so wie eines seine puntes im Algenenienn fin med dam gena bestimt, wenn die Enssennen von der ju einander senkreien Generalen G

Mn einem unbelabenten Schiffe liegt 3. 21. ber Schwerpunte tummer in ber Uchfe beffelben. Die Beftimmung ber Lage bes Schwerpunttes ift besonders bei ber Conftrution von Geschiffen.

fo wie von anbern Schiffen febr notbig.

Die 3bbe bes Schtrepuntee berfeben fibrt jur Beftimmung betrer Cabilitat, ober ber Arch, weder es de braude, mm bas Schiff, aus feiner fentredten Lage in eine foires un verfes eine mit weiche erbo gebber ib, ie feiner be loffiang polifons De Geberreibe und beide verfeuen Waffertbervers und bes verfeuten Maffertbervers in.

Die Lage bes Schwerpuntes in ber Lang bes Schiffes mas bingegu beilumnt werken, um bie verschiebenn Gervinder und kadungen so in bemefeben gu vertbeilen, daß das Schiff im Maffer beriquenta gut flegen thumt, ober eber ber Schnerrteit beffere etwas irifer eintaucht als ber Borberteit, indem näutig erwiser im 18. daß ber Worberteit, indem näutig erwiser in 18. daß wenn der Worberteit i lefer eintaucht als der Hinter mit der Verteit, auf wenn der Worberteit i lefer eintaucht als der Hinter fall geringer In. als wenn der Worberteit liefer einatucht als der Hinter der In Dampffglichfen kann bief Bebingung burg die Justimmerie Rellung der Massigniern, des Kessells, der Kohlentalume ic. err fällt werben.

Beispiel. Es fep AB (Fig. 28.) die Mitte ber Lange eines Dampfichiffes. Der Schwerpuntt o bes verdrängten Waffer forperd liege a' und ber Schwerpuntt w bes leeren Schiffterpers liege 3' hinter berfelben; der Schwerpunt ber Maschine liege 2' von ber Ache ber Baffereaber und bie Entfernnng gwifden bem Reffel und ben Mafchinen fep ebenfalls bestimmt, fo baf fich ber Schwerpuntt bes Reffels 14' hinter ber Rabachfe befindet.

und bas bes Keffels . 25,000 ks. 30 welchem Puntte ber Lange muß die Raduchse angebrach werben, damit der Schwerpuntt des Schiffes nebt Masieine und Reffel 14 Juß finter ben Schwerpuntt bes versehen Wassers au liesen femmt?

Antwort. Der Schwerpunft ber Maschinen und Reffel gusam: mengenommen liegt baber

14' X 25.000 - 2' X 30.000 = 5,27 hinter ber Rabachfe, unb

das Gewicht beträgt 55000 Ho.

Mennt man x bie Entfernung bes allgemeinen Schwerpunttes pon ber Mitte bes Schiffes, fo ift

 $5\frac{1}{8}(55,000 + 70,000) = 5 \times 70,000 + x \times 55,000$  $1000 \times 1000 \times 1000 \times 1000$ 

Deber muß die Rabachfe 8,68 - 5,27 = 3,41 Juß hinter ber Mitte bee Schiffes angebracht werden.



#### Nr. 12.

# Berechnung fallender Körper.

Jeder fallende Korper fallt bekanntlich mit immer junch, mender, oder beschleunigter Geschwindigkeit.

Erfahrung und Theorie lehren barüber Folgendes:

- 1) Die Raume, welche ber Korper durchlauft, machsen für jeben folgenden Zeittheil, wie die ungeraden Zahlen, ober wie 1, 3, 5, 7, 9 u. f. w.
- D. h., theilt man die ganze Zeit des Falles z. B. in vier gleiche Theile, und fallt er im ersten Zeittheil einen Raum = a hernnter, so beträgt der Raum im zweiten 3 a, im dritten 5 a und im vierten 7 a.
- 2) Die Totalraume verhalten sich wie die Quadrate der Fallzeiten; oder fällt ein Korper zweis oder dreimal langer, so durchfällt er einen viers oder neunmal größeren Raum.

An merk. In ber Ahat, ist ber Raum im ersten Beittheile = a, und im 2ten = 3 a, so beträgt er für beibe zusammen 4 a; b. b., fällt er zweimal lunger, so legt er viermal mehr Weg zurack. Eben so wirb er in den drei ersten Beittheilen zusammen 9 a, in allen vier Beittheilen 16 a durchfallen.

3) Ein fentrecht und freifallender Rorper braucht gerabe eine Sekunde, um

15,1 parifer Fuß, oder 15,625 rheinl. ... (151)

, 16,1 engl. ,

" 17,277 leipg. "

4,9 Meter "

zu burchfallen.

Fallt er 2 Set. lang, so wird er also 4 × 15' ober circa 60 franz. ober 64 engl. Fuß burchlaufen; fallt er nur ½ Set. lang, so fallt er nur ½ franz. Fuß, oder ¼ = 4' engl. herab.

Jene Zahl (15,1 2c.) pflegt manedie Gallileische zu nennen, und ben doppelten (ober einfachen) Werth derfelben in den Formeln mit g zu bezeichnen.

- 4) Die Geschwindigkeit, die ber Körper am Ende bes Falls erlangt hat, ist so groß, daß er mit berselben, wenn sie gleichsdrmig bliebe, in der namlichen Zeit den doppelten Weg zurücklegen könnte. Am Ende der ersten Sekunde ist also g = 30 par.', = 9,8088 = 31\frac{1}{4} rhein.', = 32 engl.'.
- 5) Die Endgeschwindigkeiten, ober die Geschwinbigkeiten, die der Korper durch den Fall erlangt hat in dem Augenblick, wo er anschlägt, wachsen wie die Zeiten. Ist er 1½ Sek. lang gefallen, so ist sie = 1½ × 30 oder 45 par. n.s.w. (oder g. t, wenn t die Anzahl Sek. bezeichnet).

Bernoull's Batemecum I.

neigten Chene, nur find die durchlaufenen Raume im Berhaltniffe ber fentrechten Sohe zur Lange bes Weges kleiner.

- Hat also bie Chene & Fall, b. h. fallt 3. B. eine 30' lange Robre um 6', fo wird eine Rugel, die in berselben herabrollt, in ber ersten Set. nur Foder 3'; in der zweiten 3 × 3 oder 9', in der dritten 5 × 3 oder 15' weit laufen.

In der Wirklichkeit entspricht der Erfolg nun freilich diefen Regeln gewöhnlich nicht vollkommen, da der Widerstand ber Luft und die Reibung den freien Fall oft merklich hemmen.

Das erfte hinderniß wirft indeffen nur bedeutend, wenn Korper hoch herabfallen, wenn fie ein geringes spezifisches Gewicht haben, oder mit einer großen Flache die Luft durchschneiden. Denn je mehr Luft sie im Fallen verdrängen muffen, defto mehr perlieren sie wieder von der durch den Fall erlangten Kraft.

Die Reibung kommt hingegen fast einzig bei Korpern, die auf geneigten Klachen berabgleiten, in Betracht.

Immerhin ift die Kenntniß jener Gesetze auch fur den praktischen Mechaniker sehr nutlich; und besonders vielfache Unwendung finden obige Regeln bei der Berechnung der Wafferkraft, obicon auch hier einerseits zusolge der Reibung die Geschwindigkeit merklich vermindert wird, und anderseits bas fallende Baffer oft vor bem Fall fcon eine gewiffe Ges fowindigkeit bat.

#### Bergögerter Satt.

Der Fall wird nicht nur auf einer schiefen Sene langsamer, sondern auch so oft eine verzögernde Kraft entgegenwirkt. Sangen z. B. an beiden Enden der über die Rolle a (Fig. 29.) geschlagenen Schnur Gewichte, aber ungleiche, so wird (wenn von der Reibung zc. abgesehen wird) das größere sinken, jedoch langsamer. Der Fallraum verhalt sich zum freien wie  $\frac{P-p}{P+p}$ : 1.

wo P bas größere und p bas kleinere Gewicht bebeutet.

Beifp. Wie ichnell fallt bas Gewicht P = 100 th, wenn an bem andern Ende ein Gewicht von 50 th bangt, bas also beraufgezogen werden muß?

$$\text{Untw. } \frac{P - p}{P + p} = \frac{50}{150} = 1.$$

Statt in ber erften Sekunde 15,09 frang. Fuß zu durchfalten, fällt P nur durch einen Raum von 5,03', in der zweiten 45,09 u.f. w. Auch die Endgeschwindigkeit ift nur 10,06', flatt 50,18' ic.

Mumert. Aufferbein wirb aber ber fall burd bie Reibung und bie Steifigfeit bes Seiles mertlich gehinbert.

## Allgemeine Regeln gur Berechnung freifallender Gorper.

Folgende Formeln bienen gur genauern Berechnung, wenn namlich bon bem Ginfluß ber Luft abgesehen wird, und wenn:

g ben boppelten Kallraum in ber erften Setunde,

h die Rallhobe,

t bie Beit in Gefunden, unb

v bie Endgeschwindigfeit

#### bezeichnen.

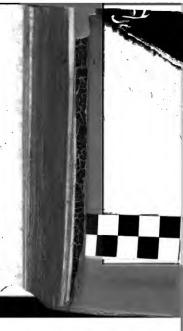
1) 
$$\mathbf{v} = \frac{2 \text{ h}}{t}$$
 2)  $\mathbf{v} = gt$  5)  $\mathbf{v} = \mathbf{\hat{v}} \mathbf{2} g h$   
4)  $\mathbf{h} = \frac{\mathbf{v} t}{2}$  5)  $\mathbf{h} = \frac{1}{2} g t^2$  6)  $\mathbf{h} = \frac{\mathbf{v}^2}{2g}$   
7)  $\mathbf{t} = \frac{2 \text{ h}}{\mathbf{v}}$  8)  $\mathbf{t} = \sqrt{\frac{2 \text{ h}}{g}}$  9)  $\mathbf{t} = \frac{\mathbf{v}}{g}$ 

Und fest man fur g bie obigen Werthe (namlich g = 30,2 par. Fuß, 31,25 rheinl. Fuß u. f. w.), so findet man,

#### wenn v gegeben ift (nach 6):

h = 0,0165 × v<sup>2</sup> in parifer Fuß, h = 0,0155 × v<sup>2</sup> in engl. n h = 0,016 × v<sup>2</sup> in theinl. n h = 0,0143 × v<sup>2</sup> in leipziger n h = 0,0509 × v<sup>2</sup> in Meteep.

- mit the Benn b gegeben ift (nach 3):
- v = 7,773 × 9'h in parifer guß, ober V 60.4 h.
- v = 8.025 × V'h in engl. " " V 64.3 h.
- v = 7,88 × 7h in theint. " " 7 61.5 h.
- v = 8,357 × Vh in leipziger " " V 69,3 h. v = 4,429 × Vh in Metern V 19,62 b.
- mib. wenn v gegeben ift (nach 9):
  - t = 0,0551 X v in parifer Rug.
    - t = 0,031 × v in engl.
    - t = 0,032 X v in rheinl.
    - t = 0,0287 × v in leips.
    - t = 0,1020 X. v in Metern.
- Beifp. 1) Wenn ein Rorper 41 Sefunben lang fallt, wie viel parifer Ruf burchfällt er?
- #ntw. (Rach 5) 41 × 41 × 50',2 = 305,775.
- 1) Bat ein Rorper am Enbe feines Ralles eine Befdwindigfeit ... pon 48' (engl.), wie groß ift feine Rallbobe?
- #### h = 0,0455 × 482 = 0,0155 × 2304 = 35",742.
- 31 Mble groß muß; bie Rallbobe (in rheinl. R.) fenn. bamit ein 25: Ropper eine Befchmimbigfeit von 11' erlange?
- Mntw. h = 0,016 × 413 (121) = 1,956'.
- 4) Belde Enbgefdmindigteit erlangt ein Rorper (in rheinl. Ruß), ber 180' bod berunterfällt?
- Antweiner 688-1/0186 = 105',592.
- 5) Welche erfennt et, menn er 51 Gef. fallt in parifer Aufen ?
- Tutm. v = 50'.2 × 51 = 166'.



6) Die lang fallt ein Rorper, ber eine Gefdwindigfeit von 19' (engl.) Bat?

Mntw. 0,031 × 19 = 0,589 Gef.

- 7) Bie viel Daumlinge fonnen an einer Belle angebracht fepn, welche 49 Umgange per Minute macht, um einen Pochftempel in Bewegung au feben, beffen Sub = 3' ift?
- Unt m. ihm alle Stofe gegen ben Stempel gu vermeiben, barf ber Daumling nicht eher benefeben angereifen, als bis berfelbe feinen vorbergeberten gal beenbigt bat. Ed ift alb bie gelt ausgurechnen, welche berfelbe braucht, um von ber 30be von 3'

Secunter zu fallen. Es ist 
$$t = \gamma'\left(\frac{2h}{g}\right)$$
$$= \gamma'\left(\frac{2\times 5}{30/2}\right)$$

= 0,45 Setunben

In einer Minute tonnen also  $\frac{60}{0.45}$  = 133 Stempelgige gethan werben und also mabrend eines Umgangs der Welle =  $\frac{153}{19}$  = 7 Stempelgige, welches auch die Ungangs der Welle =  $\frac{153}{19}$  = 7 Stempelgige, welches auch die Ungang wei auf einander folgenden Daumlingen gerade fo groß feyn muß als die Dieselbobe = 3', so muß die Eiremifferen 3 x 7 = 21' und folglich der mittlere Diameter der Welle =  $\frac{21}{14}$  = 6',6 betragen.

Megeln für geworfene Sorper.

Birft man einen Rorper in bie Shbe, fo braucht berfelbe gerabe fo viel Zeit gum Steigen, ale jum Wieberherunterfallen;

er muß bieselbe Anfangegeschwindigfeit haben, die er am Ende durch ben Sall erlangt; seine Geschwindigfeit nimmt auf dieselbe Weife ab, wie fie beim Falle gunimmt: Die obigen Formeln find baber auch auf ben Wurf anguwenden, in so fern man auch bier von ber Einwirtung ber Luft abstrabir.

Beifp. 1) Die boch flieg ein Rorper, ber nach 6 Get. wieber nieberfallt?

Untw. 3um Niederfallen braucht er fo viel Beit, ale jum Steigen, alfo 5 Set. Die Rrage ift alfo bie: Die boch fallt ein

Rorper innerhalb 3 Gef. Man finbet (nach 5)  $\frac{g \cdot 3^2}{2} = 15,1$ × 9 frang. Ruß = 135.9.

2) Wie bod fleigt ein Rorper, ber im Anfang eine Gefdwinbigteit von 80' (rheini.) bat?

Untw. Diefetbe wird beim Nieberfallen feine Endgeschwindigteit fen. Alfo haben wir

0,016 × 802 = 0,016 × 6400 = 102',4.
3) Wie bod mag ein Korper fleigen, ber fentrecht mit 600' Ges

fowindigfeit in die Sobe gescoffen wird? (in frang, guf.) Entw. h = 0,0165 × 6002 = 5940'.

NB. Wenn bie Luft feinen Biberftand leiftet.

4) Wie lange fielgt eine Augel, Die mit 250' (ebeinl.) Gefconen bigteit fentrecht in Die Sobe geschoffen wird, und wie hoch fleigt fie?

anim, t = 0,032 × 250 = 8 Gel.

 $h = 0.016 \times 250^2 = 1000'$ 

#### Anhang.

Erhlärung der Ausdruche : Maffe und Maffen-Moment.

Da die Intensität der Schwerkraft nicht an jedem Orte ganz dieselbe ist, so folgt hieraus, daß, da die absolute Masse eines und besselben Korpers immer konstant bleibt, dieselbe nicht wohl durch das direkte Gewicht des Korpers ausgedrückt wird. Die Ersahrung aber lehrt, daß die Geschwindigkeit, welche ein fallender Korper vermöge der Schwerkraft am Ende der ersten Sekunde seines Falles erhalt, immer proportional zu

ihrer Intenfitat ift, fo bag alfo ber Rapport g immer ton-ftant ift.

Diefer Rapport wird bie Maffe eines Korpers genanne und gewöhnlich mit M bezeichnet. Man hat alfo:

$$M = \frac{P}{g}$$
 und  $P = Mg$ .

wo P bas Gewicht bes Korpers und g ben doppelten Fallraum beffelben in ber erften Sekunde an einem und bemfelben Orte bezeichnet.

Ift P das Gewicht eines Körpers oder bie Pression, welche bie Schwerkraft auf benselben ausübt, so kann die totale Pression, welche, mahrend er von einer Sohe H herunterfallt, entwickelt wird, durch das Produkt PH ausgedruckt werden. Durch biesen Fall wird aber eine Endgeschwindigkeit v =  $\sqrt{2gH}$ 

erlangt, worans  $H = \frac{v^2}{2g}$  folgt. Es ist hiemit PH ober ber bynamische Effekt, welcher mahrend dieses Falles erzeugt wird,  $= \frac{P v^2}{2g} = \frac{1}{2} \frac{P v^2}{g} = \frac{1}{2} M v^2.$ 

Da überhaupt ber bynamische Effett eines jeben Motors mit bemienigen ber Schwerfraft verglichen wird, so folgt hier, aus, baß diese Werthe ebensowohl biejenigen irgend eines ambern Motors angeben.

Das Doppelte besselben oder  $\frac{Pv^2}{g} = Mv^2$  ist, was man in der Mechanik Massen moment oder lebendige Kraft (force vive) nennt. Diese muß durchaus nur als ein Werth, der gerade das Doppelte des dynamischen Essetses einer Krastausmacht, oder als das Resultat irgend einer Presson angersehen werden, welche während einer gewissen Zeit angewendet worden ist, um die Trägheit eines Körpers zu überwinden, und um demselben eine gewisse Geschwindigkeit mitzutheilen.

Dhiwed by Google

#### Nr. 13.

# Berechnung der Ramm-Maschinen.

Ist S das Gewicht, welches ein Pfahl zu tragen im Stande sein muß, so muß derselbe so weit in die Erde eins getrieben werden, bis der Widerstand, welchen die Erde dem weitern Eindringen des Pfahles entgegensetzt, und von ihrer Natur abhängt, demselben gleich ist. Und ist aledann h die Tiefe, um welche der Pfahl bei einem Schlage des Ramm, klotzes eindringt, so ist der Effekt, welchen derselbe bei jedem Schlage hervordringen muß = Sh. Dieser steht aber auch in einsachem Verhältnisse zu dem Gewichte P des Rammklotzes, und zu der Hohe H, von welcher derselbe heruntersällt. Es ist daher PH = Sh.

Hieraus folgt, daß es z. B. ebenso vortheilhaft ift, einen Rammklot von 3 Centner Gewicht von einer Hohe von 10 Fuß, als einen von 2 Centner von einer Hohe von 15 Fuß fallen zu lassen. Da  $H=\frac{v^2}{2\,g}$  ift, so wird die Endgeschwins digkeit, mit welcher der Rammklotz auf den Pfahl fällt, im erstern Falle = 24,57 Fuß, im zweiten Falle = 30,10 Fuß betragen.

Die Richtigfeit biefer Regeln beweifen unter anbern folgenbe Refultate von Boltmanne Berluchen. 9)

Gewicht des Ramms	Mibers ftanb ber Erbe in th = 8.	Sallhoben bes Rammfloges."					
		H=c 1'	H=2'	H=5'	H=4'	H=6	
de =P		Einbringen bes Pfahles in Fußen nach ber Beobachtung.					
16	269	0,06	0,13	0.19	0,26	0,40	
8	269	0,02	0,04	0,06	0,09	0,13	
4	269	_	0,01	0,03	0.03	0,04	
8	497	0,01	0,02	_	0,01	0,07	
8	154	0.04	0.08	-	0.47	0.25	

Uebrigens barfen in ber Ausschüprung die Pjähle bei weisem nicht mit ben Gewichten belasste werben, welche burch biele Formel erhalten werben, sondern nach solgenber Angabe von Eptelwein bloß mit ungefahr 4 berfelben.

Sallbobe bes Rammfloges = 5 guß

Gewicht bes Ramms Roges in Centuern.	Einbringen bes Pfahr les mahrenb 20 Schlas gen in Bollen.	Laft, welche ber Pfabl tragen fann in Centu.	
-	11,5	100	
. 8	6.2	200	
10	5,7	. 200	
13	4,7	400	
15	5,1	500	
18	4,6	600	

\*) Stehe Recherches théoriques et experimentales sur l'effet des machines et outils per Woltmann. 1804:



Beifp. Wie viel Etr. ift ein Pfahl im Stande mit Sicherheit au tragen, welcher mit einem Rammkloge von 550 th Gewicht und bei einer Fallbobe von 6 Fuß in den letten 25 Schlägen nur &" tiefer in die Erde gedrungen ift.

Wintw.  $Sh = \frac{1}{8} PH$   $S = \frac{1}{8} \times \frac{PH}{h}$   $= \frac{1}{8} \times 550 \times 6 \times 25 \times 4$ = 4121 Ctr.

## Nr. 14.

## Berechnung der Pendel-Gewegungen.

Penbel heißt ein an einem Faben aufgehangtes Gewicht, bas, aus ber lothrechten Richtung verrudt, um ben Aufhan-

gungepunkt schwingt.

Die Stelle bes Fabens tann auch ein Draht ober eine bunne Stange vertreten, wenn bas Sewicht berfelben unbedeutend ift. Muß biefes in Betracht kommen, fo gelten die folgenden Gefete zwar auch fur folde Pendel, nur find fie als kirzer zu betrachten. Es ist ba-ber hier nur von bem reinen Pendel die Rede.

Seber weiß, daß ein langerer Pendel langsamere Schwingungen, oder in berfelben Zeit, in 1 Min. 3. B., weniger Schwingungen hat.

Erfahrung und Theorie lehren aber Folgendes:

1) Die Schwingung &. Zeiten verhalten fich an einem und bemfelben Orte wie die Quabratwurzeln ber Langen.

Heißt man L und 1 die Langen und T und t die Schwingungs-Zeiten } dweier Penbel, so verhält sich T: t = VL: Vl.

2) Die Angahl ber Schwingungen in berfelben Zeit, 3. B. 1 Min. verhalten fich umgekehrt wie die Schwingunges zeiten, und alfo umgekehrt wie die Quadratwurzeln ber Langen.

Heißt man L und l die Langen und N und n die Zahl d. Schwingungen dweier Pendel, so verhalt sich N: n = V1: VL.

3) Damit ein Pendel genau einen einfachen Schwung in einer Sekunde mache, oder 60 in einer Minute, muß es 3' 8½", oder 36¾" franz Maaß lang senn, oder 39¾" engl. oder 0,9936 Meter. Die Lange andert sich übrigens etwas nach der geographischen Breite.

Unter bem Mequator ober

bei 0° Lat. ift die Lange des Gel.=Pendels = 459,2" frang.

m 30 m	,	"	439,8	
n 45 m	, 19	27	440,4	., ,
<b>≈</b> 60 <b>≈</b>		29	441,0	
» 90° »	**	, ,,	441,8	99

4) Weder die Große des Gewichts, noch die des Schwin, gungsbogens, hat einen merklichen Ginfluß auf obige Gefete.

Es folgt bemnach, daß bie Lange eines Penbels : fur halbe Setunden 92" frang. ober 92 gngl

m brittel , 4gr w n 41 n n 4vei w 12'23 n n 15' n

betragen muß.

Fur jede gegebene Lange in frang. Bollen findet man bie Beit eines einfachen Schwunges durch die Proportion:

The end by Google

$$\mathcal{V}$$
 56}:  $\mathcal{V}$ 1 = 1 Set. : x.
ober 6,05:  $\mathcal{V}$ 1 = 1 Set. x Set. ober x =  $\frac{\mathcal{V}$ 1}{6,05}

Fur jede gegebene Lange findet man bie Angabl der Schwingungen in 1 Min. burch bie folgende:

$$V1:6,05=60:x$$
 Schwingungen. oder  $x=\frac{363}{V1}$  in franz. und  $\frac{375}{V1}$ in engl. 3ollen.

Für jebe verlangte Anzahl Schwingungen n in 4 Minute die Lange in franz. Zollen burch die folgende:

n: 
$$60 = 6.05 : V1$$
ober  $n^2 : 3600 = 36\frac{9}{5} : 1$ 
oder  $1 = \frac{132000}{n^2}$  in franz. und  $\frac{140850}{n^2}$  in engl. Sollen.

Beifp. 1) Wie lang muß ein Penbel in frang. Bollen fenn, bamit es in 1 Min. 40 Schläge mache?

Untw. 
$$\frac{132000}{40\times40} = \frac{132000}{1600} = 82\frac{1}{4}$$
 3off.

2) Wie lang muß ein Penbel in engl. Bollen fepn, bamit es iu 4 Min. 75 Schwingungen mache?

Untw. 
$$\frac{140850}{75\times75} = \frac{140850}{5625} = 25$$
".

5) Die viel Schwingungen macht in 1 Minute ein Pendel, bas 148" franz. lang ift?

Antw. 
$$\frac{565}{\sqrt{48}} = \frac{565}{6,96} = 52\frac{1}{8}$$
.

4) Wie viel Schwingungen macht ein Pendel von 64" engl, in einer Minute.

Antw. 
$$\frac{575}{\sqrt{64}} = \frac{575}{8} 46\xi$$
.

## Nr. 15.

# Mittelpunkt des Stolses oder Schwunges.

Mittelpunkt des Stoßes (ober ber Perkussion) heißt berjenige Punkt eines in Bewegung begriffenen Körpers, wo man sich seine ganze Stoßkraft vereinigt vorstellen kann; so baß ein hinderniß, auf welches dieser Punkt stößt, die ganze Wirkung des Stoßes empfängt, und baher auch die ganze Bewegung des stoßenden Körpers aushebt.

Bewegen sich alle Theile eines Korpers mit gleicher Gesichwindigkeit und nach parallelen Linien, so fällt jener Punkt mit bem Schwerpunkte zusammen. In anderen Fällen aber geschieht dies nicht, und dann ist der Mittelpunkt des Stoffes wohl zu unterscheiden, da sich daraus oft wichtige Folgen herzleiten laffen.

Bringt man ben Körper A (Fig. 30) in eine schwingenbe Bewegung um o, so werben alle materiellen Punkte besselben die nämliche Winkelgeschwindigkeit annehmen muffen; eben baher aber in sehr verschiedener Geschwindigkeit sich bewegen. Indessen wird in irgend einem Abstande ein Punkt p gerade so geschwind schwingen, als ein Pendel von der Länge op. In diesem Punkte kann man sich baher die ganze Bewegungskraft vereinigt oder Bernoullis Bahemeum I.

concentriet benten, und berfelbe beißt beshalb ber Mittelpunkt bes Stoges ober Schwungs. Beggnet ber ichwingende Merper A einem festen I fe, baß gerade p bagegen fibst, so erfabrt I ben gangen Sich, und alle Theile von A verlieren baber ihre Bewegung. Sibst Abingsgen gegen einen Wiber-stand mober n, so hat diese bollommene Bernichtung ber Stosstraft nicht flatt, und bie Kraft in p wird ben fahrge. A um den Berdemungspunkt von m ober n zu breben suchen, bemnach auch eine Ersahtungspunkt von m ober n zu breben suchen bes Korpers A wird eine Ersahtungspunkt von m ober n zu breben suchen Berbes Korpers A wird nach der einen ober andern Seite zu entweichen streben.

Bang daffelbe erfolgt, wenn ein Körper burch eine andere Fraft, als die der Schwere, in eine folde fcwingende Brugung verfest wirt, hiemt 3. B., wenn man mit einem Nannmer foldat. Soll in bissen gall der hammer 1) seine gange Kraft gegen den Wiberfland auffern und 2) mach dem Anfloß fein Coutrecoup oder keine Erschütterung des Sieles statt sinden, so muß derfelbe genau mit dem Mittelpunkt des Stoßes auffallen.

Daffelbe ift beim balliftischen Penbel erforderlich, melder jum Bemeffen einer bagegen fiogenden Kraft (einer abgeschoffenen Rugel) bienen foll u. f. m.



<sup>9)</sup> Daraus ift ersichtlich, warum ber hammer (Fig. 51.) nicht wie in P., sondern wie bei Q an bem Gliefe auffipen muß; und war rum bie Lange bes Stieles nicht gleichzsältig ift, wenn bie hamb feine oft somerplafte Reation empfinden foll.

Daber ruhrt auch die fcbabliche Erschutterung bei Raber, werken, wenn der Druck eines Bahns aufhort, ehe der folgende gehörig bruckt - benn die Bahne wirken nicht auf die Centra des Stofes. Es darf also kein Stof statt haben, wie dies unvermeiblich ift, wenn irgend ein folgender Bahn, weil er zu schmal oder ber Zwischenraum zu groß ist, zu spat eingreift.

Bie ber Mittelpunkt bes Stoffes ober Schwunges bei einer Stange A (Fig. 32.) gefunden wird, die an bem einen Ende e aufgehängt ift, und an beren anderm Ende ein Gewicht B befestigt ift:

Ift a die Lange der Stange A, b das Gewicht der Stange pr. Fuß, g das Gewicht B, so ift der Abstand des Stoffpunktes

von 
$$c = \frac{1}{1} ab \times a^2 + ga^2$$

Hat hiemit A eine Lange von 20'; ift b = 100 Ungen, und g = 1000, so erhalten wir:

$$\frac{12000 \times 400 + 400,000}{20000 + 20000} = \frac{666666}{40000} = 163'.$$

Der Stoppunkt wird alfo 163' unter bem Lufhangungs, punkte liegen; und biefer physische oder zusammengesetzte Pendelhiemit auch gerade so viel Schwingungen pr. Minute machen, als ein mathematisches, bas 163' lang ift.

Anmert. Daß biefer Sowingungspunft nicht mit bem Schwer: puntet gifammenfalle, ober berfelbe feb, ergibt fich aus Tolgendem : Der Sowervunft ber Ctanae allein lieat in ber Mitte.

alfo 10' unter c. und der Schwerpunft von B 20' unter c. Wie nun die Summe der Gewichte ober 5000 jum gatigen Abftand beider Schwerpunfte ober 10' fich verhalten, fo verhalten fich das leinere Gewicht B jum fleineren Abstande bes gemeins fachtlichen Comperpunfts.

Alfo wie 5000 : 10 fo 1000 :? D. i. gu 3}.

Der Schwerpuntt von A + B liegt alfo 10 + 3} ober 13}'
von Onntte e enternt.

Ist an ber Stange A (Fig. 55) noch ein zweites Gewicht d befestigt, beffen Abstand von c = t, so wird ber Abstand bes Stoffwunktes

$$= \frac{3 \text{ ab} \times a^2 + ga^2 + dt^2}{4 \text{ ab} \times a + ag + dt}$$

Bei(p. a = 12', b = 2 th, B over g = 5 th, d = 1 th, t = p', fo haben wir 1 ab = 12; a2 = 141; ga2 = 432; dt2 = 256.

Wife 
$$\frac{12 \times 144 + 132 + 256}{12 \times 12 + 56 + 48} = \frac{2416}{228}$$
 1012 (ober 101).

Da ber Mittelpunft bee Schröunges mit bem bes Stoßes yusammentrifft, so laft fich biefer praftisch finden, indem man die Jahl ber Schwingungen, wenn der Körper aufgehängt ift, in einer gegebenen Zeit, 3. B. in 1 Minute, gablt, und berechnet, welcher Pembellange biefe Jahl entfpricht.

Ift n tie Bahl ber Schwingungen per Minute, fo ift

- 132000 bie Lange bes Penbels in frang. Bollen,

140850 bie Lange beffelben in engl. Bollen.

Fur manche Korper lagt fich übrigens ein allgemeines Berhaltniß angeben.

1) Bei einer geraden und im Berhaltniß zur Lange bunnen Stange, die an bem einen Ende aufgehangt ift, liegt der Stoß= oder Schwingungspunkt ftete um 3 der Lange unter bem Aufhangungspunkte.

Auch ergibt sich dies aus obigen Regeln: denn nehmen wir die Stange A (Fig. 53) ohne B, so wird die Formel in

$$\frac{\frac{1}{2} ab \times a^2}{\frac{1}{2} ab \times a} = \frac{2}{3} a.$$

- 2) Bei gleichschenklichten, an ihrem Scheitelpunkte aufgehangten Dreieden liegt jener Punkt & ber Sohe unter bem Aufhangungspunkte; und baffelbe gilt von Rabern.
- 3) Bei fehr bunnen Pyramiden oder Regeln, tie um ihre Spitze schwingen, liegt derfelbe etwa & ihrer Sobe von der Spitze entfernt.

## Cheorie des Stofses.

Bewegen sich zwei Korper in ber namlichen Richtung, jedoch ber letztere mit einer größern Geschwindigkeit als ber erstere, so wird jener ben erstern einholen und im Augenblicke ber Berührung einen Druck auf ihn ausüben, ben man Stoß nennt.

Gerade ift ber Stoß, wenn, wie bei ber Bewegung eines Rammfloges, bie Berührungeflachen ber beiben Rorper fentrecht auf die Richtungen ihrer Bewegung ftehen.

Central neunt man ibn, wenn fich die Schwerpunkte ber zwei Korper vor dem Stoffe in einer geraden Linie bewegen.

Bei ben folgenden Regeln ift ber Stoß immer als gerade und central angenommen worden.

Die Wirkung des Stoffes auf die Bewegung ber zwei Korper ift verschieden, je nachdem dieselben:

- 1) vollkommene Glaftizitat,
- 2) gar feine Glaftigitat, ober
- 3) nur eine gewiffe Glaftigitat befitgen.

Bei elaftischen Korpern werden die Sindrucke, welche ber Stoß verursacht, wieder hergestellt, bei unelastischen hingegen find dieselben bleibend.

Stoßen sich zwei vollkommen elastische Korper, so wird ber gestoßene im Augenblicke, wo der Stoß geschieht, sortgeschnellt, und es wird der Unterschied der Geschwindigkeit, welche zwischen den beiden Korpern vor dem Stoße statt hatte, derselbe nach dem Stoße senn, jedoch da der stoßende Korper durch den Stoß wieder zurückgestoßen wird oder abprallt, derselbe eine kleinere Geschwindigkeit nach dem Stoße haben als der andere, und es wird daher, wenn

P und p bie Gewichte ber zwei Rorper.

V und v ihre Gefdwindigfeiten vor dem Stofe und C und o biefelben nach bem Stofe bebeuten :

Sind hingegen bie zwei Abrper gang unelaftisch, so werben dieselben nach bem Stoße eine gleiche Geschwindigkeit erbalten, ober C = c und folglich c - C = o fenn,

Es liegt also der Werth von c - C zwischen V - v und o. Far Rorper, welche blog eine gewiffe Clastigitat haben, ift baber:

1) 
$$c - C = x (V - v)$$
.

wobei ber Berth von x gang allein von ber Ratur ber ftoffens ben Rorper abhangt und burch Berfuche, beftimmt werben muß.

Rach Newton's Berfuchen ift bei Gifenbein x = 1

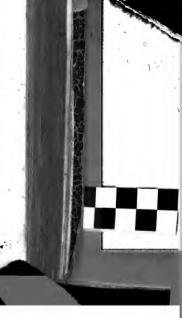
Da ferner bie Summen ber Momente beider Korper ber und nach bem Stofe einander gleich fenn muffen, fo ift: 2) PV + pv = PC + pc.

Diefe groei Gleichungen geben folgende Berthe fur C und c.

$$C = \frac{PV + pv - px (V - v)}{P + p}$$

$$c = \frac{PV + pv + Px (V - v)}{P + p}$$

An vollfommen elaftifche ober gang barte Rorper ift x = 1, baber :



$$C = \frac{2 pv + V (P-p)}{P+p}$$

$$ab c = \frac{2 PV - v (P-p)}{P+p}$$

Får gang unelaftifche ober vollfommen weiche ift x = o baber

$$C = c = \frac{PV + pv}{P + p}$$

Sind die Gemichte einander gleich (P=p), so werben bei vollfommen elafischen Körpern C=v und c=V, d. h. bie Körper verwechseln ihre Geschwindigkeiten nach dem Stoße. (Dies bat biters bei Billardugeln statt.)

Und ift ber erftere Korper vor bem Stoffe in Rube, fo wird baber ber lettere nach bem Stoffe in Rube verbleiben, ber erftere bingegen die Geschwindigkeit annehmen, welche jener von bem Etoffe batte.

Sind hingegen bie Korper gang unelaftifch, fo wird in letterm Falle ein jeder berfelben mit ber Salfte der Geschwinbigfeit fortlaufen, welche der lettere Korper vor bem Stofe hatte.

Beisp. Es feven die Gewichte weier elsenbeinernen Ausstin ober P=73 th und p=43 th und die Geschwindigkeiten berelben vor bem Stofe ober V = 50' und v = 6' per Schunde, wie groß werden die Geschwindigkeiten C und o berfelben nad bem Stofe ston?

Antw. Da in diesem Falle x = \$, so ist:

$$C = \frac{7\frac{1}{4} \times 30 + 4\frac{1}{4} \times 6 - 4\frac{1}{4} \times 8}{\frac{7}{4} + 4\frac{1}{2}}$$
= 13',085

$$e = \frac{7\frac{1}{4} \times 50 + 4\frac{7}{4} \times 6 + 7\frac{1}{4} \times 8 (30 - 6)}{7\frac{1}{4} + 4\frac{1}{4}}$$

= 54',535.

Sind beibe Gemichte einander gleich, oder P=p=41 th, fo mirb:

$$C = \frac{4\frac{1}{4} \times 50 + 4\frac{1}{4} \times 6 - 4\frac{1}{4} \times 8 (50 - 6)}{4\frac{1}{4} + 4\frac{1}{4}}$$

$$0 = \frac{4\frac{1}{4} \times 30 + 4\frac{1}{4} \times 6 + 4\frac{1}{4} \times \frac{1}{4} (30 - 6)}{4\frac{1}{4} + 4\frac{1}{4}}$$

= 28,555

und wenn der erfte Rorper vor bem Stofe ohne Bewegung ift (v = o)

$$C = \frac{4\frac{1}{2} \times 30 - 4\frac{1}{2} \times \frac{3}{2} \times 30}{4\frac{1}{2} + 4\frac{1}{2}}$$

= 28,533.

Muf glei. Beife tonnen bie Gefdwindigfeiten berechnet werben, wenn . 2 Rorper volltommen elaftifch ober gang unelaftifc finb. Dan erhalt alebann folgende Refultate:

,	unelaft. Rorper.	elaftifche Korper.	elferbein. Rugeln.
I, får P=71 tb, p=41 tb	C=c	∫C=12'	C=13,085
V = 50' $v = 6'II. far P = 41 tb, p = 41 tb$	18′	(c=36' (C= 6'	o=34,535 C= 7,444
M. fur P = 71 tb, p = 41 tb	18,75'	(C=7,5	o=28,555 C= 8,750
IV. far $P = 4\frac{1}{4}$ tb, $P = 4\frac{1}{4}$ tb	15'	C= 37,5 C= 0 C= 50'	c=55,117 C= 1,667 c=28,535

Aus der Bergleichung diefer Tabelle kann man feben, daß, je clasischer die Korper find, besto mehr der stoffende Korper verliert und desto mehr der gestoffene Korper an Gesschwindigkeit gewinnt.

Stoßen mehrere Körper eigander, wovon bloß ber letztere in Bewegung vor dem Stoße ift, so wird die Bewegung des ersten nach dem Stoße die größtmögliche senn, wenn die Gewichte dieser Körper unter sich eine geometrische Progression bilden.

## Nr. 16.

# Dom fpezifischen Gewicht.

Unter spezifischem Gewicht versicht man bas verbaltnifmäßige Gewicht eines Korpers zu bem eines andern von gleichem Volum, oder von bekannter Dichtigkeit.

Es ist allgemein gebrauchlich, bas Gewicht oder die Dichtigkeit des Wassers (wenn es rein und kalt ist) als Einheit anzunehmen, und damit die der andern Körper zu vergleichen, da man überall das Gewicht des Wassers bei gegebenem Wolum gleichstrmig und genau ausmitteln kann (siehe Nr. 6) und überdies leichte Mittel hat, um das Gewicht irgend eines Körpers mit demjenigen eines gleichen Volums dieser Flusserkeit aufzusinden.

Anmerk. Bebient man sich englischer Maaße, so hat man ben Bortheil, daß das spegif. Gewicht, in Dezimalen ausgeduckt, zugleich das absolute Gewicht bes Kubitfußes in Unzen angibt, indem 1 (engl.) Kubit-Juß Wasser 62½ Pfund ober 1000 Unzen (Hanbels Bewicht) wiegt.

## Negeln gur Auffindung des fpegififchen Gemichts.

1) Ift ber Korper schwerer als das Waffer, d. h. finkt er in demfelben unter, so findet man das spezifische Geswicht also:

Man mage ein beliebiges Stud beffelben, an einen Faden gebunden, erft in ber Luft, bann im Baffer ab, und bivibire bie Differeng in bem zuerst gefundenen (absoluten) Gewichte.

Anmert. Jeber Körper ist nämlich ins Wasser getaucht leichter, weil bas Wasser einen Theil seines Gewichtes trägt; und ba es gerabe so viel trägt, als eine Masse Wasser von gleichem Bolum wiegt, so zeigt ber Verlust, ben ber Körper erleibet, genau bas Gewicht eines solchen Bolums Wasser an.

Beifp. Ein Korper mage ausser dem Wasser 72 Loth, und in das Maffer gesenkt 6% Loth, wie groß ist fein spezif. Gewicht? Antw. Er verliert hiemit 7½ — 64 — & Loth.

Das Berhaltniß feines fpezifischen Gewichtes zu bemjenigen bes Baffers ift baber wie 74: \ = 10: 1.

Beisp. Wie groß ist bas spezif. Gewicht einer Substanz, wenn baffelbe Stud auser bem Waffer 11 Loth und in demselben 71 Loth wiegt?

Antw. 
$$11 - 71 = 3\frac{5}{4}$$
.  
 $\frac{11}{3\frac{5}{4}} = \frac{44}{51} = 2,955$ .

Das fpegifiche Gemicht ift alfo 2,935 ober 1 engl. Aubit-Meter bavon wiegt 2933 Ungen ober 183 th 5 Ungen und 1 Rubit-Meter 2933 Rifogramm.

2) Ift ber Rorper leichter ale bas Baffer, fo bag er barauf fcwimmt, fo verbinde man einen fchwereren mit bemfelben und verfabre alfo:

Man wage sowohl ben schweren allein, als auch beibe gusammen in und auffer bem Wasser, und berechne ben Unterschied des Berlufts. Wie bieser sich jum absoluten Gewichte bes gu bestimmenben Korpers verhalt, so 1 gu bessen spezischem Gemiobe.

Beifp. Welches ift bas fpegififche Gewicht einer holgart, bie leichter als Maffer in?

Man befestige an ein Stud berfelben a ein Studden Metall b. Ergibt fich nun, bag

a + b auffer dem Waffer 12 ! Loth wiegt

in bem " 6

und b allein auffer b. 23. 8 ,

unb " in bemfelben 71 "

fo verliert b allein 1 Loth; beibe gufammen aber 64 Loth.

Die Waffer-Maffe, welche a verdräugt, muß also 64 - 4 ober 51 Loth magen. Da nun a selbst 123 - 8 = 41 Loth wiegt, so findet fic das spezifische Sewicht durch die Proportion:

51:41=1:x=0.782.

ein engl. Rubit-g. biefer Solgart murbe hiemit 782 Ung. magen. 3) Das fpezififche Gemicht von andern Fluffigleiteit.

findet man, wenn man irgend einen (bie Fluffigteit nicht,



einfaugenden) Körper erst in der Luft, dann im Baffer und endlich in far Fluffigkeit abwiegt. Wie sich der Verluft im Baffer zu dem in der Fluffigkeit verhalt, so verhalt fich das spezif. Gewicht des Waffers oder 4,000 zu dem der Fluffigkeit.

Beifp. 1) Ein Körper wäge in ber Luft 15 Loth, im Baffer 11 Loth und in einer zu untersuchenden Salzaustosung 91 L.; fo verliert er im ersten 4, in der zweiten 51 Loth. Das gleiche Bolum Wasser muß also 4, und dasselbe der Salzaustosung 51 Loth schwer sepn. Hiemit:

wie 4 : 5 g, fo 1,000 : x = 1,457, welches bas fpegifische Gewicht ber Auftolung senn wird.

2) Ein Körper mage in ber Luft 10 Loth, im Waffer 6 und im Weingeist 6½ Loth, so muß dasselbe Wolum Wasser 10 — 6 oder 4, und dasselbe Wolum Weingeist 10 — 6½ oder 5½ Loth magen. Hiemit

wie 4:  $3\frac{1}{2}$  fo 1,000: x = 0,875.

0,875 ift also bas fpezififche Gewicht bes Weingeiftes, wenn bas Waffer = 1.

Anmerk. Das spezifische Gewicht von Mischungen läßt sich nicht mit Sicherheit aus jenem der einzelnen Substaugen voraus berechnen, weil häusig eine chemische Durchbringung statt sinbet. Es muß daher durch directe Bersuche gefunden werden. Wischi man z. B. einen And. 300 Blei mit einem Rub. 301 Zinn, ober 1 Maaß Schweselssaure mit einem Maaß Wasser, so erhält das Schulsch nicht die mittlere Dichtigkeit, sondern eine größere, oder ein größeres spezississes sewicht; denn das Metallgemisch wird nicht völlig 2 Kud. 3011, und die vermischte Saure nicht völlig 2 Maaß ausmachen. So geben gleiche Theile reiner Weins geist von 0,791 und Wasser von 1,900 spezis. Gew. ein Gewicht, bessen spezis Gew. nicht 1,794 oder 0,895, sondern 0,914 beträck.

Dailand by Google

## Spezififdes Gewicht einiger Subftangen.

		pegif. Gewicht . Gewicht von Kub.: Meter . in Alf.	Sewicht von i franz. Anb. Tub in Sil.
1) Metalle.		~~	~~
Platina : Drabt		21040	721,25
gegoffen		20857	1 ./2
gefcmiebet		20337 .	
gebiegen		17332	
Gold, rein gehammert		19362 .	
gegoffen		19258	
gemungt in bollanb. Dute	iten	19352	
id. in engl. Buineen .		18852	
id in Dapoleone		17553	
Gilber, gegoffen		10474	359,03
gefchmiebet		10510	- 360,24
gemangt		10408	556,74
Quedfilber		13598	466.01
Blet, rein		11330	
gepreft		11388	
Binn von Cornwallis		7291	219,93
pon Malacca		7296	250,10
Btemuth		9822	536,67
Bint (gegoffen)		6861	235,07
Supfer : Drabt		8878	504,53
gegoffenes		8783	301,25
Meffing, gegoffened		8395	288,99
Drabt		6544	292,87

	Spezif. Gewicht won 1 ob. Gewicht von 1 Kub.: Meter in Kil.
Ranonengut	8800
Gufeifen	7207 247,03
Stabeifen	7788 266,95
Stabl, nicht gehartet	7833 . 268,50
gehartet	7816 . 267,92
Gufftahl	7920
2) Solgarten.	
Buchenholz troden	5474
grún	9476
Tannenholz	550 18,85
Rothes Cannenhols	657 22,52
Pappelholz	383 . 13,14
Cichenholy, Rern	1170 40,07
Stamm und troden	715
Afrikanisches Gichenholz	, 1000
Riefernholz, troden	550
grún	912
Apfelbaumholz	793 27,18
Birnbaumholz	661 22,66
Mahagonpholz	1060
Burbaumholz	1328 45,52
Ebenholy	1200 41,12
Brafilienholz	1031 35,34
Campescheholz	913 31,30
Echanhal. ( troden	550
Eschenholz { grun	912

Epplf, Semicht Gemicht von is, oder Gemicht von fa, i Ruf-Afflei in Ruf-Afflei in Ruf-Afflei in Ruf-	
Rirfcbaumbolg	
Nufbaumholz 674 . 22,99	
Beibenholg 585 20,05	
Lindenhorg 604 20,70	11 165
tlimenhol3 671 23,00	
Stortholy 240 8,23	122
5) Brennmateriglien.	1 2 1
Roble von Buchenholy	
Kannenbols 100 - 110	
Cichenbolz 194	
Fictenbols 167	180
Steinfohlen, trodene 1290 - 1636	132
magere 1186 - 1512	1.25
fette , . 1165 - 1465	
Rofe 420 - 515	Market and
4) Steine und mineralifde Produtte,	
Porpher	
Bafalt	
Granit	100000000000000000000000000000000000000
Dublifein	
Schiefer	- 14 COMPANY
Sandftein	
Euffitein	
Gppeftein	
Ralfftein	
Bernoulli's Babemecum 1.	
1 p 1 p	
S. 4. "	110
	1014
the second secon	
1	

										obr	eglf. Gewicht von Sub.2Meter in Sil.	Gewicht von a frang, Kub.:Boll in Kil.
Ralf agent	ber										1842	
Riefelerbe											2743	,
Rreibe .											2730	
Manganer	be.								5		8020	,
Thonerde											2200	
Badftein .											2000	
Flintglad											3329	114.12
Beifes @	lad										2892	99,14
Bouteillen	gla	B								٠.	2732	93,66
Fenfterglas	3				J						2642	90,57
Arpftall .							٠.				2488	85,36
(	ф	in	fil	фев							2385	
Porgellan?	be	11	Sè	vre							2146	
1	av	18	S	ach fe	n			٠.			2495	
Steinfala											2143	
Schiefpulv	er										856 1	745
5) Ani	mi	tli	fe	bе	P	ro	du	tte		٠		
Elfenbein											1917	65,71
Wachs .			·			٠					965	33,05
Butter .		. '				:			٠.		942	32,30
Tala											942	52,50
Mild .											1032	35,39
6) Deg	et	a b	ŧI	ffd	e	1	rol	nı	te			4
Berfte .											1278	
Beigen .										١.	1346	

		,					ober	gif, Gewicht Gewicht von Aub., Meter in Siil.	Gefolde ben g frang, Aub,rBol in Ril.
Budet								1605	
3nbigo								1009	
effig								1013 - 10	080
Mein	. '				٠.			991 10	81
Mifohol .			. "					797 - 83	5
Terpentindl								870	29,81
Olivenot .		:		٠.				916	31,59
Leinot								940	32,23
Somefel faur	ee							1841	65,10
Calpeterfaut	re							1550	55,13
Salgfaure								1194	40,93
ammonia!								896	30,75
Gis								930	31,36
Baffer .								1000	34,28
Geemaffer		. '						1026	35,18
Luft								1,30	0,0445
Cauerftoff								11,435	0,049
Stidftoff				÷				4,27	0.043
Roblenfaure,	. 21	ift						2,08	9,068
Wafferftoff: 6	Bas	•	•			•	•	0,089	0,003

Unmert. Die Angaben weichen in ben vorhandenen Tabellen bedeutenb von einander ab, obicon man oft in die Genaulgteit ber Werluche feinen Zweifel fegen fann. Dies bat aber leicht beauefiniche Urfaden.

4) 3ft bie Dichtigfeit gleich benannter Gubftangen oft fehr verschieben, wie g. B. eine Mrt Ratfieln, Marmor, Grapit, Steinfoble u. a. in. merflig fowerer als eine anbere ift.

- 2) Sind Metalle nicht nur nach dem Erabe der Reinheit, sonbern auch je nachbem sie gegoffen, geschlagen, gewalt ober geprägt sind, von sehr ungleicher Dichtigkeit; selbst aufrechter Guß ist dichter als anderer.
- 5) Beränbert die Feuchtigfeit oft bebeutend die Schwere, befonders bei ben holzarten und einigen Steinen. Sanbftein g. B. wird im Baffer um 5-4 pEt. schwerer.

Sbey baher ift es nothig, wenn man bas fpezifische Gewicht eines Korpers genau tennen will, baffelbe nach obigen Regeln burch befondere Bersuche auszumitteln.

Dhaed by Google

## Nr. 17.

# Berechnung des Gewichtes eines Korpers.

Kennt man bas spezifische Gewicht eines Materials, so läßt sich jede gegebene Masse bavon berechnen, wenn man zuerst bas Bolum derselben ausmißt, bann berechnet, wie viel ein solches von Wasser wägen wurde, und diejes Gewicht endlich mit bem spezifischen multiplizirt.

Man muß sich also zugleich erinnern, baß

1 rhein. Rub.-Fuß Baffer = 654 toln. Pf.

1 frang. , , = 73,3 ,

, , , = 70,024 Pf. Markgew.

1 berner , , = 51% n n

1 Rub.: Meter , = 2042 , ,=1000 Ril.

1 engl. Rub.-Fuß " = 624 engl. Pf. = 28k,32.

Beifp. 4) Die viel wiegt ein Sandftein von 2,23 fpegif. Gew. in frang. Pf., beffen Bolum 174 Rub.' (frang. Maaf) beträgt?

Antw. 178 × 70 = 1217 tb.

1217 × 2,23 = 2714 巷.

2) Bie viel wiegt ein eichener Balten von 1,12 fpezif. Gewicht, ber 9" im Gevierte hat und 21' lang ift, rheinl. Maaf?

antm. Ix 1 x 21 x 651 x 1,12 = 8661 foln. Pf.

3) Die viel wiegt 1 englischer □' einer 1's" biden Rupferplatte, wenn bas fpegif. Gewicht bes gemalten Aupfers = 9,1 ift?

Mntm. 
$$\frac{1}{12} \times \frac{7}{16} \times 621 \times 9,1 = 20$$
 Pf. 1111 Ung.

Bei der Berechnung der Tonnenlast von Schiffen wird als biroch, und von den Masten und Segeln 40 pounds per cub, foot, und von den Masten und Segeln 40 pounds per cub. foot angenommen. \*)



<sup>\*)</sup> G. J. Edie's calculations on ships of war.

Nr. 18.

# Bewichtstafel von laminirten Metallplatten, in Rilogrammen ausgedruckt.

E .	3	lei.	· Sir	ın.	Bint.	reines	Silber.
Dicte in Linien.	Gewich	t eines	Gewicht	eines	Gewicht	Gewicht	eines
ର୍ଷ	<b>D</b> '	pouce-	D'	pouce- pied.	eines	۵,	pouce- pied.
-	405	0.040	0.077	0,006		0,105	0,009
2,2	0,125	0,010	0,073	0,012	_	0,209	0,017
Q 3	0,250	0,021	0,218	9,018	=	0,314	0,026
3 2 4 4	0,500	0,031	0,290	0,024	-	0,418	0,035
32	0,625	0,052	0,363	0,030	- 1	0,523	0,044
6 2 4	0,750	0,063	0,435	0,036	0,408	0,627	0,052
75	0,875	0,073	0,508	0,042	0,476	0,732	0,061
8 24	1,000	0,084	0,580	0,048	0,544	0,836	0,070
9 4	1,125	0,094	0,653	0,054	0,612	0,941	0,078
10	1,250	0,104	0,725	0,060	0,631	1,045	0,087
	1,375	0,115	0,797	0,066	0,649	1,150	0,096
14 2 14 14 2 14	1,500	0,125	0,870	0,073	0,817	1,254	0,105
1 5	1,625	0,135	0,943	0,079	-	1,359	0,113
14	1,750	0,146	1,015	0,085	0,953	1,464	0,122
1 5	1,875	0,156	1,088	0,091	! -	1,568	0,134
16	2,000	0,167	1,160	0,097	1,089	1,673	0,139
17	2,125	0,477	1,233	0,103	-	1,777	0,148
18	2,250	0,188	1,305	0,109	1,225	1,882	0,157
12	2,375	0,198	1,378	0,115		1,986	0,166

<sup>\*)</sup> pouce-pied bebeutet ein Riemen von 4' Lange und 1" Breite.

in 1	- 310	i.	Bii	ın.	Binf.	reines	Gilber.
Dice in Linien.	Gewicht		Gewich	t eines	Gewicht	Gewich	
(4) 5%	D',	pouce-	0'	pouce- pied.	eines	0'	pouce- pied.
20	2,500	0,208	1,450	0,121	1,371	2,091	0,174
21	2,625	0,219	1,525	0,127	-	2,195	0,183
2 2	2,750	0,229	1,595	0,133	-1,497	2,500	0,192
2 5	2,875	0,240	1,668	0,139	-	2,404	0,200
1'''	3,000	0,250	1,740	0,145	1,653	2,509	0,209
1 1	5,750	0,313	-		- 1	_	_
1 7	4,500	0,575			-		200
1 5	5,250	0,438			-	-	100
- 2	6,000	(0,500	3,480	0,290		5,018	0,418
21	6,750	0,563	i -		_		-
2 1	7,500	0,525	-	11 444	-		-37
2 5	8,250	0,688	-		-	-	4
3	9,000	0,750	5,220	0,435		7,527	0,627
4	12,000	1,000	+6,960	0,580	-	-	-
5	15,000	1,250	8,700	0,725	1 -	_	13 -

iter !	Gifer	iblech.	Rupfer	blech.	Meffing	blech.
Dice d. Blatter in Linien.	Gewid	pouce- pied.	Gewicht Blattes von 52,12. u. 4211 Br.	eines	Gewicht Blattes von 52" L. u. 42" Br.	eines
4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4	0,077 0,156 0,232 0,310 0,587	0,006 0,013 0,019 0,025 0,032	2,510 5,521	0,166 6,364	2,571	0,170
34	0,465	0,039	8,030	0,530	1,712	0,509

Eis	enblech.	Rupfer	blech.	Messing	blech.
Gewi		Gewicht Blattes	eines	Blattes	eines
Ō,	pouce-	von 52" L. u. 42" Br.	<b>D</b> ′	von 52" L. n. 42" Br.	D,
0,542	0,045			_	-
0,618	0,052	10,540	0,795	10,283	0,678
0,695	0,058	- 1	-	<u> </u>	
0,775	0,061	13,551	0,894	12,851	0,848
0,850		-		-	
0,927	0,071	16,061	.1,059	15,125	1,017
1,004		_			
1,022	0,090	18,570	1,225	17,995	1,187
1,159		-	-		=
1,236	0,103	21,582	1,425	20,566	1,356
-1,313	0,109	1 - 1		_	
1,390	0,116	24,091	1,589	23,137	1,526
1,468		-		-	-
1,545		26,601	1,754	25,708	1,695
1,622		28,106	1,854	_	*
1,700		29,612	1,954	28,278	1,865
1,777				-	
1,854		~ 52,123	2,118	30,849	2,034
2,319	,	40,153	2,647	38,561	2,542
- 2,783		48,185	3,177	46,273	3,051
5,248		56,213	3,606	53,985	5,560
5,712		61,245	4,136	61,697	4,069
4,177		- 1		- 1	-
4,641		-		-	
5,106		- 1	-	- 1	_
5,570	0,464	-		-	-
7	-	- 1	_	- 1	

91r.	11	des englischen	iron guage	gibt eine	Metalldide von
22	10	,,	. 27	**	i n n
"	5				7.6 n n
27	3	**	**	**	1 11 11
_	4	etmas meniger	ald		1 <sup>5</sup> 6 n n

Nr. 19.

# Gewichtstafel von runden und quadratischen Eisenstangen.

Bon 10' Lange in Rilogrammen.

Seite ber quas bratischen, ober Diam. ber runs ben Seftion.	quadras tische.	runbe.
1.11	0,125	0,09
6'''	4,69	3.75
40"	13,00	10,00
12""=1"	18,75	14,69
18"	42,19	32,28
19	47,00	36,43
20	52,06	40
21	57,41	44,06
22	63,00	48,22
23	68,38	52,91
24 = 2"	75,00	58,13
25	81,38	62,50
26	88,00	68,25
27	94,91	73,13
28	102	79,13
29	109,50	84,06
30	117,19	90,75
31	125,13	96,06
52	133,31	102,50
33	141,78	109,69
34	150.50	117,50
55	159,50	149,53
36 = 3"	168,75	132,69

#### Gewichtstabelle von bleiernen Robren. Bon 1' gange und verschiedener Dide.

Innerer			Dice.	-	
Diameter.	1'''	11"	2""	21""	5′′′
4""	0,300	0,50	0,70	1,00	-
6	0,40	0,70	1,0 .	1,30	-
6	0,60	1.0	1,30	1,70	-
1"	0,80	1,20	1,70	2,10	2,70
1" 5"	1,00	1,50	2,10	2,60	3,20
1" 6"	1,20	1,80	2,40	3,00	3,80
1" 9"	1,30	2,00	2,80	3,50	4,30
2"	1,50	2,30	3,10	4,00	4,90
2" 6"	-	-	3,90	4,90-	5,50
3"	- ;	-	4,60	5,80	7,00
3" 6"		- 1	5,00	6,70	8,10
4"	- 1	- 1	6,00	7,60	9,20

#### Gemicht von 1 Anb. foot Gufeifen

n 1 Rub, inch.

" 1 Rub. foot Stabeifen

, n 1 Rub. inch.

" 1 Rub. foot Cannenholz

" 1 inch 1 foot lang

" 1 inch. Eichenholz 1 foot laug = 0,1406.
" 1 Rub. foot afrifan, Eichenholz = 282.

" 1 inch 1 foot lang

= 0,1146. = 0,1406. = 281. = 0,1967,

= 204,10.

= 0,118.

= 220,56, = 0,128,

= 161



#### Bur Berechnung der Luftballons.

Ein Meroftat ober Luftballon fleigt, wenn bie einaefcbloffene Luft fammt ber Sulle ac. leichter ift, ale bas Bolum aufferer Luft, Die er verbrangt.

Bei ben einen, ben Montgolfieren, ift ber Ballon mit gembbnlicher, aber erbitter Luft gefüllt; bei ben fogenannten Charliefen mit Bafferftoffgas, meldes que Gifen und perbannter Schwefelfaure entwidelt mirb.

4 parifer Rub. Fuß atmofph. Luft wiegt circa if Ung. (frang.) 1 Rub. : Deter. 1.3 Ril.

Die ermarmte Luft bes Ballone circa & bavon , ober It Ungen. 4 Rub. = Deter 0.8667 Ril.

Das gemeine Bafferftoffgas circa & ber atmofph. 2. ober & Ung. 4 Rub. : Deter 0.1557 Ril.

Die Steigfraft ber Luft allein finbet man alfo:

al Rur Die Montgolffere, wenn man bas Bofum in Rub. Ruß mit J. Ungen multipligirt ; (in Metern mit 0,4333).

b) Rur Die Charliere, wenn man bas Bolum in Rub. Ruß .. mit & Ungen multipligirt; (in Detern mit 1,114 Ril.).

Bene verfertigt man gewöhnlich aus gefirnifter Leinwand, mobon 1 []' etwa 2 Ungen wiegt; Diefe aus Bachetaffent, wos

pon 4 D' circa & Ungen wiegt. (4 DMet. circa 0,25 Ril.)



Ift ber Ballon kugelfbrmig, fo laft fich bei gegebenem Durchmeffer leicht Inhalt und Oberflache, und hiemit bie Steige kraft ber Luft und bas Gewicht ber Halle finden, und bieses ben jener abgezogen, gibt die reine Steigkraft bes Ballons.

Beifp. Sat eine Charliere 50' Diameter, fo beträgt (nach fruber gegebenen Regeln) die Oberfläche 2828 " und der Inhalt 14142 Kub."

Die Steigfraft ber inneren Luft ift alfo:

14142 X 1 Ungen = 16970 Ungen.

Die Sulle aber wiegt :

2828 X ! Ungen = 2121 Ungen.

Die reine Steigtraft = 14849 Ungen ober 928 Pf.

Bur eine Montgolfiere von 30' Diam. findet man: Die Steigfraft ber Luft 14142 X Jr = 6598 Ung.

Das Gemicht ber hulle 2828 X 2 = 5655 Ung.

Die Steigfraft alfo nur . . . = 942 Unf. ob. 59 Pfb.

Ueberhaupt haben fugelformige Ballone:

bei einem Durchmeffer	einer Ober: flache	einen Inhalt	eine Steigfraft				
non	non	in von	bei Montgi	Bei Chart.			
5'	78 🖂	65 R.	-\8 tb	付货物			
. 10'	314 "	523 **	- 24 m 1	24 "			
20'	1257 »	4190 %	- 33 **	.3. 255 n			
50'	2828 "	14142 "	+ 59 "	926 "			
40'	5028 n	53723 m	349 m	2276 "			
50'	7857 "	65476 n -	927 "	. 4542 "			
60'	11514 #	113142 n	1885 m	7955 · n			
70'	15400 9	179666 »	3515 "	12753 1 1			
80"	20114 "	268191	5308 **	19546 an			

Unmert. Die Laft, bie ein Ballon mitnehmen tanp, ift jeboch bei weitem nicht so groß; benn: s) ift gur halle noch bas Gewicht ber Seile z., gu abbiren; 2) wirb bie Luft in einer Monts goffiere allmählig falter; 3) barf eine Charliere lange nicht ganggefült werben, well fie sich, je höber fie steil, immer mehr ausbehnt, ba ber aufere Auftbruaf abniumt.

In einer Hobe von 18000' ift die atmosph. Luft und also auch die im Ballon eingeschlösene, nur balb so doir, daber die Greigkraft von 1 Aub. The Artikle Luft in einer Wontgotsere nur  $f_{\rm d} \sim f_{\rm d} = f_{\rm d}$  Ungen, und in einer Eharliere bloß  $f_{\rm d} \sim f_{\rm d} = f_{\rm d}$  Ungen, und in einer Charliere bloß  $f_{\rm d} \sim f_{\rm d} = f_{\rm d}$  Ungen, und in einer Sharliere bloß  $f_{\rm d} \sim f_{\rm d} = f_{\rm d}$  Ungen werder die, daber in dieser hobe eine Steigkraft von 8485 Ungen und nach Bhygg ihrer Halle nur 8485 – 5424 = 6564 Ungen ober kaum do 8 kanftatt 928 th. Und nicht geber wirk auch die Argeitagt gleich ansange sen, und ihm and ben Ballon nur zur Halfte füllen dars, wenn man dis zu sener Kobe ein Gaß will entweichen lassen, und teine zu große Expantung bestichtete. Immerdix maß die Last ber Aragkraft steis ziemlich gleich sommen, damit daß Steigen nicht mit zu großer Geschwindigkeit statt habe.

## Nr. 21.

## Don der Stärke der Materialien.

Für jeden Mechaniker ift die Kenntniß von der Starke oder Festigkeit der Materialien, aus denen er die einzelnen Theile der Maschinen zu versertigen hat, eine Sache von größter Wich, tigkeit; und eben so nothwendig ist sie für den Baumeister und andere Künstler. Denn dadurch wird er in den Stand gesetz, jedem Theile die ersorderliche Starke zu geben, und dennocheinen übermäßigen Auswand von Material vermeiden zu können.

Biele Physiker und Mechaniker haben sich auch mit sorgfältigen Bersuchen zur genauen Bestimmung dieser verschiedenen Festigkeit, Zähigkeit oder Starke abgegeben; und solche waren um so nothiger, da sich dieselbe keineswegs aus andern Eigenschaften vorausbestimmen läßt. Sie richtet sich z. B. weder nach bem spezisischen Gewichte, noch nach der Schmelzbarkeit, noch nach der Ausbehnbarkeit der Korper durch die Warme u. s. w. Sie gründet sich ohne Zweisel auf einen eigenthünlichen Jusammenhang der Korpertheilchen, oder eine verschiedene Krast der Cohäsion, läßt sich aber nur durch Versuche ausmitteln. Zugleich scheinen so manche, oft unbekannte Umstände auf diese Cohässon einzuwirken, daß deßhalb auch die sorgfältigsten Versuche bis babin ziemlich abweichende Resultate gaben. Daraus folgt indeffen nur, daß es in der Regel rathsam' ift, in der Amwendung auf einen weit geringern Grad der Starte zu rechnen, als die Bersuche angeben; biese bleiben aber nicht minder nutslich und verdienflich.

Bu ben werthvollften Erfahrungen geboren folgenbe:

- I. Benkrechter Widerftand. (Hudwirkende Seftigkeit.)
- a) Rennie's Berfuche uber bie Rraft, burch welche eiferne Burfel gerqueticht werben.

Ein gabliger Burfel (beffen Seite = 1") wurde gerquetfct:bei Gifen aus einem großen Guß . . . . . 9774 Pf.

" "us aus e. fleinen Stange von liegendem Guß dolla "

, 3, aus ftebendem Guß . . . . . 11156 ,, 44blige Burfel (bie alfo 8mal fleiner waren) erforderten etwas mebr als 4 biefes Druces.

b) Reunie's Berfuche über bie Rraft, welche Burfel von

 Englisches Cichenholg
 5860 th

 Weisstammenholg
 1928 ;

 Ameritanisches Fichtenholg
 1606 ;

 Ulmenholg
 1234 ;

c) Rennic's Berfuche uber Die Rraft, welche es erfordert, um 1 ablige fteinerne Burfel ju gerquetichen.

Bernoulli's Babemecum I.

11

	1 .				4	Spezififches Gewicht.	Berbru Gewie	
Rreide						~~	1127	th.
Blagrother Biegelftein						2,085	1265	-
Rother Badftein .						2,168	1818	,,
Bebrannter Biegel .	. "						3243	"
Stourbridge Biegel .			•				3864	"
Rother Canbftein .				•	٠	2,316	7070	">>
Pflafterftein von Dort	shire	•	•	•	•	2,507	12856	99
Compatter Kaltstein		•	•	•		2,584	17354	"
Beißer italienischer 9	Marn	or	•			2,726 .	21783	**
Granit von Aberdeen			•	•		2,625	24556	"

Alle diefe Korper burfen jedoch nur mit bem ben ober ften Eheile ber bier angegebenen Gewichte befchwert werben.

## II. Longitudinalftarke oder abfolute Braft.

d) Nach Telford's Bersuchen wurden Eisenstangen von 1 inch Sektion burch ein Gewicht von 27—31 tons = 60,000—70,000 括. zerriffen.

Nach Brunel zerreift bas beste Stabeisen bon berfelben Settion bei 32 tons = 71,680 B.

Nach Bersuchen, die in Rußland angestellt worden sind, trägt bas beste Stabeisen 26 tons = 58,240 fb, bas schlech, teste bloß 14 tons = 51,360 fb.

Distress by Google

e) Rennie's Berfuche aber bie Rraft, burch welche Egblige (alfo de D" bide) Stangen gerriffen merben.

Gugetfen .		riß	burd	1894	tb.
Gufftabl		99	**	8390	"
. Sowedifdes	Stabeifer	1 22	**	4500	99
. Englisches	, ,	**	19	3490	19
Gebammertes	Rupfer	96	99	2270	99
Gegoffenes	99	29	99	1192	**
. " 3ir	ın ·	22	93	- 296	**
00.1	_f			4 . 4	

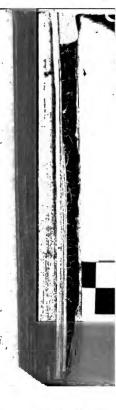
f) Rapier fand bie abfolute Festigfeit von Stangen von 1 Dillimeter nach vielen Berfuchen burchichnittlich:

Kur	Cifenbled	in ber	Nic	tung	bes	2Ba	lzens	3		=	40,8	Ril.
	id. fentred											
Rilr	gewalztes	Rupfe	rbled								21,1	77
	id.	Blei							4.	4	1,35	99
24.	Blad										2.44	

Das Gifen behalt ferner nach Ravier feine Glaftigitat beinabe bis auf & bes Gewichtes, welches buffelbe gerreift, bas Rupfer bis aur Salfte und bas Blei bis etwas über die Salfte biefes Gewichtes.

Um alfo jede Ausbehnung ju vermeiben, barf bas Gifen bochs ftene mit &, bas Rupfer und bas Blei mit ber Salfte ber obigen Bemichte belaftet merben.

g) Barlow's Berfuche geben folgende burchfchnittliche Re-Sultate :



*							.(	Sewichte.	Berreifenbe per [	
							•	~	~	~
									in engl. Di	unden.
> b . I .								(0,58	115	50
Lannenholz		•	•	•	٠	•	•	(0,58 (0,60	129	15
Buchenholz							•	0,70	114	6 <b>6</b>
Eichenholz								{0,77	91	7 <b>7</b>
Cimengois	•	•	•	•	•	•	•	0,92	115	90
Cichenholz				• 1			•	0,60	169	17
Teat .	٠,	•		•	•	•	•	0,86	150	90

h) Starte von Eifen. und Meffingbrahten nach Dus four, aus den Fabriten von la Ferrière und St. Gingolf.

	Dicte in Mill.	Absolute Starte.	Etarte auf
Cifeadraht			,
Mr. 4. pon F.	0,83	48 Ril.	84,4 Ril.
" G.		38,5 %	67,7 "
Nr. 13. " F.	1 1,90	196 "	69,1 ,,
" G.		178 "	62,8 99
Mr. 17. " F.	2,75	382 "	64,3 "
" G.	_	349 "	59,4 **
Nr. 19. " F.	3,70	776 "	72,2 ,,
" G.		644 "	. 59,9 ,,
Messing brabt	0.89	48,5 "	85.2 "
,,	1,90	150 "	54,5 **

Durch Gluben verlieren fie iber die Salfte ihrer Starte.

Dhilland by Googl

## i) Starte ber Seile.

Nach Entelwein rif ein gutes hanfenes Seil von 1 [ Querschnitt durch 10,800 fb. Englische Bersuche geben bei starten Tauen nur 5400 fb auf 1 [ (Emerson an 19,000 fb).

Bei den so abweichenden Angaben von der absoluten Beftigkeit der Materialien, und da manche Umstände sogar sie verandern, laßt sich an keine genaue Berechnung denken; und um sicher zu geben, wird man einem Seile z. B. kaum i des jenigen Gewichts zu tragen geben, welches das Maximum seiner Festigkeit bezeichnet.

Unnahernd mag der erforderliche Durchmeffer d eines Retetengliedes, einer cylindrischen Stange und eines Seiles fur eine gegebene Laft L fich also in Bollen bestimmen laffen:

d = 
$$V_{\overline{11\ K}}^{\overline{14\ L}}$$
 für die Starte der Kettenschalen, d =  $V_{\overline{11\ K}}^{\overline{28\ L}}$  für metallene Stangen, d =  $V_{\overline{11\ K}}^{\overline{42\ L}}$  für hänsene Seile,

wenn K die abfolute Festigkeit fur 1 [" Querschnitt in toln. Pfund ausbrudt.

Beifp. Wie bid muß ein Seil fenn, um 400 Pf. gu tragen, wenn bie absolute Festigleit (K) gu 9000 Pf. angenommen wird?

$$d = V_{\overline{11} \cdot 9000}^{\overline{42} \cdot 400} = V_{\overline{99000}}^{\overline{16800}} = V_{0,16} = 0,4" = 4 300.$$

Wie bid muß eine geichmiedete Rette fen, welche nut Sicherheit 6000 th tragen tann, wenn für Schmiedeeisen H = 70000 ift?

$$d = V_{\frac{14 \cdot 6000}{11 \cdot 70000}}^{\frac{14 \cdot 6000}{11 \cdot 70000}} = V_{\frac{84}{770}}^{\frac{84}{770}} = \gamma_{0,109} = 0.53'' \text{ oder } 4'''.$$

Tredgold gibt an: Um die Tragkraft eines hanffeiles in englischen Pf. 34 finden, soll, man das Quadrat des Umsfangs in Zollen mit 200, und bei Kabeltauen mit 120 multipliziren. — Der Umfang des obigen Seiles = 1,3%, davon das Quadrat 1,7; die Laft also 340 engl. Pf.

k) Bergleichung ber absoluten Testigkeit ber Patentketten von Brunton (G, Fig. 36.) mit baufenen Seilen.

Pater	nifetten.	Barifene Gelle	Gefoichte.
Dian	1. 44	9.0°	12 tons
9)	1"	10" li	18 "
. 99	11	11,"	26 "
**	11	11"	32 "
17	1 5	14 , \$\bar{a}\$ 15"	38 "
29	1 3	16"	44 "
17	11	18"	60
- 17	2"	22 24"	80 "

Mit den Gewichten find biefe Retten und Geile gepruft worden, Lestere gerreifen bei diefem Gewichte, erftere erfordern aber dazu eine doppelt so große Laft.

Dhilled by Google

<sup>\*)</sup> S. Observationes on chain cables by Brunton, Middleton and Ce. 1855.

Da jeboch bie Festigkeit eines Korpers bei ber geringften blet, benben Ausbehung leibet, so ift es vortheilhaft, biese Ketten blog mit einer Last zu prufen, welche dieselben bei ihrem Gebrauche auf Schiffen, Lagerplagen ic. zu erleiben haben. Bufolge biefer Tabelle werden baber Patentfetten von g" Diam. ungefahr 21mal und solche von 2" Diam. ungefahr 2mal so viel wiegen als hanfene Seile von berselben Starte.

## III. Eransversale (oder respective) Seftigkeit.

1) Bersuche mit gußeisenen Stangen, welche in ber Mitte ihrer Lange zwischen zwei Stutyvunkten, deren Entfernung 2' 8" und 1' 4" beträgt, belastet werden.

Grang	e von	1	0"1	lacb	auf	gele	gt	bei	2'	8"	Abstand	riß t	ur	đ,
											re *	1086	tt	5.
99	27			99	bei	1'	4"	Qtb	ftar	ıb,	- THU	2320	,,	,
99	n 1	vie	0	ufge	legt	bei			•		2'8"	851	**	
- 39	29			,	,				, .	. •	1'4"	1587	99	
99	**	3"	Höhe	111	Br	ette	٠.	•	•		1'4"			
99	1 99	99	**	99			1	-		3	2'8"	3588	>>	
Dreisei	tige	Sto	inge t	on		" (	Sef	tion	ı		. 1 025			
-		Δ	aufge	legt			•			•	2'8"	1437	99	
4 11		$\nabla$	**		٠,	- 4	•		•		2'8"	840	**	
		Δ	**						•	٠	1'4"	3060	'n	
		$\nabla$	99		•	•		•	•	•	1'4"	1656	99	

Schneidet man von ber untern Rante prismatischer Stangen

\*) G. Richolfon's pratt. Mechaniter pag. 209.

etwas ab, fo tragen fie (fonberbar genug) etwas mebr. \*)

m) Bersuche mit gußeisernen Stangen von 4 [ "Settion bei einer Entfernung zwischen ben Stutypunkten von 5 feet Stwickt ber Sew. welches

einer Entfernung zwischen ben Stuppuntten bon 5 leet
Sewicht der Gew., welches Stange. biefelbe gerbricht.
in einem Windofen gegoffen 9 tb. 963 tb.
in einem Eupoloofen gegoffen 9 tb. 864 tb.
eine Stange von benfelben Dimenfionen in
der Mitte, deren Sobe aber nach den bei- den Stuppunften zu in Form einer Pa- rabel vermindert 6 tb. 30nz. 874 tb.
rabel vermindert 6 tb. 3onz. 874 tb.
Sie bogen fich alle ungefahr 1 Boll, bevor fie brachen.
n) Barlom's Berfuche mit Biegeln bon 4 inches breit, 2
inches boch und 8" Diftang zwischen ben Stuppunkten.
Ein alter Biegel von gewöhnt. Qualitat brach burch . 343 tb. Ein neuer Biegel brach burch
o) Barlom's Berfuche mit verschiedenen frummen Solgern. ")
Die Sektion aller biefer Solzer mar 2 Dinches.
Die Diftang amifchen ben beiben Stutpunkten mar 5
feet, und die Gewichte murben in ber Mitte ber Solger auf-
gefegt.

<sup>\*)</sup> Diefe werben in ben englischen Dock-yards allgemein mit bem namen Compass timber bezeichnet.

	I.	П.	111.,	lV.	V.
	Ursprüng: liche Rurbe,	Speglf. Gem.	Aufgelegte Gewichte.	Lepte Beugung	Relative Starte.
1. Raturlich frumme	a) 6" a) 8" b) 6" b) 8"	804 820 822 874	764 768 762	4" 8" 4" 5"	5250 6016 6400 6630
2. Rrumm gefcnitten mit ber Gage .	a) 7½" a) 8½" b) 7½" b) 8½"	960 830 938 840	585 568 546 550	41" 61" 21" 11"	4643 4489 4549 4583
5. Runftl. gebogen abers ohne Gagefdnitt	a) 71" b) 71"	798 810	667 617	61" 51"	5257 5413
4. Mit Gagefcon. geb.	a) 8½ b) 8½	886 856	517 517	10½ 6½	=
5. Dit Gagefcon. geb.) mit quabrat, Reilen.	a) 8½ b) 8¼	754 732	712 669	10½ 5¼	5698 5880
6. Mit Gagefchn. geb. su. mit chlinbr. Reilen?	a) 6"	873 873	717 762	11"	5789 6629

Unmert. 1. Die in Col. III. angegebenen Bewichte finb bie, welche bie verschiebenen Sblger gebrochen haben.

2. Die mit a) bezeichneten Holzer wurden so ausgelegt. daß die fontave Seite unten zu liegen fam, und die mit d) bez geichneten so, daß die konveze Seite unten zu liegen fam. Auß der Colonne V. ersteit man, daß in den meisten Fällen die relaxtive Statze bei letzein größer ist, als dei erstellen.

5. Die in Mr. a. 5. s argefabrten Holiger wurden nach bem Plane von Mr. Sooten, Schiffstaumeister in Bootwid, gebogen. Diese Methode besteht barin, daß man an einem Ende bes zu biegenden Holige. oder an beiden Enden sentrecht auf die Richtung in welcher bad Solg gebogen werben foll, ein ober

mehrere feine Schgeichnitte macht, baffetbe bann tocht, und gwar 'so viel Stunden lang, als die Dide bes Holges in Follen vertägte, und endigd demissen vermitteilt eines Apparats mit Preffugaar, von die erforderliche Krümmung albt. Bei den in Nr. 5 anges gebeuen Higher find, wieder bei Deile, welche durch die Shejeinnitte entstanden find, wieder fest mit einnaber durch viererdige Stide den Sichenbotz verbunden. (S. Jig. 54.) Bei den in Nr. 6 begelometen geschiedt bingegen biese Bereinigung vermittelft runder tunferner Bolgen. (S. Jig. 55.)

Ans Col. V erfieht man, daß bie nach biefer einfachen Der thebe geboginen Solzer, und befonbere bie in Itr. a angegebenen, am Starte wenig ben Jolgern nachfteben, welche naturlich gebor und meiftens febr folbar find.

## Nr. 21.

Barlow's Regeln über die Cransversalftarke von hölzernen Balken. \*)

(In englischen Daagen.)

Liegt ein Balten an beiben Enden auf und wird er in ber Mitte belafter, fo biegt er fich zuerft; bricht aber gulett, wenn bie Laft verffarft wird.

Reunt man Breite die auffiegende Seite eines rechminkligen Baltens, und Sobe die vertital ftebende Seite, fo zeigt bie Erfahrung, bag bei fonft gleichen Umftanden:

Balten von gleicher Lange im einf. Berhaltniß ber Breite

ftatter finb. Dber:

$$k : K = \frac{b \cdot h}{1} : \frac{B \cdot H}{J_{c}}$$

Barlom gibt nun folgende Tafel fur bie relative

~			1		 Des was	my orgen with			
Englifdes (	Tid,	en	hol,	3.	1426 [	Pechtanne		. 1	1632
Canadifches		77			1766	Robre			1100
Efchenholz	٠				2026	garche			1127
Buchenholz		٠	٠.		1556	Rothtanne			1341
Himonhair	4				44117				

und folgende Regeln gur Berechnung :

<sup>\*)</sup> Berlow of the Strength of Timber.

A. Wenn ber Balten an einem Enbe befeftigt und am andern belaftet ift.

Man multiplizire die Jahl der Tafel mit der Breite und dem Quadrat der Sibhe des Balkens (in Jollen), und dividire das Produkt durch die Lange (in Jollen).

Beifp. 1) Belde Laft wird einen fohrenen Balten brechen tonnen, ber 2" breit, 6" boch und 20' lang ift?

Untw. 
$$\frac{1100 \times 36 \times 2}{240} = 330$$
 tb.

2) Beldes Gewicht bricht einen Balten von Efdenhols, 7" boch und 7" breit und 3' lang?

Antw. 
$$\frac{2026 \times 7 \times 7^8}{36} = 19303$$
 th.

B. Wenn ber Balten an beiben Enden aufliegt, und in ber Mitte belaftet wirb.

Man multiplizire die Jahl in der Tafel mit der 4fachen Breite und bem Quadrat der Sobe (in Jollen) und dividire burch die Lange.

Beifp. 3) Belde Laft wist einen Balfen von englischem Eidenholz brechen, ber 7" breit, 9" bod und 30' lang ift? (zwischen beiben Auflagen).

$$\mathfrak{Antw.} \quad \frac{1426 \times 81 \times 28}{560} = 8989 \text{ tb.}$$

Unmert. Ift bie Laft auf ber gangen Lange gleichfbrmig vertheilt, fo fann ber Balten eine boppelte Laft tragen. Eine Stange von ben obigen Dimensionen, welche 4500 th wbge; wurde baber vermöge livre eigenen Gewichts bereien.



Fur die Praxis rath Brunton, die durch die Regel gefunbene mögliche Laft auf & berfelben zu beschränken. \*)

Unmert. Da ber Druct, welchen eine Laft auf einen gewissen Punkt eines Körpers ausubt, im Berhaltniffe ift mit ber Disftanz zwischen bemfelben und bem Aufhangungspunkte bes Ges wichtes, so folgt hieraus, baß eine Stange, welche in allen Punkten ihrer Lange ben namlichen Wiberftand leiften soll, nicht aberall biefelbe Sektion zu haben braucht.

Die burch obige Regeln aufgefundenen Dimenfionen beziehen fich auf bie Settion, welche ben größten Wiberftanb gu leiften bat.

Die Settion von 2" Breite und 6" Hohe hat 3. B. ber Balten in Beispiel 1 bloß in dem Punkte zu haben nothig, wo derfelde eingemauert ift, da derfelde am weitesten von dem Bes lastungspunkte entfernt ist. In der Mitte seiner Länge oder 10' von der Last entfernt ist. In der Mitte seiner Länge oder 10' von der Last entfernt, braucht seine Settion bloß halb so viel Widerstand zu leisten, oder bei 6" Hohe 1" Breite zu haben, und bei einer Entsernung von 15' 1 seiner Länge bloß 1 biese Widerstandes, oder bei 6" Hohe 1" Breite, oder bei 3" Hohe 2" Breite zu haben. Bei gleicher Breite wird daher ein Korper, welcher überall benselben Widerstand leisten soll, in der Richtung der Löbe die Form einer Parabel, und bei gleicher Hohe hingegen in der Richtung der Breite die Formeines Oreieses erhalten müssen, bessen Scheitel am Punkte ist, wo die Last angebracht wird.

Die Settion von 9" Sobe und 7" Breite braucht ferner ber Balten in Beispiel 5. blog in der Mitte seiner Lange oder in dem Puntte, wo das Erwicht aufgebangt wird, zu haben. Die beiden Enden bes Baltens haben bingegen blog die balbe Starte zu leften und baher eine Settion von 9" Sobe und 5½" Breite, oder von 44" Hobbe und 44" Breite notifie.

Im Falle bie Laft auf ber gangen Lange biefes Baltens gleichformig vertheilt ift, murbe bie erforberliche Settion in ber Mitte

<sup>\*)</sup> G. Brunton's Compendium. G. 92.

und biejenige an ben beiben Enben

41. Sobe und 7" Breite baben muffen,

Indem man auf diese Art einem Rorper auf feiner gangen Lange biefette State gibt, vermindert man das Material und das Gewicht berfelben bebeutend, wovon auch der Berfuch m. pog. 168 ein Beifpiel gibt.

Bei gleichem Gewicht und gleicher lange tragt eine hoble Stange weit mehr, als eine bichte (ober maffine), benn ber Durchmoffer gift fur bie Bobe.

Bill man finden, wie dict ein hobler Cylinder b von gegebenem Durchmeffer fenn muß, da.nit er fo fart ole ein maffiver a fen, fo dividire man die Rubifgahl des Diameters a burch die breifache Quadratsabl des Diameters b.

Beily Die die muß ein hobler Eplinder von Eifen gegoffen fent, damit, er so fart als ein majwer fep, weum jener 6", biefer 3" Diam. Cat?

851 \* 75 e

Aus Obigem folgt ferner, daß abnliche nut aus gleichem Material gebaute Maschinen relativ fester find, jo tleiner fie find, benn bas Gewicht ber Theile verhalt fich, wie bie Ruben



<sup>\*)</sup> Ein genaueres Refultat wurde man durch die Bergleichung der Formein III. und IV. pag. 79 stes Bandonen erhatten. Hobite Citeuflangen liefert die große Jahrit, von Gaudillog feras, in Befangon.

ber Lineardimensionen, die Starke wie die Quadrate derselben. Ober ift die Maschine A nach einem 3mal kleinern Maagstabe, als die Maschine B gebaut, so ist jeder Theil 27mal leichter, aber nur 9mal schwächer, da die Berkurzung der Stucke die transversale Starke vermehrt.

Weiß man, wie viel ein Balken ober Cylinder von bekannten Dimensionen trägt (oder wenn k, l, h und b bekannt
find), so lätt sich fur einen andern K aus den gegebenen Größen L, H und B finden. Es ift nämlich

für jeden Balken 
$$K = \frac{1 \cdot k}{b \cdot d^2} \times \frac{B D^2}{L}$$
 und für den Cylinder  $K = \frac{1 \cdot k}{d^3} \times \frac{D^3}{L}$ 

Beifp. Wenn ein Eplinder von Aichtenholz ?' lang und 1" bid's 100 th trägt, wie viel trägt ein anderer, ber 8 lang und 9'fi

Winting H = 
$$\frac{100 \times 7' \times 9'' \times 9'' \times 9''}{8' \times 4'' \times 1'' \times 1''} = 65800 \text{ lb.}$$

## Nr. 23.

# Tredgold's Regeln jur Berechnung der Stärke gufseiferner Baume.

1) Will man die Breite einer, an beiden Enben aufliegenden Gußeifenstange finden, um eine gegebene Last zu tragen, die in ber Mitte bruckt -

so multiplizire man den Abstand ober die Lange der Stange in Fußen mit der Last (in Pfunden) und dividire das Produkt durch 850mal das Quadrat der Dicke in Zollen. Der Quotient ift die gesuchte Breite in Zollen.

Beisp. Wie breit muß ein gußeiserner Balten sepn, um 13 Tonnen zu tragen, wenn er 20' lang und 15" bick (hoch) ist? Antw. 13 Tonnen = 15 × 2240 th = 29120 th.

 $15^{9} = 225$ 

Also  $\frac{29120 \times 20}{225 \times 850} = 3,045$ " breit.

2) Will man bie Dide (vber Sobe) ber Stange finden, wenn Lange, Breite und Laft gegeben find -

fo multiplizire man die tragende Lange in Fußen mit der Laft, dividire bas Produkt durch 850mal die Breite und ziehe

aus bem Quotienten bie Quadratwurgel. Diefe wird bie gefuchte Dicte in Bollen fenn. 9)

Beifp. Wie bid muß eine Stange fenn, um 13 Connen gn tragen, wenn bie Breite = 3" ift und bie Lange 20'?

Antw. 
$$\frac{29120 \times 20}{850 \times 3} = 225$$

und V 225 = 15. Alfo 15" bid.

3) Begehrt man, daß die Breite gur Dide ein befimmtes Berbaltnif babe, fo verfahre man alfo:

Gefetzt, die Breite foll & ber Dide betragen, so multipligire man 3mal die Lange ber Stange mit der Laft, dividire bas Produkt durch 850 und ziehe die Rubikmurzel aus. Co findet fich die Dide; und & berfelben gibt die Breite.

Beifp. Die breit und bid muß eine 30' lange Stange fepn, bie 10 Connen (in ihrer Mitte) ju tragen hat, wenn fie 2mal bider als breit fepn foll ?

Cintw. 10 Tonnen = 22400 tb.
Die Breite = 1 Dide.
2 × 30 = 60.

\*) 
$$b = \frac{GI}{850 \text{ d}^4}$$

\*50 b d\* = GI

\*d\* =  $\frac{GI}{805 \text{ b}}$ 

\*d =  $\sqrt{\frac{GI}{850 \text{ b}}}$ 

\*Decrease of the statement of the statement

12

und 
$$\frac{50 \times 22400}{850} = 1581$$
.

V 1581 = 111. Alfo muß bie Stange 111' bid und 51" breit fevn.

- 4) hat die Stange eine ichiefe Lage, fo bleiben obige Regeln biefelben; nur nehme man ben magerechten Abstand awischen ben Auflagen fur bie Lange ber Stange.
- 5) Liegt bie Laft nicht in ber Mitte auf, so multiplizire man ben karzeren Abstand mit bem langeren, und bividire bas 4fache Produkt burch die ganze Lange. Was sich ergibt, wird nun statt ber Lange bei ber Berechnung angenommen, die nach ben brei ersten Regeln vollzogen wird.
  - Beifp. Wie breit muß ein 12' langer und 111" bider Gifenbalten fepn, um 15 Lonnen ju tragen, bie 3' von bem einen Enbe aufliegen?

Mint w. Der furgere Abftand = 5'; ber langere = 9'.

$$5 \times 9 = 27$$
,  $4 \times 27 = 108$ .  $\frac{107}{12} = 9$ .

9' tommen hiemit als Lange in die Rechnung, die nach Regel 1. alfo angenommen wird:

$$\frac{53600 \times 9}{850 \times (11\frac{1}{4})^2} = \frac{33600 \times 9}{850 \times 126\frac{1}{4}} = 2 \frac{22''}{27}.$$

6) Benn bie La ft auf dem gangen Balten gleich formig vertheilt ift, fo bedenke man, bag ein folder bann boppelt fo viel ale in ben obigen Fallen tragen tann. Man kann baber



bet ber Rechnung gang wie vorbin verfahren, wenn man bie Dalfte ber wirklichen Laft als Laft in bie Rechnung bringt,

7) Ift bie Stange an einem Ende btfeftigt, und tragt bas andere bie Laft, so gelten bie gleichen Regeln, nur fette man als Divisor 212 ftatt ber 3abl 850.

Muf diese Beise laft fich die erforderliche Starte der Babne

an Rabern berechnen.

rifer

einst

8) Will man ben Durchmeffer eines maffiven chlindrisichen Baumes finden, ber ftart genug fem foll, um ein in ber Mitte aufliegendes Gewicht ju tragen -

fo multipligire man das Gewicht in Pfunden mit der Lange bes Baumes (in Fußen), bivibire das Prodult durch 500 und ziehe bie Rubifmurzel aus. Diefe gibt den Darchmeffer in Jollen.

9) Wenn die Laft nicht in ber Mitte aufliegt, so multipfizire men ben furgeren Abftand mit bem langeren; und das Produkt mit bem Afachen Gewicht ber Laft in Pfunden. Diefes Predukt bivibire man sodann durch boofmal die ganze Lange in Fußen und ziehe wieder die Kubikwurzel ans bem Quotienten. Diefe gibt ben gesuchten Durchmesser is Jollen.

NB. Aues Dbige bezieht fic auf englifche Maage. Biel mehreres noch findet fich in Arebaolo's Wert aber Die Erdre bes Gifens.



### Nr. 24.

#### Don Raderwerken.

Unter Raberwerk begreift man eine Zusammenstellung von Rabern, welche sich an verschiedenen Achsen befinden, doch so mit einander in Verbindung stehen, daß durch die Underehung bes einen Rabes diesenige aller abrigen Raber ebenfalls geschiebt. Diese Mitteilung der Bewegung kader obenfalls geschiebt. Diese Mitteilung der Bewegung be, geschehen; indessen ber Mittel, 3 B. durch Seile ohne Ende, geschehen; indessen sind die Raberwerke ein besonders sieden und in vielen Fallen vortheilhaftes Mittel, und besonders da anzuwenden, wo eine genaue Bewegung statt haben (wie in Uhrwerken) oder wo eine große Krast fortgepflanzt werden muß.

3mei an der gleichen Belle figende Rader machen in berfelben Zeit gleich viel Umgange, welchen Diameter fie auch haben mogen; die Umfangegeschwindigkeiten verhalten fich aber wie die Salbmeffer ober Durchmeffer.

Unter bem Durchmeffer eines Rabes versteht man benjenigen bes Berührungsfreifes pox (His. 37.) ober Theilfreifes, auf wels dem die Jähne eingelheilt werden. Diefer Berührungsfreis (cerclo primitif, pitch line) liegt immer zwisches dem außersten Kreise bes Mades und dem Kranze. Unter Schrift (engl. pitch, franz. denture) versteht man die Starte no eines Jahnes neht bessen koden von der Witte eines Jahnes bis zur Mitte bes nachtsfogenden.

3wei ineinandergreifende Raber an verschiedenen Bellen haben hingegen gleiche Umfangegeschwindigkeit; die Bahl der Umgange verhalt sich aber umgekehrt wie die Durchmester, oder umgekehrt wie die Bahl der Bahne, da diese dem Durchmesser proportional son muß.

hat bas Rab A 24 Zahne und B 6, so macht biefes 4mal mehr Umgange.

Saben beibe gleich viel Zahne, fo ift auch bie Zahl ber Umgange gleich und nur bie Bewegung berfelben in entgegengesetzter Richtung.

Greift A in B und B in C, so hat B keinen Ginfluß auf bas Geschwindigkeiteverhaltnis von A: C; hat A 8mal so viel Babne ale C, so macht C 8mal so viel Umgange; B bient nur jur mittelbaren Berbindung, und macht aufferbem, daß C sich nun in berselben Richtung wie A breht.

III

abil

giget

f Reb

cercle

ife dei nture)

p ober

Bei allen Raberwerten hat man bie treibenben und bie getriebenen Raber wohl zu unterfcieben, obicon man gewohnlich bie kleineren Getriebe nennt.

Bei ben Rabermerfen hat man vornehmlich bas Berbaltnig ber Gefcwindigfeiten und ber Kraft gur Laft ju beftimmen.

Bei dem Raderwerte (Fig. 38.) ift das Berhaltniß der Kraft H ju L (fur ben Zustand ber Rube und ohne Rudficht auf Reibung) wie das Produkt der halbmeffer von a, b und o ju dem der halbmeffer A, B, C.

man bie Bahl der Bahne figet ber Dalbmeffer.

Man bat alfo:

$$\mathbf{K} : \mathbf{L} = \mathbf{a} \cdot \mathbf{b} \cdot \mathbf{c} : \mathbf{A} \cdot \mathbf{B} \cdot \mathbf{C}.$$

$$\mathbf{und} \ \mathbf{K} = \frac{\mathbf{a} \cdot \mathbf{b} \cdot \mathbf{c}}{\mathbf{A} \cdot \mathbf{B} \cdot \mathbf{C}} \times \mathbf{L}.$$

$$\mathbf{L} = \frac{\mathbf{A} \cdot \mathbf{B} \cdot \mathbf{C}}{\mathbf{a} \cdot \mathbf{b} \cdot \mathbf{c}} \times \mathbf{K}.$$

Bettp. Eine Last L von 300 Pf. foll vermittelst ber Welle o von 4" Mad. gehoben werden. Die Getriebe a und b haben jedes 6 Stocke, B 24 und C 30 Jahne; mie viel Kraft muß an der Kurbel angebracht werden, deren Lange (Madius) 18" ist?

 $2.00 \pm 0.00 \pm$ 

Die Umfangegeschwindigfeiten verhalten fich umgefehrt mie R : L, b. h. mabrend L 31 fteigt, macht die Sand an ber Rurs bel einen Weg von 300'.

Wirft on der Welle a die Kraft und befande sich die Last an dem Rade A. so nutste sich die Kraft zur Last wie 300 : 31 verhalten, und die Last bewegte sich 90mal schneller.

Rechnuing ju tragen, die Zahl ber Zahne von B und C um 1 und fete:

$$H = \frac{6.6 \cdot 4}{18 \cdot 23 \cdot 29} \times 500 = 5,59 \text{ tb.}$$

Distress by Google

Die Reibung oder der Theil der Kraft, welcher dadurch bei der Museinanderwirkung von zwei Radern verloren geht, kann durch  $\frac{f \, Q \, (r + r') \, a}{r r'}$  ausgedrückt werden, wo i den Reibungskoefficienten, Q die zu transmittirende Kraft, a die Schrift der beiden Rader und r und r' die Radien derselben bedeuten. Die anzuwendende Kraft wird also  $= Q + \frac{f \, Q \, (r + r') \, a}{r r'}$  sepn mussen. Aus diesem ergibt sich, daß die Reibung desto größer ist, je größer die Schrift der Rader ist. Die kleinste Reibung wird statt haben, wenn die Rader gleichen Diameter haben oder r = r' ist. Kaun dies nicht der Fall sepn, und sollen sich die Räder mit verschiedenen Geschwindigkeiten bewegen, so ist es vortheilhaft, ihre Diameter so groß als möglich zu machen.

If i. B. 
$$f = 0.1$$
 und  $a = 0.1$ , so iff für  $r = r' = 1$  die anzuwendende Kraft oder  $P = Q + \frac{0.01 \times 2}{1} = Q + r_0$  Q. für  $r = r' = 2$  —  $P = Q + r_0$  Q. für  $r = r' = 4$  —  $P = Q + r_0$  Q. für  $r = r' = 4$  —  $P = Q + r_0$  Q. für  $r = 2 = und$   $r' = 6$  —  $P = Q + r_0$  Q.

Gewöhnlich wird  $P=Q+\gamma_s$  Q oder die Reibung zu  $r_s$  der zu transmittirenden Kraft angenommen.

Obichon biefe Reibung ichon ziemlich beträchtlich ift, und man alfo darauf bedacht fepn muß, das Raderwert so einfach als möglich zu machen, um den verlangten 3wed zu erreichen, so ist es doch bisse weilen vortheilhaft, und befonders da, wo die Differenz der Diameter zweier Rader zu beträchtlich ware, die Anzahl der Rader um etwas

ju vergrößern, und fo ein gunftigeres Berhaltniß in ben Diametern zweier in einander eingreifender Rader hervorzubringen.

Beträgt die Theilung ober Schrift 2", so sollte der Umfang bes Rades bei 10 Babnen 20", bei 15 Babnen 50" ic. betragen und ber Halbmeffer wurde sich finden, wenn man den Umfang durch 2 × 3,1416 = 6,2832 dividirte.

Da nun aber die Theilung auf einem Rade mit dem Zirkel immer als. Sehne aufgetragen wird, welche kurzer ist als der ihr korrespondirende Kreisbogen, so folgt hieraus, daß man auf obige Art bloß den Umfang eines Vieledes und daher einen zu kleinen Werth für den Nadius erhält, und daß, da das Verhältniß zwischen der Länge des Vogens und der Sehne mit dem Nadius abnimmt, die Diameter der Nader der Anzahl ihrer Zähne nicht proportional seyn können. \*) Dieser Umstand ist in folgender Tabelle von Donfin (siehe Buchanan's Millwork), welche den Halbmesser für jedes Nad von 10 bis 280 Zähnen bei einer Theilung von 2" angibt, berücksichtigt worden.

$$r = \frac{t}{2 \times \sin \frac{180}{n}}$$

wo r ten Rabius, t die Schrift und n die Angahl von Bahnen bedeutet.

Gar ein Rab von 45 Bahnen mare 3. 3.

Da Sin. 
$$\frac{480}{n}$$
 = Sin.  $4^{\circ}$ . = 0.06977 1ft.

bei einer Theilning von 2"

$$r = \frac{2}{2 \times 0.06977} = 14^{\circ\prime},536.$$

Whited by Google

<sup>\*)</sup> Diefe Tabelle fann nach folgender Formel berechnet werden:

Tafel.

Bahne	Rabins in Zollen.	Bahne.	-Rabius in Zollen.	Bahne.	Radius in Bollen.
10	3,236	40	12,746	70	22,289
11	3,549	41 1	13,064	71	22,607
12	3,864	42	13,382	72	22,926
13	4,179	43	13,700	73	23,244
14	4,494	44	14,018	74	23,562
15	4,810	45	14,336	75	23,880
16	5,126	46	14,654	76	24,198
17	5,442	47	14,972	77	24,517
18	5,759	48	15,290	78	24,835
19	6,076	49	15,608	79	25,153
20	6,392	50	15,926	80	25,471
21	6,710	51	16,244	81	25,790
22	7,027	52	16,562	82	26,108
23	7,344	53	16,880	83	26,426
24	7,661	54	17,198	84	26,741
2.5	7,979	55	17,517	85	27,063
26	8,296	56	17,835	86	27,381
27	8,614	57	18,153	87	27,699
28	8,931	58	18,471	88	28,017
29	9,249	59	18,789	89	28,336
30	9,567	60	19,107	90	28,654
31	9,885	61	19,425	91	28,972
32	10,202	62	19,744	92	29,290
33	10,520	66	20,062	93	29,608
34	10,838	64	20,382	94	29,927
35	11,156	65	20,698	95	30,245
36	11,474	66	21,016	96	30,563
37 -	11,792	67	21,335	97	30,881
38	12,110	68	21,653	98	31,200
39	12,428	69	21,971	99	31,518

Dignered by Google

Sahne.	Radius in Zollen.	Babne.	Rabius in Zollen.	Babne.	Rabius in Bollen.
100	31,836	130	41,384	160	50,933
101	32,155	131	41,703	161	51,251
102	32,473	132	42,021	162	51,569
103	32,791	135	1 42,339	163	51,888
104	33,109	134	42,657	164	52,206
105	33,427	135	42,976	165	52,524
106	33,746	136	43,294	166	32,843
107	34,064	137	43,612	167	53,161
108	34,382	138	43,931	168	53,479
109	34,700	139	41,249	169	53,798
110	. 35,018	140	41,567	170	54,116
111	35,337	141	44,885	171	. 54,434
112	35.655	142	45,204	172	54,752
113	35,974	143	45,522	173	55,078
114	36,292	144	45,840	174	55,389
115	36,611	145	46,158	175	55,707
116	36,929	146	46,477	176	56,026
117	37,247	117	46,795	177	56,344
118	37,565	148	47,113	178	56,662
119	37,883	149	47,432	179	56,980
120	38,202	150	47,750	180	57,299
121	38,320	151	48,068	181	57,617
122	58,858	152	48,387	182	57,935
123	39,156	153	48,705	185	58,253
124	39,475	154	49,023	184	58,572
125	39,793	155	49,341	185	58,890
126	40,111	150	49,660	186	59,209
127	40,429	157	49,978	187	59,527
128	40,748	158	50,296	188	59,845
129	41,066	159	50,615	189	60,163

Zāhne.	Rabius in Zollen.	Bahne.	Rabius in Zollen.	3åhne.	Rabius in Bollen.
190	60,482	220	70,031	250	79,580
191	60,800	221	70,349	251	79,898
192	61,118	222	70,667	252	80,216
193	61,436	223	70,985	253	80,534
194	61,755	224	71,304	254	80,853
195	62,073	225	71,622	255	81,171
196	62,392	226	71,941	256	81,489
197	62,710	227	72,258	257	81,808
198	. 63,028	228	72,577	258	82,126
199	63,346	229	72,895	259	82,444
200	63,665	230	73,214	260	82,763
201	63,983	231	73,532	261	83,081
202	64,301	232	73,850	262	83,399
203	64,620	233	74,168	263	83,717
204	64,938	234	74,487	264	84,038
205	65,256	235	74,805	265	84,354
-206	65,574	236	75,123	266	84,673
207	65,893	237	75,441	267	84,991
208	66,211	238	75,760	268	85,309
209	66,529 **	239	76,078	269	85,627
210	66,848	240	76,397	270	85,946
214	67,166	241	76,715	271	86,265
212	67,484	242	77,033	272	86,582
213	67,803	243	77,351	273	86,900
214	68,121	244	77,670	274	87,219
215	68,439	245	77,988	275	87,537
216	68,757	246	78,306	276	87,855
217	69,075	247	78,625	277	88,174
218	69,349	248	78,943	278	88,462
219	69,712	249	79,261	279	88,810

Es last fich baraus leicht ber Salbmeffer fur jede andere Thei-

Beifp. Wie groß ift ber Rabius eines Rabes von 125 Bahnen bei einer Ebeilung von 31"?

Unt w. Die Tafel gibt für eine 23ollige 39,795" an, man febe alfo: 2: 31 = 39,793": x ober 64,664".

Ift tas Berhaltniff m: n ber Geschwindigkeiten, welche zwei in einander eingreifende Raber haben sollen, und die Entfernung ihrer beiden Mittelpunkte oder die Summe ihrer Radien gegeben, so kann man die beiden Radien selbst durch folgende Proportion finden:

$$r + r' : r = m + n : m.$$

$$unb r = \frac{m(r + r')}{m + n}$$

Auf geometrifche Art fann man bieselben mit größter Leichtigteir finden, indem man ein Dreied conftruirt, wovon die eine Seite = r + r', die andere Seite m + n ift und aus dem Theilungspuntte zwischen m und n eine Parallellinie mit der dritten Seite des Dreiedes giebt.

In einer Reife von Radern, wovon immer zwei in einander greifen, ift es am vortheilhafteften, wenn ihre Gefchwinbigfeiten Glieder einer arithmetischen Reibe find.

Man findet den Unterschied der Geschwindigkeit einer Achse und der darauf solgenden wenn man die kleinste Geschwindigkeit von der größeren absieht und durch die Angahl von Raderpaaren weniger 1 theilt.



Beifp. Gine Achfe, welche 50 Umgange per Minute macht, foll einer anderen Achfe ihre Bewegung vermittelft 4 Raberpaare mittheilen, fo daß legtere nur 3 Umgange per Minute macht.

$$\mathfrak{Antw.} \quad \frac{30-3}{4-1} = \frac{27}{3} = 9.$$

Die 2te Achse muß also 3 + 9 = 12

und die 3te . . 12 + 9 = 21 Umgange per Min, machen.

Aus diesen verschiedenen Geschwindigkeiten kann man leicht die Anzahl der Zähne an den Rädern berechnen, vermittelft welchen sie hervorgebracht werden konnen.

Bei Rabern, welche eine große Kraft fortzupflanzen haben, und bei welchen auf die Genauigkeit ihrer Bewegung nicht viel ankommt, muß man immer sehen, daß sich die namlichen Zähne so selten als möglich begegnen. Um dies zu bewirken, gibt man den Radern eine Anzahl von Zähnen, welche sich durch keine Zahl theilen läßt, indem man die gefundene Anzahl von Zähnen eines Rades um 1 vermehrt oder vermindert, wodurch keine nachtheilige Beränderung in der Geschwindigkeit veranlaßt wird.

Um die Angahl von Umgangen gu finden, nach welchen fich bie namlichen Jahne gweier Rader von neuem begegnen, verfahre man auf folgende Weife: \*)

Man theile die Anzahl ber Jahne des großen Nades durch die bes kleineren Rades. Bleibt kein Rest, so zeigt der Quotient die Anzahl von Umgangen des großen Nades an, nach welchen dies geschieht.

<sup>\*).</sup> S. Guide du meunier par O. Evans.

Bleibt ein Reft. so theile man die Angahl von gabnen bes tleinen Rades burch benselben. Bleibt alebann fein Reft, so zeigt der Quotient wiederum diese Angahl von Umgangen an. Bleibt hingegen ein Reft, so ist die Angahl der Umgange des großen Rades,
nach welchen sich die nämlichen gabne wieder begegnen, gleich der Angahl von gabnen des kleineren Rades.

Beifp. Es feven zwei Rader von 36 und 48 3ahnen gegeben. Nach wie viel Umgangen des größern Nades werden fich die namlichen Jahne wieder begegnen?

$$\frac{56}{42} = 5.$$

nach 5 Umgangen bes großen Rabes. Burde hingegen bas lleinere Rab 37 Jahne haben, so murben bie namlichen Jahne erst nach 57 Umgangen bes großen Rabes wieber gusammentreffen.

## Nr. 25.

# Dimentionen der verschiedenen Theile an Radern.

Schrift. Da bie Schrift immer gleich ist ber Summe einer Zahndicke und einer Lucke, so laft fie fich leicht bestimmen, sobald die erforderliche Dicke ber Jahne gefunden ift.

Der Lucke zwischen je zwei nebeneinander liegenden 3ahnen gibt man bei gußeisernen Jahnen, welche nicht ausgearbeie
tet werden,  $\frac{1}{10} - \frac{1}{12}$ , bei solchen, welche ausgearbeitet (ges
breht und geseilt werden)  $\frac{1}{20}$  und bei hölzernen  $\frac{1}{6} - \frac{1}{4}$  mehr
als die Zahndicke beträgt, um ben ineinandergreisenden Zahnen
einigen Spielraum zu verschaffen.

Die Dimensionen ber Zahne hangen gang von ber Natur bes Materiales ab, aus welchem sie bestehen und von bem Drucke (P), ben dieselben auszustehen haben, und kounen nach folgender Formel:

$$P = \frac{R a b^a}{61}$$
 (Siehe 2tes Bandchen S. 79)

berechnet werden, wo a die Breite, b die Dicke und l die Hohne der Zahne in Sollen ober Sentimetern ausgedrückt, R hingegen das erforderliche Gewicht in Pfunden oder Kilos grammen bedeutet, um eine Stange von 1 []" oder 1 [] Centimeter zu zerbrechen.

Man fieht aus dieser Formel, daß man einem Zahne, welcher einen gegebenen Druck aushalten soll, bennoch eine beliebige Dicke geben kann, wenn man die andern Dimensionen berfelben barnach bestimmt.

Je kleiner man die Dicke ber Jahne und baher die Schrift annimmt, besto sanster und regelmäßiger wird ber Gang bes Triebwerkes son, besto größer muß aber auch bei einem gegebenen Drucke die Breite ber Jahne gemacht werben, und besto teträchtlicher wird das Gewicht bes Rabes senn. Je höher ferner dieselben sind, besto größer ist die Angahl berselben, welche zu gleicher Zeit in einander eingreisen, besto starker muffen sie jeboch gemacht werben.

Buch auan gibt baber fur Trausmiffioneraber, b. h. fur folde, welche eine große Rraft fortzupflanzen haben, folgende Berhaltniffe zwifchen ber Dicte b, ber Breite a und ber Sobie I ber Bahne an (wie aus nachstehender Tabelle zu ersiehen ift), welche jedoch nach Bedarf etwas berandert werden tonnen:

Der Lange des Jahnes über bem Zweilfreise gibt man ferner 0,54 b = 0,43 l und unter dem Theilfreise 0,66 b = 0,55 l. Die Entfernung zwischen den Kranzen zweier in einander greifender Raber ift daher = 2 × 0,66 b = 1,32 b und ift



D ber Diameter bes Theilfreifes, S ber außere Diameter bes Rabes und S' ber Diameter bes Kranges, fo ift

> S = D + 0.9 bunb S' = D - 1.1 b.

Shr kleine Raber in Spinnereien, Webereien zc., welche geschnitten ober wenigstens nach metallenen Mobellen gegoffen werben, beträgt bie größte Sobe der Zahne l = 1,8 b.

#### I. Bahne von Oufseifen.

Durch eine Reihe von Wahrnehmungen, welche Buchanan an Rabern angestellt hat, die sich bei Wasserwerten und Dampfmuhlen als fehr gut und dauerhaft bewiesen haben, ift derselbe auf folgende Regel zur Berechnung ber Dimensionen ber Jahne gekommen:

Bei einer Geschwindigkeit von 2,27 feet per Schunde (am Theilfreise gemessen) ist die angemessen Starke in Pserder kraften gleich dem Produkte der Breite mit dem Quadrat der Dicke und getheilt durch die Hohe der Zahne (in Inches aus gedrackt) ober  $k=\frac{a\times b^2}{l}$ 

und nach biefer Angabe ift folgende Tabelle von Carmichael berechnet morben :

Bernonti's Babemecum I.

in firmer

= 0,551

uder grev

i oan

Thei= ung in	Dide	Breite	Lange.	Pferdetr	aft bei e	iner Gef	div. vo
Bollen.	in 3	ollen.	zunge.	2,7'	3'	6'	11'
4,2	2,0	8,0	2,40	13,53	17,61	55,23	64,6
5,99	1,9	7,6	2,28	12,03	16,90	31,80	58,30
3,78	1,8	7,2	2,16	10,8	14,27	28,54	52,32
3,57	1,7	6,8	2,04	9,63	12,72	25,54	46,68
3,36	1,6	6.4	1,92:	8,53	11,27	22,54	41,32
3,15	1,5	6,0	1,8	7,5	9,91	19,82	36,53
2,94	1,4	5,6	1,68	6,53	8,63	17,26	31,64
2,73	1,5	5,2	1,56	5,63	7,44	14,88	27,28
2,52	1,2	4,8	1,44	4,80	6,34	12,68	23,24
2,31	1,1	4,4	1,52	4,03	5,32	10,64	19,54
2,10	1,0	4,0	1,20	.3,33	4,40	8,61	16,15
1,89	0.9	3,6	1,08	2,70	3,57	7,14	13,09
1,68	0,8	3,2	0,95	2,13	2,81	5,62	10,33
1,47	0,7	2,8	0,84	1,63	2,15	4,30	7,88
1,26	0,6	2,4	0,72	1,20	1,59	3,18	5,83
1,05	0,5	2,0	0,60	0,83	1,10	2,20	4,05

Buchanan nimmt hier eine Pferdekraft zu 200 pounds 3 $\frac{2}{3}$  feet hoch per Sckunde gehoben oder zu 44000 pounds 1 foot hoch per Minute an. Sie ist daher ungefähr = 400 K × m und daher um  $\frac{1}{4}$  größer, als nach unserer Ansnahme.

Demnach ubt eine Pferdefrast bis 3 feet Geschwindigkeit per Sckunde auf jeden Zahn einen Druck aus  $=\frac{44000}{3\times60}=$  244,44 H = 110<sup>k</sup>,83 aus. Bei einer Geschwindigkeit vort 6 feet ist derselbe hingegen =  $2\times140,85=221^k,66$ . Die Festigkeiten der Zähne verhalten sich daher bei gleicher Schrift

Ing and a Goodgle

umgekehrt, wie ihre Geschwindigkeiten. Haben z. B. die Zähne eines Rades 6. Breite,  $1.5^{\circ}$  Dicke und  $1.8^{\circ}$  Hohe, so ist der Druck, welchen das Rad erleiden kann, bei einer Geschwins digkeit von 2.27 feet per Sck.  $=\frac{6\times(1.5)^2}{4.8}=7.5$ 

Pferdefrafte =  $\frac{7.5 \times 44000}{2.27 \times 60}$  = 2426 fb, bei einer Ge-

schwindigkeit von 6 feet per Sek.  $=\frac{6\times7,5}{2,27}=19,82$ 

Pferdekräfte =  $\frac{19.82 \times 14000}{6 \times 60}$  = 2426 B.

Mus biefer Regel fann folgender Werth fur R gefunden werben:

$$\frac{R}{6} = 322$$
 pounds,

und man erhalt baher ben Druck, welchen bie Zähne eines Rades erleiden konnen, in pounds, wenn man die Breite ber Zähne mit dem Quadrate der Dicke und mit der Zahl 322 vervielfacht und durch ihre Hohe theilt oder

wo alle Maage in Inches ausgedruckt werden muffen.

Bei Unwendung von Centimetern erhalt man bingegen folgenden Druck in Kilogrammen :

$$\frac{R}{6} = 22,70$$
und  $P = \frac{22,70 \text{ a b}^2}{1}$ 

Bergleicht man diesen Werth von  $\frac{R}{6}=22,70$  oder R=136,20, mit dem Gewichte von 2800 Kil. (f. 2tes Band, chen S. 80), welches erforderlich ift, um eine gußeiserne Stange von  $1 \Box^{em}$  zu zerbrechen, so sieht man, daß derselbe etwa das Zwanzigsache desjenigen beträgt, welcher hier anges wendet werden darf.

Solzerne Zahne durfen hingegen, da fie mit viel größes rer Leichtigkeit wieder erfett werden konnen, wenn fie brechen, und da die Fehler derfelben fichtbarer find als bei gußeisernen, mit dem zehnten Theil des Druckes belaftet werden, welcher ben wirklichen Bruch veranlaffen wurde.

Gett man in die Formel

$$P = \frac{22,70 \text{ a b}^2}{1}$$

die oben angegebenen Berhaltniffe

$$a = 4 b$$

$$1 = 4.2 b$$

fo erhalt man:

$$P = \frac{22,70 \times 4 \text{ b}^2}{1,2} = 76 \text{ b}^2$$

und baber b = VP Gentimeter.

Digitized by Google

Beifp. 1) Es brude auf die Jahne eines Rabes eine Rraft von 1600 Kil., welche Dimenfionen find benfelben zu geben?

Antw. b = 
$$V_{\overline{1600}} = 4,6$$
 Centimeter.  
a = 18,4 Cm.

1 = 5.5

2) Ein Rad, bessen Theiltreis einen Umfang von 6 Meter hat, habe eine Kraft von 12 Pferbetraften fortzupflanzen und 15 Umgange per Minute zu machen. Wie start muffen seine gahne gemacht werden?

Antw. Die Geschwindigseit der Jähne
$$= 6 \times 15 = 90^{\circ} \text{ per Minute}$$

$$= 1,50^{\circ} \text{ per Sekunde,}$$

$$\text{baher } P = \frac{12 \times 75}{1,50} = 600 \text{ Kil.}$$

$$\text{b} = \frac{12 \times 75}{1,50} = 2,8 \text{ Centimeter.}$$

$$\text{a} = 11,2$$

$$\text{l} = 3,36$$

$$\text{die Schrift} = 2 \times 2,8 + \frac{2,8}{12}$$

$$= 5,84 \text{ Cm.}$$

# II. Bolgerne Bahne.

Um sowohl die Reibung zu vermindern, als auch die Reparation zu erleichtern, werden febr oft die Jahne des groffern Rades aus hartem Holz (meistens aus Hagebuchenholz) gemacht.

Da dieses holz gewöhnlich 4mal schwächer als bas Gußeisen ift, basselbe aber mit bem zehnten Theile bes Gewichtes, welches seinen Bruch veranlassen wurde, das Gußeisen aber blog mit bem zwanzigsten Theile derselben beladen werden darf, so muß die Stärke hölzerner Zähne doppelt so groß seyn, als bei gußeisernen nud die Dicke bestelben 4,4mal die Dicke der gußeisernen sehn, und man ist alsbann genotigt, den gußeisernen Jähnen des keinern Rades die nanliche Dicke und Schrift zu geben. In diesem kalle vermindert man jedoch die Breite der Jähne des Getriebes.

Man erhalt baber bie Dice in Centimetern burch folgende Kormel:

$$b = 1.4 \times \frac{VP}{8.75}$$

$$= VP$$

Her Benoit ") gibt folgende Dimensionen fur die Jahne von 2 Nadern an, von welchen bie des einen von Holz, die des andern von Gusteisen sind, welche aus der Formel b = 9 · VT berechnet sind, wo P die Angahl von Pferdefraften bedeutet, welchen die Radder fortzupkanzen faden.

Da Berhaltnif ber Breite gur Dicke nimmt er babei wie 5 : 4 au.

<sup>\*)</sup> G. Bufdge gu O. Evans guide du meunier,

Druck a	uf den Jahn	Dimensione	n der Sahne in	Millimete
I. Kilogr.	II. Pferdefraft	III. Dicte.	IV.	V. Breite
80	1	9,0	10,8	45,0
160	2	12,7	15,3	65,5
240		15,6	18,7	78,0
320	4	18,0	21,6	1-90.0
400	5	20,1	24,1	100,5
480	6	22,1	26,4	110,5
560	7	23,8	28,6	119,0
640	8	25,5	30,5	127,5
720		27,0	32,5	155,0
800.	10	28,5	34,2	142,5
880	41	29,9	35,8	149,5
960	12	31,2	37,4	156,0
1040	15	32,5	38,9	162,5
1420	14	35,7	40,4	168,5
1.200	15	54.8	41,8	174,0
1280	16	56,0	43,2	180,0
1360	17	37,1	41,5	1.85,5
1440	18	58,2	45,8	191,0
1520	19	59,2	47,0	196,0
1600	20	40,3	48,2	201,5
1680	21	41,2	49,5	206,0
1760	22	42,2	50,7	211,0
1840	25	45,2	- 51,8	216,0
1920	24	44,1	52,9	220,5
2000	25	45,0	54,0	225,0
2880	JE 136	-54,0	64,8	270,0
3920	49	63,0	75,6 %	315,0
5120	- 64	72,0	86,4	360,0
6480	81	81,0	97,2	405,0
8000	100	90,0	108,0	450,0

Diese Tabelle gilt nur fur eine Umfangegeschwindigkeit von 1" per Sekunde. Far jede andere Geschwindigkeit mußte man nur die in der Tabelle angezeigte Dicke durch die Quadratungel biefer Geschwindigkeit (in Metern ausgedruckt) theilen. Die andern Dincussionen wurden sich alebann leicht aus der gefundenen Dicke berechnen lassen. Die Schrift beträgt das Doppelte der in Sol. III. augegebenen Zahndicke und der ersorderliche Spielraum von & bie Ta kann aus der Dicke der gusteisernen Zahne genommen werden.

#### III. Don ben Bahnen an Radern, die gang von folg gebaut find.

Die Raber, welche noch jetzt in altern Muhlwerfen angetroffen werden, find meistens gang von holz, und bie Bahne bes Getriebes bestehen gewöhnlich aus cylindrifchen Stoden, welche zwischen zwei Scheiben befestigt find.

Meumann ") gibt Folgendes über bie Größe ber Schrift an: bei Mublen mit Vorgelege und genugfamem Baffer

 $4\frac{1}{2} - 5''$ 

id. mit haufigem Baffermangel . . . 53 - 43" bei boppelter Berkammung und breiten

Babnen tann bie Theilung 3" fleiner

fenn, alfo . . . 33" - 43" und 31" - 41"



<sup>\*)</sup> G. Baffer: Mahl:Mablenbau von R. Reumann. Berlin 1848.

bei Rabern, welche haufigen Stofen ausgefett find, muß biefelbe . . . 5 1/2 - 6" betragen.

Rach ihm wird die Schrift in 7 gleiche Theile eingetheilt, wobon 3 fur Dicke und 4 fur die Breite genommen werden.

Die Stode bes Getriebes erhalten hingegen 54 Theile, und ber Spielraum beträgt baber I- ber Schrift. Die Lange ber Zahne beträgt & bis & ber Schrift und ber Theillreis befindet fich auf & ber Sobie bes Jahnes.

#### Angahl und Starke ber Arme eines Rades.

Die Anzahl ber Arme ift felten geringer als 4, und hangt faft gang von ber Große bes Rabes ab. Gewohnlich find fie aus Gugeisen. (Arme aus geschmiedetem Gifen werben fast nur bei Schwungrabern und Bafferrabern angewendet.)

Gewohnlich ift die Breite der Arme an dem Umfreise & berjenigen an der Krone, und um denselben mehr transversale Kestigkeit zu geben, wird in der Mitte der Breite, der Länge nach, eine Rippe angebracht. (Fig. 39.) Die Dicke der Arme ift meistens & der Breite des Rades.

Aredgold gibt folgende Tabelle fur Raber von 1 M. Diameter an:

Druck auf bab Rab	Breite a in Gentim.	Breite ber Rippen		
. 10	4,20 .	1,2.		
40	6,00	2,00		
80	8,00	3,00		
138	8,50	3,90		
214	9,70	- 6		
430	11,64	6,80		
- 580	12,12	8,25		
730	13,10	8,73		
870	15,80	9,70		
1100	14,50	10,67		
1210	15,50	11,64		
1500	16	12,60		
1750	16,90	13,68		
2200	17	14,06		
2300	47,50	16,50		
2660	18	17		
2840	18,50	17,95		
3220	19 .	19		
3500	19,50	19,40		

Diese Dimenfionen sind in der Mitte ber Armlange genommen. Fur ein Rad von verschiebener Grege hatte man
nur die hier angegebenen Dimensionen mit ber Quadratwurzel
ber Armlange in Metern zu verbielfachen.

## Nr. 26.

## Berechnung des Wafferdrucks.

Befindet fich Maffer in irgend einem Gefage ober Bebalter, fo erleiben sowohl die Seiten (ober Banbe), als auch ber Boben bes Gefages einen Drud.

Diefer Drud richtet fich nicht nach ber Menge ober bem Gewichte bes im Gefage überhaupt enthaltenen Baffers, sonbern nach ber Sobe bes Bafferstandes, bei gleicher Boben ober Seitenflache.

a) Um ben Gesammtbruck bes Baffers auf bie Boben, flace gu finden, berechne man erft die Flace in Quadrat Fuffen ober Zollen, multiplizire dieselbe mit ber Sobe bes Bafferstandes und bann mit bem Gewichte von 1 Kub.' ober Rub." Baffer. (D = S × h × k.)

Welche Gestalt die Mande haben, ob sie senkrecht find oder nicht, ift dabei gleichgultig. Der Boben einer Flasche mit einem engen und langen halse erleidet daber einen weit größeren Druck, wenn sie bis oben gefüllt ift, obicon die Baffermenge badurch nur um weniges vermehrt wird. Die

Große des Drudes hangt baber gar nicht von der Quantitat ber Aluffigkeit ab, welche benfelben bervorbringt.

Beifp. 1) Die groß ist der Wasserbruck auf den Boden eines Behalters, wenn derfelbe ein Rettangel bildet und 404' lang und 43' breit ist, und das Wasser 6' tief fieht.

Antw. Die Bodenflache beträgt 101 × 41' = 451 [. Diefe mit 6 multipligirt geben 273 Rub'.

Wiegt nun ber Kubit-Fuß Wasser (frang. M.) 70 tb, fo ift ber Gesammtbrud = 70 × 273 = 19110 tb.

2) Wie groß ift ber Drud auf einen freierunden Boben von 5' Diameter, wenn das Baffer 11' boch ift?

Untw. Die Blache ift = 5° × 0,7854 = 19□',64.

Der Drud alfo = 19,64 × 70 × 11 = 15120 tb.

b) Um ben Druck bes Waffers auf die gange Seitenfläche zu finden, wenn diese senkrecht ift, multiplizire man diese Flache mit der mittlern oder halben Sobe des Wafferstandes, und dann noch mit dem Gewicht des Waffers.  $(D=S'\times \frac{h}{2}\times k)$ \*).

Beifp. 1) Wie groß ift ber Seitenbrud in einem rettangularen Behalter, wenn er 7' lang und 3' breit ift, und bie Bafferbobe 44' betragt?



<sup>\*)</sup> Dieselbe Regel hat ebenfalls ftatt, wenn die Seitenfidge schief ift. Man findet den Drud auf dieselbe, wenn man die benegte Kidde mit der sertrechten Entsernung vom Wasterniveau bis gum Mittels punfte der Kidde und ferner mit dem Gewichte des Wassers vietsacht.

- Antw. Der Umfang ist = 2 × 7' + 2 × 5' = 20'. Die benezte Flace = 20 × 4½ = 90 0'. Der gange Druck also = 90 × 2½ × 70 tb = 14157 tb.
  - Anmert. In einem tubischen Gefage ift jede ber 4 Seiten ber Grundfidche gleich, und jebe erleibet, wenn es voll ift, halb fo viel Druck als bie lestere; ber Gefammtbruck, ben bas Baffer ausübt, beträgt alfo gerabe bas 3fache feines Gewichts, ober 3mal
- Beifp. 2) Die groß ift ber gange Seitendruck in einem cplindrifchen Gefaß, das 5' im Durchmeffer hat und 8' hoch Waffer enthalt?

fo viel ale ber Drud auf ben Boben allein.

- Antw. Die benezte Seitenstäche = 5,14 × 5 × 8 = 125,6 []. Diese mit 4 (halbe Höhe) multiplizirt = 502,4 und 502,4 × 70 tb = 35168 tb.
- c) Jeber gleiche Theil bes Bobens erleibet benfelben Druck; jeder gleich große Theil ber Bande aber einen um so größeren, je tiefer er liegt; man findet ben Druck, wenn man jenen Theil der Flache mit dem mittlern Abstande unter dem Wafferniveau und dem Gewicht des Waffers multiplizirt.
  - Beifp. Bie ftart ift ber gange Drud gegen ein 16' breites Schleusenthor, bas 9' unter bem Baffer fteht; und wie groß ber Drud gegen einen Schieber, ber 2! | ' halt und beffen Centrum 2' vom Boden absteht?
  - Antw. Der ganze Orne ist = 16 × 9 × 4½ × 70 = 45560 tb. Da die mittlere Druchohe 9 2 = 7' ist, so ist der Orne 7 × 2½ × 70 = 1102.5 tb.
    - Unmert. Seber fieht hieraus, wie fehr in hohen Pumpenrohren ber Wafferbrud gegen biefelben mit ber Tiefe gunimmt, und wie

ndtisig es wird, die unteren Rohvenstäde immer flater ju machen. hat eine folde einen Unsang von 2- mu fi fie 80' foch, so erleibet der unterste Tugl der Rohve einen Drug von 70 × 79½ = 5565 Pfund, tvährend der oberste nur von (4 × 70) oder 55 Pfund gedräckt wird. Gendesprozen werden Danmen und Mauern, die dem Agier ausgesesse werden bieder gemacht. Ihr Profit soll, streng genommen, ein Oreieck bilden; allein es verkeit sich von seibst, daß sie oben stets eine arwise Erkarbe besten missen.

Daffelbe bat ftatt, wenn ein bobles und jugefchloffenes Ge-

3. B. bradt auf jeben [ 'ein Gewicht von 7000 Pfunb.

#### Bestimmung der Diche von Schntzbrettern.

Diefen gibt man gewöhnlich in ihrer gangen Sobe bie namliche Dide; es versteht sich von felbst, daß dieselbe fur die größte Pression und hiemit far die unterfte Zone des Schupbrettes berechnet werden nuß.

Mit die Breite berfelben = L,

bie Bobe ber Bone, bie man fo flein als moglich an-

bie Druckhohe ober Differenz vom Niveau bis zum Centum ber Zone = H, und bas Gewicht eines Aubikmeters (1000 Kil.) ober eines Aubikfußes (34 Kil.) Wassers = 3, so ist die gesammte Presson P auf die Zone oder:

 $P = 3 \times H \times L \times a$ 

Und da die Resistenz des Schutzbrettes ungefahr das Bierfache der Presson betragen muß, um keinen Schaden zu erleiden, so hat man:

$$\delta \times H \times L \times a = \frac{4 \operatorname{Rab}^2}{6}$$
folglich  $b = L \times \sqrt{\frac{5}{2} \times \frac{\delta}{B}}$ 

Mo b die Dicke bes Schuthrettes und R die Refistenz des Materials, aus welchem daffelbe gebaut ift, von 1 \subsection Censtimeter Sektion bedeuten.

Beifp. Wie did muß eine Wanne von Cichenholz von 25 Centimeter Breite gemacht werden, deren unterfte Seite 1,90 M. unter dem Baffer liegt?

Untw. Ed ift alfo bier:

L = 75 Cm.

H = 190 Em.

R = 690 Kil.

3 = 0,001 Ril. (Gewicht eines Rub. Em. Baffers)

folglich:

b = 75 
$$\times$$
  $\sqrt{\frac{3 \times 0,001 \times 190}{2 \times 690}}$   
= 1,524 Em. Dice bes Schufbrettes.

#### Peftimmung der Diche von Wassermauern. (Batardeaux.)

Das Baffer wirft zu gleicher Zeit auf zweierlei Urt auf eine Baffermauer:

- 1) fucht es biefelbe fortaufdieben,
- 2) fucht es biefelbe um eine Kante herum ju breben und hiemit umzuftargen.

Um das erstere zu vermeiden, muß durchaus die Reibung, welche zwischen der Mauer und dem Boden, worauf sie steht, statt hat, und welche ungefähr ein Drittel ihres Gewichtes ist, größer senn, als die mittlere Pression des Wassers. (Unter mittlerer Pression verschet man diejenige, welche im Somerpunkte der Mauer statt hat.) Um das Hermiteschen der Mauer zu vermeiden, muß das Moment des Gewichtes derfelben gleich senn dem Momente der mittleren Pression des Bassers.

Hr. Poncelet findet durch Rechnung folgende Proportion zwischen ber Dide E ber Mauer, welche er aberall gleich groß annimmt, und ber Druckbbe H ober der Entfernung bes Schwerpunktes ber Mauer vom Niveau. )

E = 0.408 H.

Damit bas Maffer nicht burch bie Mauer hindurchbringe, muß biefelbe wenigstens 1 Meter bid fenn. Man gibt alfo

<sup>\*)</sup> G. Cours de mécanique industrielle par Poncelet. 5. Theil.

allen benjenigen, welche einer Drudbofe von weniger als 2 DR. ausgesetzt find, eine Dide von 1 DR.

Mauern, welche Fluffe begrengen und zu gleicher Zeit ben Druck bes Baffers und ben Druck ber obern Erbschichten zu erleiben haben, gibt man auf ber Salfte ihrer Sobe eine Dicke = F ber ganzen Sobe berfelben.

Mernaulfita Mahamerum I

the tenty Google

#### Nr. 27.

### Meber einige andere Gefetze der Sydroftatik.

1) Gine fluffige Maffe ift nur bann in Rube, wenn ihre Dberflache fich in horizontaler Lage, b. b. fentrecht zu ber Richtung ber Schwerfraft befindet.

2) Ift ein fester Korper leichter als die Fluffigkeit, in welche er gebracht wird, so wird er auf derselben schwimmen, zugleich aber so weit darin eintauchen, bis das Wasser, welches der eingesenkte Theil bes Korpers verdrängt hat, an Gewicht bemienigen des Korpers felbst gleich ift.

Es verhalten fich hiemit immer die eigenthumlichen Ges wichte bes festen Rorpers und ber Fluffigkeit wie die eingetauchte Portion bes Korpers jur Größe bes gangen Korpers.

Ift ein Korper g. B. viermal leichter als die Fluffigfeit, so wird er in berfelben um & feines Gewichtes eintauchen, benn alebann verdrängt er eine Maffe Baffers, die eben so viel Gewicht hat ale ber gange Korper felbft.

Auf biesem Prinzipe beruht bie Auffindung des spezifisichen Gewichtes eines Korpers. (Siehe Nr. 16.) Soll ein

Körper, der spezisisch schwerer als Wasser ist, auf demselben schwimmen, so wird er mit einem Körper, der spezisisch leichter als Wasser ist, verbunden. Ist das absolute Gewicht des leichteren Körpers = p, dasjenige des schwereren P, und ist das spezisische Gewicht des leichteren Körpers n, dasjenige des schwereren m, so hat man:

$$P(m-1), n = p(1-n), m.$$

Beifp. Wie viel Tannenholz hat man nothig, um 12 Kil. Steintoble schwebend zu erhalten?

Antw. Da das spezifische Gewicht des Tannenholzes = 0,55, das der Steinkohle = 1,35, so hat man:

12 
$$\Re il. \times (1,33-1) \cdot 0,55 = p (1-0,55) \cdot 1,35$$
.

and 
$$p = \frac{12 \times 0.33 \times 0.55}{0.45 \times 1.33} = 4$$
 Kil. Cannenholz.

Theilt man die 4 Kil. durch 0,55, fo erhalt man bas Wolum bes erforderlichen Tannenholzes in Anbitdezimetern ansgedrückt.

3) Gleichartige Fluffigkeiten sind in communicirenden Rohren, welche Gestalt, Lage und Sektion dieselben haben mogen, nur dann in Rube, wenn ihre Oberstäche sich in einerlei Horizontalebene befinden. Gine kleine Masse Wasserkann also einer großen Masse bei einerlei Druckhobe vollkommen das Gleichgewicht halten.

Unmert. Diese Regel hat nur flatt, wenn bie Fichsigfeit in beiben Schenkeln ber Robre von einerlei fpezifischem Gewichte ift. Ift bies nicht ber Fall, so wird die Sobie ber schwereren Fluffigeteit, welche ber leichteren bas Gleichgewicht halt, so viel mal eteiner fenn, als ihr fpezififches Gewicht größer ift als baffetbe ber leichteren Ruffigfeit.

Da 34 B. das Quecfilber 15mal ichwerer ift als Waffer, fo fann in einer zweischenkligen Rohre eine Saule Queckilber von 1" Sohe einer Waffersaule von 13" Johe bas Gleichgewicht halten. Auf diese Art laßt sich ziemlich genau bas fpezisische Geswicht einer Flussigeteit sinden. (S. Nr. 16.)

## Nr. 28.

# Berechnung der hydraulischen Preffen.

Diefe nugliche und fo haufig angewandte Maschine be-

Bird namlich die Hohe des Waffers im engern Schenkel einer Rohre durch Hereinsprigen von neuem Waffer um
etwas vergrößert, so wird jeder Punkt sowohl in diesem als
in dem weitern Schenkel einen und denselben Druck erleiden;
die Totaldrucke auf die Wafferflachen der beiden Schenkel werden sich also zu einander verhalten wie die Sektionen der
Schenkel selbst, oder wenn diese kreissormig sind, wie die Quadrate ihrer Diameter, oder:

$$\begin{array}{c} P:P'=D^2:D'^2\\ \text{folglid}\;P=P'\;\frac{D^2}{D'^2} \end{array}$$

Die Kraft P, welche einer Last P' bas Gleichgewicht halt, muß also besto kleiner senn, je kleiner die Sektion des Schenkels ber Kraft zu berjenigen bes Schenkels der Last ist. Es gilt aber auch hier wie überall bas Prinzip der virtuellen Geschwindigkeiten.

Gewöhnlich wird das Hereinspritzen von Waffer in den kleinen Schenkel mit einer Pumpe bewerkstelliget, welche man noch in Berbindung mit einem ungleicharmigen Hebel bringt, um noch mehr an Kraft zu gewinnen.

Ift D ber Diameter ber Pumpe, D' berjenige bes Druckeplinders, L ber Hebelarm ber Kraft k, L' berjenige ber Last P,

fo hat man :

$$k: P = D^2 L': D'^2 L.$$

Aus biefer Proportion laft fich leicht einer biefer Werthe berechnen, wenn bie andern gegeben find.

Beisp. 1. Es sep der Diameter der Pumpe D = 1".

Derjenige des Druckeplinders D' = 9".

Der Hebekarm der Kraft L = 36".

Derjenige der Last L' = 9".

Wie groß muß die Rraft fenn, um einen Drud von 3564 Ril. in dem Drudeplinder bervorzubringen?

Antw. Die Quadrate der Diameter verhalten sich zu einander wie 1:81. Da sich nun die beiden Hebelarme zu einander verhalten wie 36":9" = 4:1, so verhalt sich die Kraft zur Last wie 1:81 × 1324.

Um hiemit einen Drud von 3564 Kil. hervorzubringen, braucht es eine Kraft von  $\frac{5564}{324}=11$  Kil.

ober 
$$k = \frac{P \times D^2 \times L'}{D'^2 \times L} = \frac{5564 \times 1 \times 9''}{(9'')^2 \times 36''} = 11 \text{ Mil.}$$

Dir izidin Google

Die Kraft, welche an bem langeren hebelarme angebracht ift; muß indeffen einen Weg von 2 x 524 = 648" beschreiben, damit der Rolben im Druckplinder um 1" vormarts schreite, ba bie Dumpe nur im heruntergeben wirft.

Beifp. 2. Wie groß muß der Diameter einer Pumpe fepn, damit vermoge einer Kraft von 20 Kilogrammen (mit welcher ein gewöhnlicher Arbeiter mit Leichtigfelt auf den Hebelarin wirten fann) ein Drud von 2000 Kilogrammen auf den Kolben des Drudrofinders hervorgebracht werbe?

Das Berhaltnif ber Kraft gur Laft ift hiemit wie 20:2000 = 1:100, und ba bas Berhaltnif ber Sebelarme wie 1:4 ift,

fo muffen fic bie Quadrate ber Diameter wie 1:  $\frac{100}{4} = 1:25$  und die Diameter felbst wie 1:5 verhalten. Sat alfo ber Orudcollinder einen Diameter von 50", so muß die Pumpe einen

Diameter von 30 = 6" haben, ober :

$$D = \sqrt{\frac{k D^{\prime *} L}{L^{\prime} \times P}} = \sqrt{\frac{20 \times 50^{2} \times 4}{2000 \times 4}} = 6 \text{ goll.}$$

Da ber Druck, welcher bei folden Pressen hervorzubringen ist, gewöhnlich immer zunimmt, je langer man fortfahrt zu arbeiten, so sollte, um dieselben mit einer toustanten Kraft betreiben zu können, die Geschwindigkeit bes Kolbens in dem Druckplinder in eben diesem Werhaltnisse beständig vermindert werden. Dies hat Spiller in seinen neuen Pressen, welche mit Leichtigkeit durch irgend einen Motor in Bewegung geseht werden können, berucksichtigt, und in benselben das Spiel der beiben Pumpenftangen so kombinirt, daß die Quantität Waffer, welche bei einem Umgange des Motors in den Druckplinder eingesprizt wird, immer wie kleiner wird.

In Bramah's Preffe, welche gewöhnlich von Menschen bewegt wird, find hingegen zwei Pumpenftiefel vorhanden, wovon der eine einen kleineren Durchmesser hat, als der andere, so daß im Aufange der Operation mit dem weitern, spater mit dem engern gearbeitet wird.

## Nr. 29.

Waltermenge, die aus Belfnungen fliefst bei konftanter Druckhöhe.

Bringt man in bem Boben ober ber Band eines Baferebehalters eine Deffnung an, so fließt um so viel mehr Bafer in berfelben Zeit aus, je größer die Deffnung ift und je tiefer fie unter bem Baffernibeau befindlich ift.

Bei übrigens gleichen Umftanden verhalt fich die in einer Minute 3. B. aussließende Menge in der Regel

- 1) wie die Quadrate ber Durchmeffer bei freisrutiden Deffe nungen, und überhaupt wie die Beite (ober Sektion) berfelben;
- 2) wie bie Quabratwurgel ber Drudfobe ober bes mittlern Albftanbs ber Deffnung unter bem Niveau.
- Beifp. Liefert ein Sahn; ber 1' unter ber Mafferlinie eingesethift, in 1 Minute 3 Maaß, so wird er 4' tief 6 Maaß, und 9' tief 9 Maaß liefern, wofern die Fluffigfeit in gleicher Sobe erhalten wird. \*)

Bernoulli's Babemecum I.

<sup>9)</sup> Bei einer amatgebieren Liefe ift- ber Peut allerdings amat geber; es fann aber bod nur die doppette Menge austaufen; dem damit zmal mehr in berfelben Beit ausstießt, muß jeder Waffertheil auch zmat geschwinder laufen. Es wird also amal mehr Bewegungetraft, biemit Drud, erfordert.

Da die Geschwindigkeit des ausstließenden Waffers von ber Druckhobe abhangt, so solgt hieraus, daß bei einer Seitenbffnung das Waffer nicht in allen Punkten derselben die namliche Geschwindigkeit hat. Ift die Hohe der Deffnung klein, so weichen aber die verschiedenen Geschwindigkeiten darin nicht diel von einander ab, und man kann alsdann die Entsernung des Schwerpunktes der Deffnung vom Niveau als mittlere Druckhobe annehmen.

Ueberhaupt zeigt die Ersahrung, daß zwischen ber Bewegung des Waffers und bem freien Falle ber Rorper einerlei Gefete flatt finden.

Es ift auch bier wieder die burch die Drudbbe h ers zeugte Geschwindigkeit bes Maffers ober:

v = 
$$V_{2\text{ gh.}}$$
=  $V_{19,62\text{ h}}$  in Metern
=  $V_{60\text{ h}}$  in partser Fußen
=  $V_{64\text{ h}}$  in englischen Fußen



Nach Boffut fließen por Minute aus einer treikrunden Deffnung von 4" Diameter (je nachdem blefelbe in einer ganz bannen Platte angebracht ober mit einem kurzen Ansabrofre versehen ift): bei 4" Oruchbbe 2722 Kub." ober 5559 Kub."

n 4' n 5456 n n 7070 r

Die Wassermengen verhalten sich also fast gang genau wie V 4: V 4: V 9 gber wie 4:2:5.

Für eine ganz freie und ungehinderte Bewegung des Waffers wurde man also die Menge ausfließenden Waffers per Sekunde finden, wenn man die auf diese Weise berechnete Geschwindigkeit mit dem Flacheninhalte der Deffnung verviels sachen wurde.

Da nun aber das Wasser, wenn es aus einer Deffnung fließt, sich von den Wänden derselben einigermaßen losreißen muß und die verschiedenen Strahlen desselben nicht parallel zu einander aus derselben fließen, sondern nach allen Richtungen hin, so erleidet der Wasserstadt dabei eine Contraktion, welche die Menge des ausstließenden Wassers merklich versmindert. Es muß also, um die essektive Menge Wassers zu sinden, welche in einer Sekunde aus einer gegebenen Dessnung hinaussließt, die theoretische Menge, welche durch obige Formeln berechnet wird, noch mit einem Bruche multiplizit werden, welcher durch die Ersahrung zu bestimmen ist und sehr viel von der Form der Dessnung und der Druckhohe abhängt.

Fur Deffnungen, welche am Boden des Gefäßes angebracht find, gibt die Erfahrung folgendes Berhaltniß zwischen der effektiven Menge und ber theoretischen, welche bier als Einheit angenommen wird:

Für eine Drudhohe 200 mal großer als der Diam. ber Deffnung 0,615

-	100	-	_	-	0,618
	10				0,620
_	9	-			0,621
	8		_	-2:	0,622

Fii	r eine Druc	thohe 7 me	l größer	als ber	Diam. ber	Deffnung	0,623
	_	6			-		0,625
	- 11	.5	_	-	-		0,627
		4	-	-	- I		0,630
	-	3		_			0,633
	_	. 2	_	_		77 4	0,637
	il de	1	-	-	_	1.5	0,642
		. 0,1 bis	0,15	-	_		0,650
	~1. ~	.:		would	ishana Qin	5.4	Mus.

Fur Seiten flachen und verschiedene Langen bes Aus, fluprobres:

Långe	= 0					٠		•		0,6096	
-	4 mal	ben	D	ian	ietei	r			,	0,6196	
_	gleich	bem	D	iat	nete	r	٠		٠	0,7071	
- desar	2mal	ben	Ð	ian	neter	•				0,8157	
	21		_							0,8221	
	3	-	_							0,8201	
	4	-	_				÷			0,8179	
										0 2005	

Aus biefen Tabellen geht hervor, daß, je großer die Druchbbe ift, befto fleiner die effettive Menge ausstliegenben Baffere im Berhaltniß zur theoretischen ift, und daß ferner biefelbe am großten ift, wenn man die Seitenbffnung mit einer Ausflußrohre verseht, beren Lange 24mal ben Diameter ber Deffnung beträgt.

Der Coeffizient, ben man gewöhnlich in ben Rechnungen anwendet, ift = 0,63.

Man hat alebann fur bie effektive Menge ausfließenben Baffere per Schunde:



M = 4,88 × S × V h in Rubitfußen \*),

M = 2,78 × S × V h in Rubifmetern

und M = 5.1 × S × V h in englischen Ruffen.

wo S ben Flacheninhalt ber Deffnung in | ober Meter, b bie Drudbbbe in Aufen ober Metern bebeutet.

Die auf diese Beise gefundenen Baffermengen gelten inbeffen nur fur den Fall, wo das Baffer beständig auf dem nämlichen Niveau erhalten wird, und also der Behalter fortwährend mit neuem Baffer gespeist wird. (\*\*)

#### Beifpiele.

L In einem beständig voll erhaltenen Behalter beträgt der 21b Kanb bes Miveau vom Centrum einer circularen Deffnung von 3" (0',25) Diameter oder die Orudbobe 16'. Die viel Baffer wird in 12 Setunden auslaufen?

Antw. Fur eine Setunde hat man folgende Baffermenge:

 $S = 0.7854 \times (0.25)^{\circ} = 0.049 \,\Box'$ 

folglich:

M = 4,88 × 0,049 ×  $V_{\overline{16}}$  = 0,9565 Kub.'

und in 12 Sefunden = 12 × 0,9565 = 11,478 Kub.'

\*\*) Bante gibt (in feinem Werte aber Mahlen) folgende Regel fur englische Maage an :

(2) Man multipitire die Quadratwurgel der Denatthhe ober leife in Egiben mit 5.4 und noch mit ber Geftion der Definung in [], man erhält alsbann die Menge bes auspießenden Wassers in Aus. per Getunde. Diefe Regel gibt die Wassermenge ein Bischen gebber an als obige Formet.

<sup>•)</sup>  $M = 0.65 \times S \times V_{\overline{h}}$  $V_{\overline{h}} = 0.63 \times S \times V_{\overline{h}}$ 

II. Ein Gefaß erhalt per Seinnbe 280 Rub." Infuß, wie groß muß der Diameter einer freisformigen Deffnung fenn, wenn ihr Centrum 12' unter dem Wafferspiegel liegen foll, damit eben so viel Waffer ausstieße, als der Buffuß beträgt?

Untw. 
$$M = 4.88 \times S \times Vh$$
  
 $S = \frac{M}{4.88 \times Vh} = \frac{280 \text{ Rub."}}{4.88 \times V144"}$   
 $= 4.78 \text{ D"} = 0.7854 \text{ D°}$   
folglich  $D = V\frac{4.78}{0.7854} = 2".46 \text{ Diam. der Deffnung.}$ 

M. In einem Schleusenthore befindet fich ein 4' langer und 7" breiter Schieber, beffen Centrum 10' unter bem Bafferspiegel steht, wie viel Zeit braucht es, bamit 522 Kub. Baffer beraus fliegen?

Untw. Die Baffermenge per Gefunde wird fenn:

$$M = 4.88 \times 4 \times \frac{7}{12} \times V^{10}$$
  
= 56 Sub.'

folglich braucht es 322 = 141 Sefunde Beit.

- IV. Es brude auf die Oberfläche des Wassers in einem Splinder ein messingener Kolben von 6" Dide. Wie groß wird die Geschwindigkeit des ausstießenden Wassers im Anfange sepn, wenn die Deffnung 5' tief unter dem Niveau liegt?
- Antw. Da das Messing ungefahr 8mal schwerer als das Wasser ist, so ist die Presson des Kolbens gleich derzeuigen einer Wassersäule von 8 × 6" = 48" = 4'. Es ist also die totale Oruchöbe auf die Dessnung = 5 + 4 = 9', solglich die Geschwindigkeit oder:

$$\mathbf{v} = \sqrt{60 \times 9}$$

= 23',24 per Setunde.

3ft bie Sobe ber Deffung im Berhaltnis auf die Dructhobe giemlich groß, wie bies 3. B. bei oben offenen rechtwintligten Deffnungen in ben Seitenwänden eines Behalters ober Kanals der Aul ift, so find die Geschwindigfeiten ber ausstießenden Mafferftrablen febr von einander unterschieden und die Menge berfelben merklich vermindert. Man multipligire alsbann das Probult, welches man in bem erften Falle erhalt, noch mit 3 ober:

Beifp. Wie viel Baffer lauft burch einen Schlit, ber 6" breit und 5" tief ift, in 46-Setunden?

Antw. 
$$S = 6 \times 5 = 50 \, \square'' = 0,2083 \, \square'$$

h = 5'' = 0',4166.

 $M = 3 \times 4.88 \times 0.2083 \times \sqrt{0.4266}$ 

= 0,4374 Rub.' per Setunde.

= 0,4374 × 46 = 20,12 Rub.' in 46 Setunden.

# Anhang.

# Beschwindigkeit und Gewalt des Windes,

Nach Smeaton hat bei folgenden Geschwindigkeiten folgender Druck statt:

Geschwindigfeit in 1 Gef.	Druck auf 1 Quadr.	
1,47 engl.' 4,40 " 14,67 " 27,34 " 58,68 " 117—146 "	0,005 tb. 0,044 n 0,492 n 1,968 n 7,873 n 31-49 n	faum bemerklich bemerklicher Wind windig fehr windig ausservebentlicher Wind Orkan, der Baume und Häu- fer umfürzt.

Die Kraft des Windes gegen 1 []' einer unbewege lichen Flache findet fich ubrigens:

a) Nach der Theorie . . . 
$$=\frac{g^2}{2h}$$
. p und

b) nach Woltman's Versuchen = 
$$\frac{g^2}{3h}$$
 p

wo g die Geschwindigseit des Windes pr. Set, p das Gewicht von 1 Rub.' Luft, und h die Fallbohe eines Korpers in 1 Set. ausbruckt.

Da nun nach engl Maaßen h = 16,1 u. p.  $= \frac{5}{4}$  Unzen, so erhält man für eine Geschwindigkeit von  $58\frac{2}{3}$ :

nach a. 5 Pfb. 9 Ungen, und nach b. 8 , 5 ,

Beicht die Flache und zwar mit einer Geschwindigkeit = v, so ift ber fentrechte Drud

# Geschwindigkeit des Schalls.

Die Luft pflanzt bei einer Temperatur von 14° R. ben Schall in 1 Set. auf eine Weite von 1742 Toisen ober 1048 par. Ruß fort.

1º R. oder C. vermehrt ober vermindert die Gefcwin-

Bei 10° R. burchlauft ber Schall alfo nur 1000'.

Beber ber Barometerstand, noch bie Starke bes Schalls scheint bie Beschwindigkeit zu andern.

Nach hrn. Collabons Versuchen auf bem Genfersce pflanzt bas Waffer ben Schall einer Glocke in 1 Sekunde 4700 Fuß weit fort.

Die Fortpflanzung des Lichts ift hingegen fo aufferordentlich schnell, daß fie als inftantan angesehen werden fann.

# Geschwindigkeit abgeschalfener Augeln.

Saben die Kanonen die erforderliche Lange, so verhalten fich bie Unfangegeschwindigkeiten ber Rugein

- 1) wie die Quadratwurzeln der Pulvermengen, wenn die Gewichte der Rugeln gleich find, und
- 2) umgekehrt, wie die Quadratwurzeln biefer Gewichte bei gleicher Pulvermenge.

Erhalt daber eine Rugel durch 2 16 Pulver eine Geschwinbigkeit von 500, so wird dieselbe durch 8 16 eine doppelte und durch 18 16 eine dreisache erlangen.

Ober gibt 4 16 Pulver eine Geschwindigkeit von 900'. so wird eine 4mal schwerere nur 450'; eine 9mal schwerere nur 300' Geschwindigkeit haben.

Die Versuche bes berühmten hutton lehrten, baß itt gutes Kanonenpulver eine Apfündige Rugel mit einer Geschwindigkeit von 1500 franz. Fuß oder 1600 engl. Fuß in 1 Sek. abschießt; darnach ergibt sich folgende Tafel der Ladungen im Verhättniß zum Gewicht der Kugeln und der Geschwindigskeiten in franz. Fußen.

Labung.	Geschw.	Labung.	Gefchw.
žia	475'	3	708'
1,8	500'	8	750
15	153'	1	802'
11	648'	1 8	865
1,2	5684	1	959'
¥13	598'	· i	1061
132	613'	3	2123'
11	- 640'	å	1500'
10	672'	1	1225'

Ueberhaupt ist die Geschwindigkeit =  $1500 \times \sqrt{\frac{2 p}{P}}$  wenn p die Ladung und P das Gewicht der Angel ausbrückt.

Anmert. Je größer indeffen die Ladung ift, besto weniger wird alles Pulver sich gleichzeitig und baber überhaupt entzünden tonnen; baber die Regel nur in gewissen Grenzen gelten kann.

Mr. Distandby Google

TOOK THE COUNTY

n de la companya de l

# Vademecum des Mechanikers

ober

# Praktisches Handbuch

für

Mechaniker, Maschinen: und Mühlenbauer, und Techniker überhaupt

non

Prof. Christoph Bernoulli.

Dritte Auflage, nochmals verbeffert und vermehrt von des Obigen Sohne, Joh. Gustav Bernoulli.

> Bweites Bandchen. Mit einer Steinbrudtafet.

Stuttgart und Tübingen, in der J. G. Cotta'fchen Verlagshandlung. 1 8 3 6.

nos papara apres per mana la como de la como

## 3 n b a l t.

****		
1.	Ausfluß des Waffers aus Behaltern, die feinen Bufluß erhalten	4
2.	Berechnung von Wafferpumpen	6
3.	Berechnung größerer Pumpen	11
4.	Reibung bes Rotbens in Pumpenfliefeln	19
5.	Gefdwindigfeit bes Waffere in Flaffen, Ranalen u. a	22
6.	Bewegung bes Waffers in Ranalen und Rohren und Bes	,
	ftimmung ber Reigung berfetben	25
7.	Bon ben Bafferrabern	51
5.	Verschiebene Theile ber Wafferraber	41
9.	Beifpiele gur Berechnung ber Bafferraber	47
10.	Berechnungen über Mahlen	52
11.	Anwendung der verfchiedenen Arten Bafferraber gur Bewegung	
	eines Mahisteins	55
2.	Starte ber Materialen	58
15.	Bom fenerechten Widerstande ber Korper	60
4	Longitubinaler Wiberftanb berfelben	67
15.	Transversalstarte ber Rorper	76
16.	Dide ber Wellzapfen	86
17.	Ausbehnung ber Rorper burch bie Marme	97

Mr.					,			Selte	
18.	Bon be	n Schor	ufteinen .					105	
19.	Spezifif	che Wart	ne ber Ri	rper		٠.		115	
20.	Bon ber	. Seipfra	ft verschie	bener Brei	nmateriale	в		117	
21.	Ueberga	ng ber S	brper vor	n feften 31	iftanbe in 8	en fruf	ligen	119	
	Data		erechus		Damy fm	. (			
		•		ng oon	20 mm p p m	u j uj t it i	. 14 .		
22.		Dampf					• •	124	
25.		, .			Dampfinasch			152	•
24.					en			145	
5.				s bei Expe	nsionemasch	inen .	• •	153	
26.	Bon be	n Geblas	en				:	159	0
			21	nhang:				• 0	
Real	ein får 5	as Bohr	en und 91	bbrehen an	Beiferner C	nlinber		177	
					fes jum To			3	
~~	Projettil				100 00000			182	
	3. 4.0 1			**					
							1001		
							1 11		
			-			1	- "		
		/						,	-
							1.		
					4				
					100		9.1		
			• ×		,		•	12,	
								116"	
								1 0-	
								. 1	
			,				1.		_
							•		No.
									46
				-	-			-	200
						-			-
									- Chi
									4

## Mr. 1.

e . The dea Che whiteen

Ausfluß bes Waffers aus Behaltern, bie teinen Zufluß erhalten.

Erhalt ein Wafferhehalter keinen Zufluß, fo ninumt die. Druckhohe des Waffers, so wie er sich ausleert, immer-mehr und mehr ab, und wird zuletzt = 0.

Da sich nun die Geschwindigkeiten des ausstießenden Wassers wie die Quadratwurzeln der Druckhohen verhalten, so verhalten sie sich auch wie die Geschwindigkeiten eines fallenden Körperd. Der Kaum, den ein Körper in einer gewissen Zeit t durchfällt, dessen Geschwindigkeit v ist, kann durch den Flächeninhalt eines Dresecks ausgedrückt werden, dessen Basis t und dessen Höhe v ift. Es ist aber alsdann dieser Naum  $=\frac{v\,t}{2}$ 

Ein Körper hingegen, der sich von Anfang an fortwaßerend und gleichförmig mit der End-Geschwindigkeit v jenes Körpers bewegt, wird in einer Zeit t einen Weg = vt und folglich einen doppelt so großen Weg zurucklegen, als ersterer.

Da sich nun ber zweite Fall gerade auf einen Behalter beziehen laßt, der immer wieder so viel durch Jusluß erhalt, als aussließt, der erstere Fall aber auf einen solchen, der gar keinen Justuß erhalt, so folgt hieraus, daß bei vollerhaltenem Gefäße genau die doppelte Menge Wassers aussließt, als in einem Gefäße, welches keinen Jusluß erhalt, und sich nach und nach ausleert.

Um also die aussteichende Wassermenge in letterem Fall zu berechnen, braucht man nur die Halfte derjenigen zu nehmen, welche bei einem beständig voll erhaltenen Gefäße ausstießt. Es ist demnach die Wassermenge, welche in einer Schunde ausstließt, oder:

$$M = \frac{4,88 \times S \times V_{(h)}}{2} = 2,44 \times S \times V_{(h)}$$
 in Cubiffußen,

$$M = \frac{2.78 \times S \times V(\overline{h})}{2} = 1.39 \times S \times V(\overline{h})$$
 in Metern.

Beifpiel I. In wie viel Zeit wird fich ein 12' hoher Behalter von 13' Lange und 7' Breite leeren, wenn die Ausflußoffnung im Boden 16 \( \sum '' \) Seftion hat?

Antwort. 
$$M = 2,44 \text{ S} \times V_{(b)} = 2,44 \times \frac{16}{144} \times 5,6 = 140,5$$
  
Eub.' Wassermenge, welche in 1 Setunde ausstießt.  
 $12 \times 13 \times 7 = 1092$  Eub.' Wassermenge, welche auszustießen ist = Mt, folglich

t = 
$$\frac{1092}{140,5}$$
 = 7,8 Sefunden.



Befindet sich in einem prismatischen Behalter eine Deffnung in einer vertikalen Band berfelben, so last sich bie Zeit, in welcher der Bafferspiegel um eine gewisse Tiefe sinkt, also berechnen: \*)

Ift A die Sektion des Gefäges, L die Breite der Deffnung, h die Totalbobe der Deffnung unter dem Bafferspiegel, x die Tiefe, um welche dieselbe finkt, und t die Zeit, welche dazu erforderlich ift, so ist:

t = 
$$\frac{3 \text{ A} \left(\text{h} \cdot V(\overline{\text{h} - x}) - (\text{h} - x) \cdot V(\overline{\text{h}})\right)}{4,88 \times \text{L} \left(\text{h} \cdot (\text{h} - x)\right)}$$

Beispiel II. Es sev die Sektion eines Behalters, welcher teinen Jufiuß erhalt, oder A = 5000 [.]. Es befinde sich in einer seiner Seitenwande eine restangulare Deffnung von 2' Breite, beren unterste Seite 5' unter dem Wasser liegt. In wie viel Zeit wird sich der Wasserspiegel um 4' senken.

Antwort.

$$t = \frac{5 \times 5000 \left(5', V_{(5-4)} - (5-4), V_{5}\right)}{4,88 \times 2' \left(5 (5-4)\right)}$$

= 850 Setunden = 14 Minuten 10 Setunden.

Ift ber Behalter ABCD (Fig. 1) burch eine Scheibes wand EF in zwei Theile getheilt, befindet sich in ber zweiten Abtheilung keine Ausflugoffnung, und wird bas Wasser in ber

the end by Google

<sup>\*)</sup> Giebe Bechte erfte Gr. ber mech. Wiffenschaften.

erften unverändert auf der Sobje h erhalten, fo muß sich die aweite nach und nach anfallen.

Ift A die Sektion des zweiten Theiles EFCD, S der Inhalt der Deffnung bei F, so ift die Zeit t, in welcher das Waffer bis auf die gange Sobe h im zweiten Gefäße angefüllt wird, oder:

I) 
$$t = \frac{2 \text{ A}}{4.88 \times \text{ S}} \times V_{(h)}$$

Die Zeit t', in welcher bas Baffer bis auf bie Sobe h' erhoben wird, ober :

II) 
$$t' = \frac{2 \text{ A}}{4,88 \text{ S}} \times \left(V_{(h)} - V_{(h-h')}\right)$$

und die Zeit t", in welcher bas Waffer um die Sobhe h" erhoben wird, ober:

III) 
$$t'' = \frac{2 \text{ A}}{4.88 \text{ S}} \left( V_{(h-h')} - V_{(h-h'-h'')} \right)$$

Mit biefen Gleichungen laft fich die Zeit, welche jum Unfullen und Ausleeren von Schleußenkammern erforbert wird, leicht bestimmen.

Anfgabe. Wie viel Zeit braucht es, damit der Bafferspiegel in der Schleugentammer ABCD (Fig. 2) durch die im obern Thore befindliche Deffnung e vom untern bis jum obern Nivau erhoben wird, wenn die Differeng h der beiden Nivaus = 15' ift, der Inhalt der Deffnung = 6 []', die Diftang h' vom Entrum derselben zum untern Nivau = 6' und ber Klacheninhalt ber Schleugentammer = 3000 []' ist.



Antwort. Da die Druchobe immer konstant bleibt, bis sich der Wasserspiegel bis auf od erhöht hat, so ist die Zeit, in welcher dieses geschieht, oder:

$$t = \frac{M}{4,88 \times S \times V(h - h')}$$
 $M = 3000 \times 6' = 18,000 \text{ Cub.}'$ 

folglich

$$t = \frac{18,000}{4,88 \times 6 \times V_{9}} = 205$$
 Sefunden.

Da bie Druckhohe immer wie kleiner wird, je mehr sich das Niveau von od weg dem obern Niveau nahert, so ist die Zeit, in welcher sich der Wasserspiegel von od bis auf AD hebt, oder:

$$t' = \frac{2 \text{ M}}{4,83 \times S \times V \text{ (h - h')}}$$

$$M = 5000 \times (15 - 6)$$

$$= 27000 \text{ Cub.'}$$

folglich:

$$t' = \frac{2 \times 27000}{4,88 \times 6 \times V(15 - 6)}$$
  
= 615 Sefunden.

Die Schlenfenkammer wird also ganglich in 205 + 615 = 820 Sekunden = 133 Minuten gefüllt werden.

#### Mr. 2.

## Berechnung von Bafferpumpen.

Die Maffermenge, bie eine gute Pumpe liefert, ift genau bem Raume gleich, ben ber Kolben bei jedem Juge burchlauft, und richtet sich also nach dem Durchmeffer des Kolbens und ber Sobe bes Hubes.

Ein 23blliger Rolben, ber fich um 6" hebt, liefert hiemit bei jedem Juge 1847 Rub." Baffer. (2° × 0,7854 × 6")

Die Db be, ju ber bas Waffer gehoben mirb, verandert bierin nichts, wohl aber richtet fich barnach die Kraft, welche jum Ziehen erfordert mirb.

Soll hiemit burch die gleiche Kraft Baffer hoher gehoben werben, so muß die Menge beffelben sich im umgekehrten Berbaltniffe ber gunehmenben Sobe vermindern.

Nach Ferguson kann 1 Mann von gewöhnlicher Starke in 1 Minute 813 Gallonen Wasser (ober 18884 Kub.") 10' hoch pumpen. (Die Arbeit eines Mannes setzt er also = 188840 Kub." 1' hoch in 1 Min.)

b) Mueb Folgende gilt bon englischen Maagen.

Er wird also in berselben Zeit nur 40% Gall. 20' hoch pumpen konnen, oder 27% 30' hoch, oder 43% 50' hoch u. s. w.

Da nun aber diese Verminderung nicht durch eine bershältnismäßig langsamere Bewegung des Pump Schwengels, und auch nicht wohl durch eine bedeutende Verkurzung des Hubes zu erhalten ist, so läßt sie sich am passendsten durch eine Verminderung des Kolbendurchmessers erreichen. Es kann namlich der Ziehende bei einer gewissen Länge des Schwengels, und einer bestimmten Anzahl Züge in der gleischen Zeit weit am leichtesten arbeiten; und diese Verhältnisse sind bei der oben angegebenen Kraft vorausgesestzt.

It der aktive Arm des Schwengels 5mal långer als der passive, so wird 1 hub leicht 64" hoch seyn konnen, und thut ein Arbeiter in 1 Min. 80 Juge, so wird er bei einem Kolbendurchmesser von 6,93", 18884 Rub. oder 814 Gall. schöpfen. ") Dieser Durchmesser ist also passend, wenn das

\*) Da hier: 
$$D=6^{\prime\prime\prime},95$$
 .  $H=10^{\prime\prime}$  and  $W=81,75$  Gall., so lss:
$$D=\frac{6,93\times \overline{V_{10^{\prime}}\times W^{\prime}}}{\overline{V_{H^{\prime}}\times 81,75}}$$
Sind the Wassermengen gleich, eder  $W=W^{\prime}$ , so is:
$$D=\frac{6,93\times \overline{V_{10}}}{\overline{V_{H^{\prime}}}}=-\frac{21,9}{\overline{V_{H^{\prime}}}} \quad \text{(in englisher Wassern.)}$$

$$=\frac{50,348}{\overline{V_{H^{\prime}}}} \quad \text{(in Metern.)}$$

Wasser nur 10' hoch zu heben ist. Soll dieses hingegen 40' oder 4mal hoher gehoben werden, so wird der Durchmesser, wenn alles übrige gleich bleibt, 2mal kleiner seyn, oder nur 3,46" betragen dursen, benn dann liesert jeder Hub 4mal weniger Wasser; und eben so für 90' oder eine 9sache Hohe wird derselbe nur 3 oder 2,31" stark seyn mussen.

Ueberhaupt muffen sich die Diameter verhalten umgekehrt wie die Quadratwurzeln ber Sohen; oder gerade wie die Quadratwurzeln ber Wassermengen, die in derselben Zeit zu liefern find.

$$(D:D' = V\overline{H' \times W}: V\overline{H \times W'})$$

Will man also berechnen, wie groß ber Durchmesser sepn muß, wenn bas Wasser 50' hoch zu heben ist, so suche man zuerst die Quadratwurzeln der Zahlen 10 und 50. Diese sind 3,164 und 7,071. Run sehe man

wie 7,071 : 3,164, fo 6,93 : ? Die Rechnung ergibt 3,10 als gesuchten Diameter.

Auf biese Weise hat Ferguson für die Hohen von 10 — 100' (engl.) folgende Kolbendurchmesser und Wassermengen, welche ein Mann von gewöhnlicher Starke heben kann, per Minute (wo der Hebelarm der Kraft 5mal langer, als der, jenige der Last angenommen ist,) berechnet:

\$,048 6",95 17,60 6.096 4,972 5.66 14,38 5.60 14,45 5.60 14,45 14,425 5.60 14,425 5.90 14,425 5.90 12,435 5.90 5.40 5.40 5.40 5.40 5.40 5.40 5.40 5.4	5,048         6'',95         17,60         814           4,572         4,90         19,45         56.4           7,620         4,90         19,45         56.4           10,668         4,90         10,46         27.2           12,192         5,70         9,40         27.2           12,192         5,27         8,79         20.5           15,240         5,27         8,81         48.1           16,764         2,95         7,79         14.5           16,764         2,95         7,79         14.5           18,288         2,81         7,21         14.5           21,356         2,62         6,65         11.5           24,584         2,45         6,94         14.5           24,584         2,45         6,94         10.2           25,907         2,45         6,94         9.5           27,73         46.65         10.7         2.4           24,584         2,45         6,94         9.5           26,95         2,45         6,94         9.5           27,73         40.2         2.4         6,94           27,43         2,45         6,94 <td< th=""><th>5,048         6"/95         17,60         814           4,572         5,66         14,38         54,4           6,096         4,99         14,45         54,4           7,680         4,58         14,425         52.6           9,44         4,00         10,16         27.2           10,668         5,70         9,40         27.3           12,192         5,46         8,79         20.3           15,740         5,47         8,79         20.3           16,764         2,95         7,47         16.7           16,764         2,95         7,49         14.7           18,286         2,84         7,21         14.7           24,586         2,63         6,665         14.2           24,586         2,63         6,665         14.7           24,584         2,45         6,665         10.7           24,584         2,45         6,645         9.5           25,907         2,45         6,045         9.5           28,955         2,25         6,045         9.4           28,47         5,56         8,4</th></td<>	5,048         6"/95         17,60         814           4,572         5,66         14,38         54,4           6,096         4,99         14,45         54,4           7,680         4,58         14,425         52.6           9,44         4,00         10,16         27.2           10,668         5,70         9,40         27.3           12,192         5,46         8,79         20.3           15,740         5,47         8,79         20.3           16,764         2,95         7,47         16.7           16,764         2,95         7,49         14.7           18,286         2,84         7,21         14.7           24,586         2,63         6,665         14.2           24,586         2,63         6,665         14.7           24,584         2,45         6,665         10.7           24,584         2,45         6,645         9.5           25,907         2,45         6,045         9.5           28,955         2,25         6,045         9.4           28,47         5,56         8,4
4,572 5,66 14,38 14,18 (4,90 13,45 7,290 4,290 13,45 14,12	4,572 5,66 14,38 54,4 6,096 4,90 11,45 52.6 7,60 4,58 11,415 52.6 9,40 10,16 27.3 12,192 5,46 9,40 25.3 12,192 5,47 8,79 20.5 13,716 5,27 8,79 14.7 16,78 2,95 7,49 14.7 16,78 2,81 7,71 16.5 19,28 2,84 7,71 16.5 19,28 2,84 7,21 17.5 19,28 2,84 7,21 17.5 24,58 2,63 6,65 11.5 24,58 2,45 6,94 10.7 24,58 2,43 6,94 10.7 24,58 2,43 6,94 9.5 26,47 28,955 2,43 5,87 9.1 26,479 2,43 5,56 8,3	4,572 5,66 14,38 54,4 6,096 4,90 14,45 50.0 7,020 4,18 14,425 52.6 14,142 5,70 9,40 25.3 12,192 5,46 8,79 20.3 15,716 5,47 8,19 16.3 16,764 2,95 7,49 14.7 16,764 2,84 7,71 16.3 18,18 2,72 6,91 12.4 24,336 2,62 6,665 11.5 24,536 2,63 6,045 10.7 24,536 2,45 6,94 10.2 25,907 2,45 6,94 10.3 25,907 2,45 6,94 10.3 25,907 2,45 6,94 10.3 26,945 2,45 6,94 9.4 26,947 2,41 5,56 8.5
6,096 4,90 12,45 7,620 4,58 11,125 11,125 5,70 9,40 1,16 12,192 5,46 9,40 9,40 13,716 5,27 8,71 16,764 2,95 7,49 15,286 2,84 7,21 15,288 2,84 7,21 15,288 2,84 7,21 21,356 2,63 22,80 2,53 6,91 24,584 2,45 6,91 24,584 2,45 6,91 24,584 2,45 6,91 24,584 2,45 6,91 25,307 2,45 6,945 25,484 2,45 6,945 25,484 2,45 6,945 25,484 2,48 6,945	6,096         4,90         41,425         40.7           7,620         4,58         41,425         32.6           9,144         4,00         40,16         27.2           40,668         5,70         9,40         20.5           12,192         5,46         8,79         20.5           13,716         5,27         8,71         46.5           16,764         2,95         7,77         14.5           18,288         2,84         7,21         14.5           19,286         2,72         6,66         11.5           21,356         2,63         6,66         11.5           24,584         2,45         6,66         11.5           24,584         2,45         6,66         11.5           24,584         2,45         6,64         9.6           25,907         2,45         6,045         9.5           27,434         3,51         5,56         8.3           30,479         3,49         5,56         8.4	6,096         4,90         41,425         40.7           7,520         4,58         41,425         32.6           9,144         4,00         40,46         27.2           40,668         5,70         9,40         25.2           42,192         5,46         9,40         25.3           43,716         5,27         8,79         20.3           45,740         5,47         8,71         48.1           46,764         2,95         7,79         44.7           45,288         2,84         7,21         45.5           49,384         2,48         6,66         41.2           24,386         2,63         40.7         24.5           25,907         2,45         6,645         9.5           27,431         2,45         6,645         9.5           26,43         2,45         6,645         9.5           27,431         2,45         6,645         9.5           28,955         2,25         6,645         9.5           28,47         5,56         8.4
7,620 4,58 41,125 10,68 5,70 9,40 12,192 5,46 8,79 13,716 5,27 8,31 15,240 5,27 7,77 15,740 7,77 15,78 2,27 7,49 15,288 2,72 6,91 21,336 2,72 6,91 21,336 2,73 6,45 22,800 2,53 6,45 22,507 2,481 5,87 24,584 2,45 6,91 24,584 2,45 6,91 24,584 2,45 6,91 24,584 2,45 6,91 27,484 2,48 6,945 28,955 2,45 5,715	7,620 4,58 41,425 52.6 10,668 5,70 9,40 27.3 12,192 5,46 8,79 20.5 13,716 5,27 8,51 18.1 15,740 7,77 16.5 15,704 7,77 16.5 16,704 2,98 7,21 14.7 16,704 2,98 7,21 14.7 19,812 2,62 6,94 11.5 24,584 2,45 6,45 10.2 25,907 2,45 6,045 9.5 27,434 5,48 6,045 9.4 27,434 5,49 5,49 5,715 8.1 20,479 2,49 5,56 8,4	7,620 4,58 11,125 52.6 10,668 5,70 9,40 25.3 12,192 5,46 8,79 20.3 15,716 5,27 8,31 18.1 15,240 5,40 7,77 16.3 16,734 18.1 16,240 5,40 7,77 16.3 16,288 2,81 7,21 15.5 19,812 2,72 6,91 12.4 21,356 2,63 6,653 10.7 22,800 2,53 6,005 9.5 27,434 2,38 6,045 9.5 27,434 2,31 5,87 8.5 28,955 2,95 5,715 8.5 20,479 5,56 8.5
. 9.144 4,00 40,16 10,668 5,70 9,40 12,192 5,46 8,79 15,749 5,27 8,71 16,764 5,20 7,77 16,764 2,95 7,49 19,812 2,72 6,91 21,336 2,62 6,665 22,536 2,45 6,45 22,507 2,45 6,94 24,534 2,45 6,94 27,434 2,45 6,94 24,534 2,45 6,94 28,955 2,95	40.04         40.06         27.2           40.068         5.70         9.40         25.3           42.192         5.70         9.40         25.3           45.716         5.27         8.79         20.5           45.740         5.40         7.77         46.3           45.784         2.95         7.79         14.7           45.785         2.81         7.74         14.7           49.812         2.72         6.94         14.7           24.586         2.62         6.94         14.5           24.584         2.45         6.92         10.2           25.907         2.38         6.945         9.4           26.25         2.745         6.945         9.4           27.434         2.54         5.715         8.5           27.4434         2.54         5.715         8.4           26.27         2.45         6.945         9.4           27.434         2.45         5.715         8.5           27.447         5.56         8.4	9,144         4,00         40,16         27.2           40,688         5,70         9,40         25.3           12,192         5,46         8,79         20.5           13,716         5,27         8,31         46.1           15,240         5,40         7,77         16.3           16,764         2,95         7,49         14.7           18,288         2,84         7,21         14.7           13,56         2,62         6,64         10.7           24,534         2,53         6,66         10.7           25,907         2,43         6,643         10.2           25,907         2,34         6,643         9.6           27,54         2,54         6,94         9.4           26,60         2,63         6,643         10.2           26,507         2,34         6,643         9.6           27,54         2,34         6,643         9.6           27,54         2,34         6,943         9.6           28,455         2,35         5,715         8.5           30,479         3,49         5,56         8.4
10,668 5,70 9,40 14,192 5,46 8,79 15,46 8,79 15,46 15,716 15,717 16,717 16,717 16,717 16,717 19,812 2,53 6,665 25,53 8,7,81 2,45 6,91 2,41 2,41 2,41 2,41 2,41 2,41 2,41 2,4	10,668         5,70         9,40         23.3           12,192         5,46         8,79         20.3           15,746         5,27         8,79         20.3           15,740         5,46         8,71         18.1           16,764         2,96         7,77         16.7           18,288         2,84         7,21         14.7           19,812         2,72         6,91         12.4           21,336         2,63         6,65         11.5           24,584         2,45         6,43         10.7           24,584         2,45         6,45         9.6           25,907         2,43         6,45         9.6           27,434         2,43         5,87         9.1           26,455         2,45         6,45         9.5           26,455         2,45         6,45         9.4           26,455         2,45         6,45         9.4           27,434         2,45         6,45         9.4           26,479         2,45         6,45         9.4           27,434         2,45         6,45         9.4           28,955         2,45         6,45         8.	10,668         5,70         9,40         23.3           12,192         5,46         8,79         20.3           15,716         5,27         8,79         20.3           15,724         5,27         16.7         16.7           16,764         2,96         7,77         16.7           18,88         2,78         7,49         14.7           19,812         2,73         6,91         17.4           24,336         2,62         6,665         11.5           24,384         2,45         6,45         10.7           24,534         6,45         10.7         9.5           25,907         2,45         6,45         9.5           27,434         2,31         5,87         9.4           28,955         2,25         5,745         8.5           20,479         2,45         5,56         8.4
42,192 5,46 8,79 43,716 5,27 8,71 15,240 5,27 7,77 16,764 2,95 7,77 14,288 2,84 7,21 14,888 2,72 6,91 21,356 2,53 6,45 24,584 2,45 6,91 24,584 2,45 6,91 27,484 2,45 6,94 27,484 2,45 6,945 27,484 2,48 6,945	12,192         5,46         8,79         20.3           15,716         5,27         8,31         18.1           15,240         5,27         7,77         16.5           16,764         2,96         7,49         14.7           18,288         2,84         7,21         15.5           19,581         2,72         6,691         12.4           21,336         2,63         6,65         10.7           24,581         2,45         6,645         10.7           25,907         2,48         6,645         9.6           27,434         2,31         5,87         9.1           28,955         2,26         5,715         8.5           30,479         2,49         5,56         8,4	12,192     5,46     8,79     20.5       15,240     5,27     8,51     18.1       15,240     5,27     8,51     18.1       16,764     2,95     7,77     16.3       18,288     2,84     7,21     14.7       19,812     2,72     6,94     14.7       24,336     2,63     6,45     10.7       24,384     2,45     6,45     10.7       25,907     2,31     6,45     9.5       28,955     3,25     6,045     9.5       20,479     3,49     5,715     8.5       30,479     3,49     5,56     8.1
45,716     5,27     8,51       45,740     5,40     7,77       46,764     2,95     7,49       45,288     2,84     7,21       49,812     2,72     6,91       21,336     2,53     6,43       25,907     2,53     6,92       27,431     2,31     5,87       28,955     2,25     5,715	15,716     5,27     8,51     18,1       15,730     5,40     7,77     16,3       16,764     2,96     7,49     14,7       18,288     2,81     7,21     15,5       19,812     2,72     6,91     12,4       24,336     2,63     6,65     11,5       25,907     2,45     6,45     10,7       25,907     2,38     6,045     9,5       27,434     5,57     9,1       28,955     2,26     5,715     8,2       30,479     2,49     5,56     8,1	15,716     5,27     8,31     18.1       15,734     2,30     7,77     16.3       16,764     2,98     7,49     14.7       18,288     2,84     7,21     13.5       19,812     2,72     6,91     12.4       24,336     2,63     6,63     11.5       25,907     2,53     6,43     10.7       27,434     2,34     6,945     9.6       28,955     2,25     5,715     8.5       30,479     2,49     5,56     8,1
15,240 5,40 7,77 149 16,764 19,88 2,84 7,21 19,812 2,1336 2,62 6,665 24,536 2,45 6,45 24,534 2,45 6,45 25,907 2,45 6,45 2,45 25,907 2,48 6,445 2	15,240     5,40     7,77     16,3       16,764     2,95     7,49     14,7       16,764     2,84     7,21     14,7       19,812     2,72     7,21     13,5       19,812     2,72     6,94     11,5       24,336     2,63     6,65     11,5       24,584     2,45     6,645     10,7       25,907     2,38     6,045     9,6       27,434     2,36     5,715     8,5       30,479     3,49     5,56     8,1	15,240     5,40     7,77     16,3       16,764     2,95     7,49     14,7       18,728     2,84     7,21     13,5       19,812     2,72     6,91     12,4       24,336     2,63     6,65     10,7       25,907     2,34     6,43     10,7       25,907     2,34     6,43     10,7       25,907     2,34     5,87     9,4       28,955     2,25     5,715     8,5       30,479     2,49     5,56     8,4
16,764 2,95 7,49 15,88 2,84 7,21 19,812 2,72 6,91 21,336 2,63 6,663 22,860 2,53 6,45 22,84 2,45 6,22 25,907 2,45 6,945 27,434 2,31 5,87 28,955 2,35	16,764     2,95     7,49     14.7       18,288     2,84     7,21     13.5       19,812     2,72     6,91     12.4       21,336     2,63     6,65     11.5       24,584     2,45     6,45     10.7       25,907     2,45     6,045     9.6       27,434     2,38     6,045     9.6       28,955     2,26     5,715     8.5       30,479     2,49     5,56     8,1	16,764     2,95     7,749     14.7       18,288     2,84     7,21     13.5       19,812     2,72     6,91     12.4       24,536     2,63     6,663     41.5       24,584     2,45     6,45     10.7       24,584     2,45     6,45     10.7       25,907     2,31     5,87     9.5       28,955     2,25     5,745     8.5       30,479     2,49     5,56     8.4
18,288         2,84         7,21           19,882         2,72         6,91           21,336         2,62         6,65           22,860         2,53         6,45           24,584         2,45         6,93           25,907         2,38         6,045           27,454         2,54         5,87           28,955         3,35         5,715	18,288         2,84         7,21         15.5           19,612         2,73         6,91         12.4           21,336         2,63         6,65         10.7           24,584         2,45         6,43         10.2           25,907         2,38         6,645         9.6           27,434         2,34         6,645         9.6           28,955         2,26         5,745         8.4           30,479         2,49         5,56         8,4	18,288     2,84     7,21     15.5       19,812     2,72     6,91     12.4       24,336     2,62     6,65     14.5       24,584     2,45     6,43     10.7       25,907     2,38     6,945     9,5       27,434     2,34     5,87     9,1       28,955     2,25     5,715     8,5       30,479     2,49     5,56     8,1
19,812 2,72 6,91 21,536 2,53 6,45 22,84 2,45 6,22 25,907 2,38 6,945 27,431 2,31 5,87 28,955 2,35 5,715	19,812     2,72     6,91     12.4       21,336     2,63     6,65     11.5       22,384     2,45     6,42     10.7       25,907     2,31     6,945     9.5       27,434     2,31     5,87     9.1       28,955     2,26     5,715     8.5       30,479     2,49     5,56     8.1	19,812     2,72     6,91     12.4       21,336     2,63     6,665     11.5       22,860     2,53     6,43     10.7       24,584     2,45     6,22     10.7       25,907     2,38     6,945     9.5       27,434     2,31     5,87     9.1       28,955     2,25     5,715     8.5       30,479     2,49     5,56     8.1
21,336 2,62 6,665 22,860 2,53 6,45 24,584 2,45 6,22 25,907 2,38 6,945 27,434 2,34 5,87 28,955 2,25 5,715	24,336 2,62 6,665 41.5 22,860 2,53 6,45 10.7 24,584 2,45 6,42 10.2 25,907 2,38 6,945 9,5 27,434 2,31 5,87 9.1 28,955 2,25 5,715 8,5 30,479 2,49 5,56 8,1	24,536 2,62 6,665 41.5 24,584 2,45 6,22 40.7 25,907 2,38 6,945 9.5 27,434 2,31 5,87 9.4 28,955 2,25 5,745 8.5 30,479 5,56 8.4
22,860 2,53 6,45 24,584 2,45 6,22 25,907 2,38 6,045 27,434 2,34 5,87 28,955 2,35	24,584 2,45 6,45 10.7 24,584 2,45 6,22 10.2 25,907 2,38 6,945 9.5 27,434 2,34 5,87 9.1 28,955 2,25 5,715 8.5 30,479 2,49 5,56 8,1	29,860 2,55 6,45 10.7 24,584 2,45 6,22 10.2 25,907 2,38 6,945 9.5 27,434 2,31 5,87 9.4 28,955 2,25 5,745 8.5 30,479 5,56 8,4
24,584 2,45 6,22 25,907 2,38 6,045 27,431 2,31 5,87 28,955 2,25 5,715	24,584 2,45 6,22 40.2 25,507 2,38 6,045 9.5 9.5 27,434 2,34 5,87 9.1 28,955 2,25 5,745 8.5 5,745 8.5 5,56 8,4	24,584 2,45 6,22 40.2 25,907 2,38 6,645 9.5 27,434 2,31 5,87 9.1 28,955 2,25 5,715 8.5 30,479 2,439 5,56 8.1
25,907 2,38 6,045 27,434 2,31 5,87 28,955 2,25 5,715	25,907 2,38 6,045 9.5 27,434 2,31 5,87 9.1 28,955 2,25 5,715 8.5 30,479 5,49 5,56 8,1	25,907 2,38 6,045 9.5 27,434 2,34 5,87 9.1 28,955 2,25 5,715 8.5 30,479 2,49 5,56 8.1
28,955 2,31 5,87 28,955 2,25 5,715	27,454 2,51 5,87 9.1 28,955 2,25 5,715 8.5 30,479 2,19 5,56 8.1	27,434 2,34 5,87 9.1 28,955 2,25 5,745 8.5 30,479 2,49 5,56 8.4
28,955 - 2,25 5,715	28,955 - 2,25 5,715 8.5 30,479 2,49 5,56 8.1	28,955 2,25 5,715 8.5 50,479 2,49 5,56 8.1
4 - 4	50,479   3,49   5,56   8,1	50,479 2,49 5,56 8.4
50,479 1 2,19 1 5,56 11		
And the second s	The state of the second	

Aumerkung. Das biefer Tafel jum Grunde liegende Moment fcheint für eine anhaltende Arbeit freilich etwas groß; dem 188840 Eut." Baffer wägen an 7750 einglische Pfund. Und noch ist g für die Reibung hinzugurechnen. Manche Engländer nehmen aber für das Moment einer Pferdetraft 44000 Pfund an, und für das bes Menschen z des leptern, also 8800 Pfund.

#### Mr. 5.

### Berechnung größerer Pumpen.

Die zum Treiben großer Pumpen, bie burch Pferbe, Bafferraber ober Dampfmaschinen in Bewegung gesetzt werden, erforderliche Kraft, berechnet sich zunächst aus bem Gewicht des in 4 Minute gelieferten Wasserquantums und der Sobe, zu welcher es gehoben wird.

Beifpiel. 1) Belde Kraft erbeifcht eine Pumpe, bie per Minute 175 Biergallonen Waffer 252 Fuß hoch bebt?

1 Biergallone Baffer wiegt circa 10 1 Pfund, alfo 175 Gallonen 1799 Pfund.

Diese mit 252 multipligirt, geben 453548 Pfund als Moment, und rechnet man 44000 Pfund auf 1 Pferd, so erbalt man eine Kraft von 10½ Pferden oder 12½ Pferden, die Reibung inbegriffen. Bechnet man 33000 auf 1 Pferd, so sindet man eine Kraft von 15½ Pferden und von 16½ mit der Reibung.

Es ift vortheilhaft, ber Lange bes Rolbenhubes nicht aber 2 - 5" (7') ju geben.

Eine gut construirte und in gutem Stande befindliche Pumpe tann bei jedem Kolbenhube folgende Waffermenge heben: \*)

$$M = \frac{0.95 \text{ 1d}^2 \times 0.7854}{10000} \text{ folglich d} = V \frac{M}{0.000075 \text{ 1}}$$

$$= 0.000075 \text{ 1d}^2 \text{ Cubifmeter} = V \frac{M}{0.0001875}$$

oder in Pariferfußen:

$$M = \frac{10,95 \text{ ld}^2 \times 0,7854}{144} \text{ folglidy d} = V \frac{M}{0,005181 \text{ l}}$$

$$= 0,005181 \text{ ld}^2 \square' = V \frac{M}{0,0129525}$$

wo l die Lange des Kolbenhubes in Metern oder Fußen, und d ben Diameter der Pumpe in Centimetern oder Zollen bebeutet.

Bei der Berechnung der Araft, welche es braucht, um eine gegebene Wassermenge eine gegebene Hohe hinauszuheben, muß zu bieser Höhe noch 20 derselben für die Reibung des Kolbens gezählt werden, und ferner noch wegen der Araft, welche es braucht, um dem Wasser die erforderliche Geschwindigkeit zu geben, so viel mal 5 Dezimeter (1'5418), als es Pumpenhübe braucht, um das Wasser zu der gegebenen Höhe zu heben, oder:

$$h' = \frac{21}{20} h + 0^m, 5 x.$$

<sup>\*)</sup> G. Dampfmafdinenlehre bon Tretgolb.

Unstatt einer Sohe von  $60^{m}$  muß also z. B. eine Sohe von  $\frac{21}{20} \times 60 + 0^{m}, 5 \times 24 = 75^{m}$ 

in Rechnung gezogen werben, ba die vortheilhafteste Lange des Kolzbenhubes  $= 2\frac{1}{2}$ m ist, und hiemit  $\frac{60}{2\frac{1}{4}} = 24$  Kolbenhube gemacht werben mussen, um das Wasser auf die angegebene Hohe zu bringen.

Beispiel. 2) Welche Kraft wird erforbert, wenn ein Wasser-Behalter, der 25' lang, 20' breit und 10' (franz. M.) tief ist, in 40 Minuten gefüllt werden soll, wenn die Ausstufrühre ber Pumpe 60' über dem untern Wasserstande liegt.

Der Inhalt des Behälters ist  $= 25 \times 20 \times 10 = 5000$  Kubiffuß. In einer Minute muß die Pumpe also  $\frac{5000}{40} = 125$  Kubiffuß auf eine Höhe von 60' heben.

Da ein Aubitfuß 694 Pfund wiegt, fo wägen 125 Aubitfuß eirea 8690 Pf. Anstatt einer Sohe von 60' nuß aber eine Sohe von

$$\frac{21}{20} \times 60' + 1',5418 \times \frac{60}{7} = 76'$$

in Rechnung gebracht werben.

Um 8690 Pf. auf 76' zu heben, bedarf es einer Arbeit = 8690 × 76 = 660440 Pf. ober = 20 Pferbefraften.

Beispiel. 5) Wie weit mußte ber obige Pumpstiefel fepn, wenn er jenes Quantum Wasser heben soll und wenn er in 1 Min. 40 Hube von 2' machte?

Bei jedem Kolbenzuge find hiemit  $\frac{125}{40} = 5,12$  Cub. ' Baffer zu heben. Es ist

$$d = V \frac{M}{0,005181 \text{ I}} = V \frac{3,12}{0,005181 \times 2'} = 17,3 \text{ 3eV}.$$

Der Pumpenftiefel mußte alfo 17,3 Boll Durchmeffer haben.

Bei Pumpwerken, welche jur Baffer Berforgung von Stabten bestimmt find, hat man, da das Baffer nie fenkrecht in die Robren hinaufsteigen kann, in obige Formel fiatt 5 Dezimeter v L Meter

ju setzen, wo v bie Geschwindigkeit in Metern per Sekunde, L die Lange ber Robren, burch welche bas Wasser fließen muß, in Metern, und D ben Diameter berfelben in Centimetern bedeutet.

Ferner ift bie Rolbenreibung gu 11g ber Sobe anzurechnen. Tretgold rechnet in einer Stadt für jede haushaltung taglich 280 Liter Baffer. In England rechnet man 56 Liter für jeden Einswohner, und wenn das Waffer, welches in Fabrifen und Gewerben und gum Spriften der Strafen im Sommer gebraucht wird, mit eingerechnet wird, für jeden Einwohner im Durchschnitt 112 Liter taglich. Diese Jahlen sind aber auch als Marimum anzunehmen.

Beifpiel. 4) Eine Stadt von 12,000 Einwohnern foll durch ein Pumpwerk mit Waffer verschen werben, und zwar aus einem 25. Meter tiefer liegenden gluffe. Auf jeden Einwohner werben täglich 56 Liter Wasser gerechnet, und die Pumpe foll in 12 Stunden das nötbige Wasser herbeischaffen. Es fragt sich, welche Araft und welche Dimensionen die Pumpe haben muß?

Es muffen hiemit in 12 Stunden 56 × 12000 = 672000 Liter oder in 1 Sefunde ungefahr 16 Liter gehoben werden.

Unstatt 25 Meter Sobe muß folgende Sobe in Rechnung gebracht werden:

$$H = \frac{11}{10} \times 25 + \frac{v^2 L}{5 d} \times \frac{25}{2^m, 5}$$



Es fep die Totallange ber Robrenleitungen = 800 Meter, ber Diameter berfelben = 15cm = 1.5 Degimeter, fo ift:

$$v = \frac{16 \text{ l}}{0.7854 \times (1.5)^3} = 9$$
 Dezimeter = 0m,9  
und  $v^i = 0$ m,81, folglich

$$H = \frac{11}{10} \times 25 + \frac{0^{m},81 \times 800}{5 \times 15}$$

$$-=\frac{55}{2}\times 28.8=56^{m},5$$

Es erheifcht hiemit eine Arbeit von 16ta.  $\times$  56,5 = 900 k  $\times$  m, und ba eine Pferbetraft = 75 k  $\times$  m, eine Maschine von  $\frac{90}{76}$  = 12 Pserbetraften.

Gefest nun, die Pumpe made in 2 Setunden einen Rolbengug, fo ift die Menge Baffere, welche bei jedem Buge gehoben wird = 2.16 = 32 Liter = 0.052 Cubitmeter, folglich:

Es find ferner folgende Bemerkungen fur alle Urten Dumpen ju machen:

4) Da die anzuwendenden Kräfte im quadratischen Berhaltniffe zu den Geschwindigkeiten, im einsachen Berhaltniffe aber zu den Wassermengen sind, so folgt hieraus, daß wenn man die zu liesernde Wassermenge vermehren will, man nicht die Geschwindigkeit des Kolbens, sondern vielmehr die Masse und hiemit den Diameter desselben vergrößern muß.



Gibt man g. B., um eine doppelte Menge Baffers gu haben, bem Kolben eine boppelt fo große Geschwindigkeit, so muß die anguwendende Kraft vierfach fenn.

Für eine konftante Geschwindigkeit muß man hingegen zwar ben Diameter bes Kolbens viermal so groß machen, bie anzuwendende Kraft wird aber nur bas Doppelte sen muffen. \*)

2) Aus eben diesem Grunde ift es vortheilhaft, die Saug, rohre, so wie die Rohre oberhalb des Stiefels nicht enger (wie dieß noch jest gewöhnlich geschieht), sondern wenigstens eben so weit als den Stiefel selbst zu machen.

Die Lange des Kolbenhubes muß ferner so groß als möglich senn, da die häufigen Abwechslungen in der Bewesqung der Kolbenstange viele Kraft absorbiren.

Sewöhnlich gibt man bem Kolbenhube in Pumpen, welche von Sand getrieben werden, 16 — 32cm, und bei solchen, welche durch Dampfmaschinen oder Wasserrader bewegt werden, 50cm bis 3m Lange. Die Geschwindigkeiten, welche man dem Kolben gibt, sind ungefahr zwischen 12cm und 1m per Sekunde enthalten.

3) Man unterscheidet im Allgemeinen zweierlei Pumpen, bie Saugpumpe und die Drudpumpe. Bei ber erstern hat mahrend des hinaufsteigens des Kolbens eine Communistation zwischen der Sangrohre und dem Stiefel statt, und der Kolben hat daher den Drud der ganzen Wassersaule vom

e) Es ift namlich, wenn P und P' bie anzuwendenten Graite, W und W. bie ju liefernden Waffermengen bedeuten:

obern bis zum untern Wasserstande zu ertragen. Bei der Druckpumpe hingegen ist bei dem Hinaussteigen die Communikation zwischen der obern Rohre und dem Stiefel, und beim Heruntergehen diesenige zwischen der Saugröhre und dem Stiefel geschlossen, so daß der Kolben im Hinausgehen nur den Druck der untern, im Heruntergehen nur den Druck der obern Wassersaule zu ertragen hat. Es ist also bei dieser Pumpe nur die langere dieser beiden Wassersaulen in Rechnung zu bringen.

Bezeichnet man diese lettere Hohe durch h, die ganze Hohe, auf welche das Wasser zu heben ift, durch h + h', das Gewicht des Wassers durch d, ben Diameter des Kolbens durch D und seine Geschwindigkeit durch v, so hat man fur eine gegebene Wassermenge VV:

$$D = \sqrt{\frac{4 \text{ W}}{\pi \text{ v}}}$$

und für eine gegebene Araft P, wenn die Neibung, so wie das Gewicht der Rolbenstange nicht eingerechnet wird, (was von keinem Nachtheil ist, wenn die totale Hohe weniger als 4 m beträgt):

bei der Saugpumpe: 
$$D=2$$
  $V = \frac{P}{\pi (h+h') \delta}$  bei der Druckpumpe:  $D=2$   $V = \frac{P}{\pi h \delta}$ 

Beispiel. Wie groß muß ber Diameter bes Kolbens einer Saugpumpe fevn, welche von einem Pferde bewegt werden und die das Waser auf eine Sobe (h + h') von 4m heben soll? Da ber bynamische Effett eines Pferbes = 73 k x m per Sefunde ist, so ist, wenn man bem Kolben eine Geschwinzbigleit von 0m,75 per Sefunde gibt, ber Drud auf ben Kolben ober P = 100 Kil. und folglich

$$D = 2 \sqrt{\frac{100}{5.14 \times 4.2 \times 1000}}$$
  
= 0m,17 = 17 Centimeter.

4) Ift bie Geschwindigkeit des Kolbens = v und die Hohe einer Waffersaule, welche dem Drud einer Atmosphare das Gleichgewicht halt = 10 = k, so ift die Hohe, auf welche das Waffer in einer Saugpumpe gehoben werden kann, oder:

$$h = \frac{0.85 \times (\sqrt{(2 g k)} - v)^2}{2 g}$$

Beispiel. Auf welche Sohe tann bas Maffer in einer Saugpumpe gehoben werden, wenn die Geschwindigkeit des Kolbens = 1' per Sekunde ist.

Mntwort.

$$h = \frac{0.85 \times (V(60 \times 32) - 1')^2}{60} = 26' \text{ hod}.$$



## Mr. 4.

# Ueber die Reibung des Kolbens in Pumpensftiefeln. \*)

Die Ersahrung lehrt, daß bei gut eingerichteten Pumpen die Presson auf 1 [" der reibenden Oberfläche, welche theils durch die Presson auf den Kolben selbst, theils durch die Clasticität des Kolbens hervorgebracht wird, wenigstens der Presson auf 1 [" der horizontalen Oberfläche gleich senn muß, damit kein Wasser entweiche. Bezeichnet man diese letztere durch p und ist ferner:

D der Diameter bes Rolbens in Centimetern oder Bollen, L feine Bobe, und

f das Verhaltniß der Reibung zur Pression, so ist die totale Reibung des Kolbens gegen die Wande des Pumpenstiefels, oder:

 $F = \pi DL pf$ 

<sup>\*)</sup> C. Tretgelb, Traité des machines à vapeur.

Fur f find nun folgende Werthe aufgefunden worben :

für Garnituren aus Hanf 
$$f = \frac{1}{6}$$
,  
" " Leder  $f = \frac{1}{5}$ ,  
" " Rupfer  $f = \frac{1}{8}$  bis  $\frac{1}{10}$ .

Damit ber Kolben burch bie auf ihn ausgeubte Preffion nicht von feiner Richtung abgeleitet werbe, muß fich ferner bie Sohe bes Kolbens zu seinem Diameter verhalten, wie bie Reibung zur Pression, ober:

$$L:D:: f:1$$
, folglich  $L=Df$ ,

für hanfene Garnitirung muß also die Sobe des Kolbens wenigstens & seines Diameters, für leberne & und für meffingene To seines Diameters betragen. Man hat alsbann für die Reibung:

$$F = \frac{44}{40} \pi D^2 p f^2$$

wo To für die Reibung der Gelenke an der Kolbenstange eingerechnet ift. Da die angewandte Presson auf den Kolben

$$= \frac{\pi d^2 p}{4}$$

ift, so ist ber Rapport ber Reibung zu dieser Presson == 4,4 f2: 1.

Beispiel. Wie groß ist die Reibung eines Rolbens von 6" Diameter, beffen Garnitur aus Sanf besteht, und ber einen Drud von 10 Kil. auf ben " zu erleiben hat?

Ing and by Google

Mutmort.

$$F = 3.14 \times 6^{2} \times 10^{k} \times \left(\frac{1}{6}\right)^{2} \times \frac{11}{10}$$

Die Reibung ift baber = 34,5 Kil., und ba bie totale Preffion auf benfelben

$$= \frac{\pi \ D^{\circ} \ P}{4} = 282,6 \ \Re il. \ ift,$$

fo tann ber Kolben noch einen Druck von 282,6 - 34,5 = 248,1 Kil. fortpflangen. Diefen Druck vervielfacht mit ber Geschwindigkeit bes Kolbens, gibt ben Nugeffelt ber pumpe an.

Diamond by Googl

### Mr. 5.

Von der Geschwindigkeit des Waffers in Fluffen, Kanalen u. f. w.

Die Bewegung bes Wassers in Flußbetten rührt allein von der Neigung her, welche diese haben. Bare die Obersstäche des Wassers ganz horizontal, so wurde keine Bewegung statt haben, und je geneigter daher ein Kanal ist, desto größer ist die Geschwindigkeit des Wassers in demselben. Ferner ist letztere desto größer, je kleiner der Umsang des Prosils im Verhältnisse zu dem zugehörigen Flächeninhalt ist. Die halbe Kreisstäche und die halbe quadratische Fläche sind daher die günstigsten Prosile.

(Unter ben tropezformigen ift bas halbe Sechsed vorzuziehen). Bei ber Anlegung berfelben kommt fehr viel auf die Beschaffenheit bes Bodens an. In sehr sandigem und loderem Boden gibt man ben Seitenwänden bes Kanales eine Neigung von 36° — 45°, in festerem, etwas thonigtem Boden eine Neigung von 53° — 75°.

Die Geschwindigkeit des Wassers ift übrigens sehr versichieden, je nach der Tiefe desselben, Un der Oberflache, oder vielmehr etwas unter derselben, ift sie am größten.

Man erhalt daber bei der Anwendung der jur Bestimmung ber Geschwindigleit bienlichen Instrumente (welche sich gewöhnlich nur auf dem Wasserspiegel macht), eine ju große Geschwindigleit und hiemit auch eine ju große Menge hindurchsließenden Wassers.

Dubuat hat aus zahlreichen Bersuchen folgende Berhaltniffe aufgefunden, zwischen der Geschwindigkeit an der Oberfläche bes Wassers und der mittlern Geschwindigkeit oder derzenigen, mit welcher das Wasser durch alle Punkte des Profils laufen mußte, um die effektive Menge Wassers zu liefern. Geschwindigkeit an der Ober- Berbaltniß der mittleren Ge-

flace (U). fcwindigfeit zu der an der per Sekunde: Oberflace (V : U).

Gefunde:	Oberstäche (V:
0 m,5	0,786
1,0	0,812
1,5	0,832
2,0	- 0,848
2,5	0,862
3,0	0,873
3,5	0,883
4,0	0,891
4,5 .	0,898
5,0	0,904

und Proup hat aus benfelben folgende, Formel gezogen, welche indeffen nur fur eine Geschwindigkeit von hochstens 5 Metern gilt (in Metern ausgebrucht):

$$V = \frac{U (U + 2,37187)}{U + 3,1532}$$

wo V bie mittlere Geschwindigkeit, U biejenige an ber Bafe fer Dberflache bedeutet.

hat man baher bie oberflächliche Geschwindigkeit bes Baffere in einem Fluffe burch Versuche gesunden, so hat man biefelbe nur noch mit ben in ber zweiten Colonne angegebenen Coeffizienten ober mit & ungefahr zu vervielfachen, ober letztere Formel anzuwenden, um die mittlere Geschwindigkeit zu erbalten.

(Es ift noch vorläufig zu bemerten, bag die Geschwindigkeit en bem Orte gemessen werden muß, wo dieselbe angewendet werden soll. Un den Ufern ift sie gewöhnlich weit geringer, als in der Mirte des Kanales oder Klusses).

Diefe mit bem Queerprofile ober ber Seftion bes Ranales vervielfacht, gibt bie Baffermenge an, welche in einer

bestimmten Beit binburchfließt.

Lagt man biefes Maffer burch bie Deffnung eines Schubbrettes fliegen, fo muß man bie erhaltene Baffermenge noch mit bem Rapporte ber theoretichen Waffermenge jur effettiven (=0,63), verviels fachen, um bie wirkliche Menge ju erhalten, welche jur Schuhoffnung binausflieft.

Beispiel. Wie viel Baffer lauft in 1 Setunde durch einen Kanal, beffen Settion = 80 [ ' ift, und in welchem die Oberfiche bes Baffers eine Geschwindigkeit von 3' per Schunde hat?

Antwort. V=  $\sqrt[4]{\frac{4}{5}} = 2',4$  mittlere Geschwindigseit, W =  $2',4 \times 80 = 492$  Eub.' per Sekunde, und durch die Anwendung eines Schuhrettes wird diese Wassermenge auf  $192 \times 0,63 = 121$  Eub.' reduzirt.



Bewegung bes Waffers in Kanalen und Rohren, und Bestimmung ber Neigung, welche man benfelben geben muß.

Prony gibt folgende empirische Formeln fur die Go-schwindigkeit des Baffers in Betracht auf die Reibung deffelben gegen die Bande des Kanals oder der Rohre an, (alles in Metern ausgedruckt): \*)

I) 
$$v = 53,58$$
  $\sqrt{\frac{RJ}{L}}$  und folglich

II) 
$$J = 0.000348 \frac{L v^2}{R}$$

wo v die mittlere Geschwindigkeit des Wassers per Sekunde, L die Lange der Wasserleitung, J ihre Neigung oder den vertikalen Abstand des Niveaus im obern Behalter vom Centrum

Diamed by Google

<sup>\*)</sup> Diese Gleichung bezieht fich indeffen nur auf ben Fall, wo die Lange ber Bafferleitung wenigftens hunderemal fo groß ift, als beren Breite.

ber Ausflußbiffnung und R ben mittlern Radius ober Quotienten bedeutet, welchen man erhalt, wenn man die benegte Seftion bes Kanales ober ber Rohre burch ben Perimeter berfelben theilt.

Ift ferner h die Sobe des Wassers im Ranal, I die Breite besselben, so ist das Quantum der in 1 Sekunde aus- fliegenden Wassermenge, oder:

III) 
$$D = hlv$$
.

Bei rektangularen offenen Kanalen ist die benetzte Sektion = h l, ber Perimeter berselben = l + 2 h, folglich ber mittlere Rabins ober:

$$R = \frac{h \, l}{1 + 2 \, h}$$

Diefer Werth fann auch fur Kanade angewendet werden, deren Seftion ein Trapezoid ift. Es bedeutet alsdann I die mittlere Breite oder die halbe Summe der obern und untern Breite des Kanals.

Bei runden Robren, worin das Baffer Die gange Seftion einnimmt und beren Diameter = d ift, ift die Seftion

$$=\frac{\pi d^2}{4}$$

ber Perimeter ber beneften Geftion = # d, folglich:

$$R = \frac{\pi \cdot d^2}{4 \pi d} = \frac{d}{4}$$

Bilbet hingegen die innere Geftion die Rohre ein Meftangel, fo ift:

$$R = \frac{h l}{2 (l + h)}$$

Daniel W.C. ocole

Indem man nun den einen oder andern Werth fur R, je nach ben verschiebenen Fallen, welche sich barbieten, in die Gleichung I ober II einführt, kann man jedesmal zwei ber verschiebenen Größen D, h, l, v, J, d berechnen, wenn die andern gegeben sind.

Man sieht übrigens aus Gl. II, daß es vortheilhaft ist, bei einer gegebenen Menge ausstließenden Wassers die Sektion bes Kanals groß zu machen, und dagegen die Geschwindigkeit des Wassers darin zu vermindern, da es alsdann eine kleinere Neigung desselben braucht und hiemit ein kleinerer Verlust an Fallbobe verursacht wird. Aus diesem Grunde gibt man dem Wasser nie eine größere Geschwindigkeit, als die von 1 Meter per Sekunde. Die kleinste Geschwindigkeit, welche man anwendet, ist = 0<sup>m</sup>,15 bis 0<sup>m</sup>,20 per Sekunde, welche einer Geschwindigkeit an der Oberstäche von 21 — 27cm entspricht. Diese Geschwindigkeit muß vorzüglich dann vermindert werden, wenn der Kanal eine beträchtliche Länge hat.

Beifpiel 4. Wie groß muß die mittlere Geschwindigkeit des Wassers in einem offenen Kanale und die Hobe deffelben sevn, wenn die Menge des ausstiesenden Wassers per Setunde 800 Liter, die Lange des Kanals 800m, die Vreite 2m,50 und die Neigung desselben auf die ganze Lange 0m,08 beträgt?

Antwort. Rehmen wir fur einen Augenblid h = 1m an, fo findet man aus Gl. I:

$$v = 53,58$$
  $\sqrt{\frac{2,50}{4,50. \times 800}} = 0^{m},4,$ 

und aus biefer Gefdwindigfeit findet man nach Gl. III:

$$h = \frac{0^{m},800}{2,50 \times 0^{m},4} = 0^{m},8.$$

Führt man diefen Werth in die Gl. I. ein, fo erhalt man :

$$V = 55,58.$$
  $\sqrt{\frac{0^{m},8 \times 2,5 \times 0,08}{(2,5+1,6) \times 800}} = 0^{m},375$ 

und aus biefer Gefdwindigfeit nach Gl. III:

$$h = \frac{0^{m},800}{2,50 \times 0,375} = 0^{m},85.$$

Die erstere Annahme fur h (1m) war also zu groß, die letetere (0m,8) zu klein. Indem man nun das Mittel zwischen den Geschwindigkeiten nimmt, welche diesen beiden Sohen correspondiren, so erhält man ziemlich genau die richtige Geschwindigkeit des Wassers. Es ist daher:

$$\mathbf{v} = \frac{0^{\text{m}}, 4 + 0.375}{2} = 0^{\text{m}}, 388$$

und hiemit

$$h = \frac{0^{m},800}{2.5 \times 0.388} = 0^{m},825$$

Beispiel 2. Wie groß muß ber Diameter einer cylindrischen Köhre senn, deren Lange = 600 Meter und beren Neigung = 0m,25 ist, wenn die Geschwindigkeit des Wassers = 0m,32 ist, und wie groß ist alsdann die ausstießende Wassermenge?

Mntwort.

$$v = 53,58$$
.  $\sqrt{\frac{d J}{4 L}}$ 

folglich

Digitation Google

$$d = \frac{4 \text{ v}^2 \text{ L}}{(53,58)^2 \times \text{J}} = \frac{4 \times (0,32)^2 \times 600}{(53,58)^2 \times 0,25}$$

$$0^{\text{m}},085 = 8\frac{1}{2} \text{ Centimeter, folglich:}$$

$$D = \frac{\pi d^2}{4} \times \text{v} = 0,7854 \times (0,085)^2 \times 0^{\text{m}},32$$

$$= 1^{\text{l}},815 \text{ per Sefunde.}$$

Beifpiel 3. Wie groß muß die Reigung einer rektangularen Rohre von 0=,30 Sohe, 2= Breite und 300= Lange, wenn per Sekunde 500 Liter burchfließen follen?

Antwort. Rach Gl. III:

$$v = \frac{D}{h1} = \frac{0.500}{0.3 \times 2} = 0^{-8}$$

und nach Gl. II:

$$J = 0.000348 \times \frac{2.60}{0.6} \times 300^{m} \times (0.8)^{2}$$
$$= 0^{m}.2895.$$

Bestimmung ber Diete ber Rohren.

Je hoher das Waffer in der Rohre sieht, desto größer ift der Druck, welcher dieselbe zu bersten sucht und desto größeseren Widerstand muß diese ihm daher entgegensehen konnen. Die Rohre muß ferner um so dicker senn, je größer ihr Durchmesser ist.

Sind baher die Durchmeffer zweier Rohren D und d, die fenkrechten Sohen berfelben, welche mit Waffer gefüllt find, H und h, und ihre Dicken E und e, so hat folgende Proportion statt:

E: e:: HD: hd,

und folglich:

$$E = \frac{e}{hd} \times HD.$$

Bestimmt man also burch Bersuche bie Berthe e, h und d, fur gewisse Materien, woraus die Rohren verfertigt sind, so ift es alebann leicht, die Dicke einer Rohre von jeder anderer Dimension ju finden.

Aus ben Berfuchen von Parent und Belidor fonnen folgende Werthe fur E abgeleitet werden, in welchen bie Sobe H in Jugen, D in Jollen und E in Linien ausgedrückt ift.

Unmerkung. Da bie Materien nicht immer von gleicher Gate und besonders gegoffene Abbrem nicht überall von gleicher States find, so ift es vortheiligaft, bleiernen Abbren fr., eifernen 2" und bolgernen 6" an der durch Nechung gefindenen Dicke gugur feven. Sind ferner die Abbren fehr hoch, so tann der obere Theil berseiten eines binner gemacht werden, da ber Oruc des Wassers in benfelben eigentlich proportional mit der Wassersche wacht und folgich unten am großten ihr



### Mr. 7.

### Bon ben Bafferrabern.

Man theilt die Wafferrader wesentlich in folgende ein:

- I. Bertifale, beren Uchfe alfo horizontal ift. 4)
- 1) Unterschlächtige Raber oder solche, welche burch ben Stoß des Waffers allein in Bewegung gesetzt wersben, und baher mit Schauseln versehen sind, auf welche das Wasser fenkrecht wirkt. Sie werden angewendet bei Wassersfällen, welche gewöhnlich kleiner sind, als 2 3";
  - a) solche, welche sich in Kanalen bewegen, welche auf beiben Seiten mit Wanden umgeben find, und beren Breite nicht viel großer, als diejenige bes Rades selbst ist;
  - b) solche, welche sich gang frei in Kanalen oder Fluffen bewegen, und bei welchen das Wasser auf beiden Seiten bes Rades ungehindert entweichen kann.

was Till.

<sup>\*)</sup> In hinficht auf ihre Confirutrion unterscheitet man ble Strauberrader ober folde, welche einen Grang baben, auf beffen Stirne bie Schaufeln befestigt find, und bie Staberrader, welche mehrere Grange haben, swifchen welchen die Schaufeln eingesept find.

Solche Raber muffen, wenn bas Niveau bes Iluffes veranderlich ift, mit ibrer Unterlage und bem mit ihrer Welle verbundenen Raberwerte etwas gehoben ober gefeuft werden tonnen. Man nennt fie Panfterraber, und folche, welche eine betrachtliche Breite haben, find unter bem Namen Schiffsmublenraber bekannt.

- 2) Dberichlachtige Raber ober folde, bie blos burch bas Gewicht bes Waffere in Bewegung gefetzt werben, und baher mit Zellen ober Kubeln versehen find, welche bas berabfallenbe Waffer anffangen.
- 3) Mittelschlächtige Raber, auf welche bas Baffer sowohl burch ben Stoß, als auch burch ben Drud wirft, und welche baher mit Schauseln ober mit Rubeln ober mit beiden zugleich versehen sen können. Das Wasser fallt bei benselben meistens ein wenig unterhalb der Bafferradwelle auf bas Rab.

Bu ben unterschlächtigen Rabern geboren überdieß noch:

4) Poncelet's unterfchlächtige Raber mit frummlinigten Schaufeln, welche als die vollfommenften Wafferraber anzuschen find, wie spaterhin gezeigt wirb.

II. Horizontale Rader (Turbines), deren Achfe bertifal ficht,

für Bafferfalle von mehr ale 2½ - 3" Sobe. Ihr Die meter beträgt nie mehr ale 3", ihre Breite 16 - 52"".

Da biefelben fehr fcwer ju etabliren find und einen großen Plat erforbern, fo werben fie felten angewendet und nur baun, wo man birette eine horizontale Bewegung erhalten will , wie 3. B. in

Mablmublen jur Bewegung bes Mublfteines. Da überdieß noch fehr wenige Beobachtungen über diefelben angestellt worden sind, fo wird hier nichts weiter von denfelben angeführt werden.

Bon bem nuglichen Effette ber verschiedenen Urten Bafferraber.

Aus ben vorhergehenden Abschnitten geht hervor, daß ber dynamische Effekt eines Wassersalles erhalten wird, wenn man das Gewicht des aussließenden Wassers (oder das Produkt derm Sektion des Kanales in die Geschwindigkeit des Wassers) mit der disponibeln Deallobe vervielsacht. Bezeichnet man hiemit dieses Gewicht durch Q, die Fallhohe durch H, so ist der dynamische Effekt des Wassersalles = Q H = Mg H.

Indem man nun den nutharen Effekt berechnet, welchen ein gewiffes Rad leiftet, und denfelben mit dem dynamischen Effekte der Wasserkraft vergleicht, welche gebraucht wird, um dieses Rad in Bewegung zu setzen, kann man mit Leichtigkeit vie Zweckmäßigkeit eines Systemes und seine mehr oder we niger vortheilhafte Construktion beurtheilen.

Es ift noch vorläufig ju bemerten, daß ber Umfang bes Rabes ober ber Rabichaufeln nicht die namliche Gefchwindigfeit erlangen

<sup>\*)</sup> Unter blip onibler Fallbobe verfiebt man blejenige, welche man erhalt, wenn man von ber totalen Kallbobe biejenige abzieht, welche man theils burch bie erforderliche Meigung bes Buffuß; und Abgangstanats, theils burch bie fonftigen Befchaffenheiten bes Gerinnes verliert. (S. N.)

tann, die bas auffallende Waffer hat, benn in diefem Falle tonnte es gar teinen Wiberftand leiften und hiemit auch teinen Effett hervorbringen. Das vortheilhafteste Werhaltniß diefer beiden Geschwimbigfeiten wird bei jeder Art von Rabern besonders angeführt werben,

I. Bon ben unterfolachtigen Rabern, welche fich in einem Berinne bewegen.

Die Versuche von Boffut und Smeaton zeigen, daß ber nugliche Effekt eines folden Rades in der Praktik höchstens zu & bes dynamischen Effektes der angewandten Wafferkraft gerechnet werden kann.

Diefes Marimum von Effett hat ftatt, wenn bie Um-fange Gefchwindigkeit bes Rabes & ber Gefchwindigkeit bes

Baffere betragt.

Es ift hiemit, wenn v bie Geschwindigkeit des Rabes, P die Pression, welche es bei dieser Geschwindigkeit ausüben kann, S die Sektion der Schutzbffnung und V die Geschwindigkeit des Wassers in derselben bedeutet, der bynamische Effekt des Rades oder;

$$Pv = P \times \frac{2}{5} V = 0.53 Q H = 0.53 Q \frac{V^2}{2 g}$$
  
= 0.017 Q V<sup>2</sup> = 10.7 S V<sup>3</sup> (Sil.\*)  
unb  $P = \frac{5 Q H}{4 V} = 0.47 Q . VH = 26.75 S V^2.$ 

Aus diefen Formeln geben überdieß folgende einfache Gefete hervor, welche ziemlich genau mit den Berfuchen von Banks und Smeaton übereinstimmen:



- 1) Bei gleichen Fallbben verhalten fich die nutlichen Effette wie die Quantitaten bes auffallenden Baffers.
- 2) Bei gleichen Baffermengen verhalten fich die Effette wie die Fallboben und wie die Quadrate ber Geschwindigkeiten bes Waffers.
- 5) Bei gleicher Deffnung im Schuthrette verhalten sich bie Effette wie die Kuben der Geschwindigkeiten des Massers. Sat 3. B. das Masser in einem Kanale eine Geschwindigkeit bon 3, in einem andern eine Geschwindigkeit bon 4, so verhalten sich die nächlichen Effekte bei gleicher Schuthlfnung wie 27: 64 = 1:2,4, bei gleicher Massermenge hingegen wie 9: 16 = 1:1,8.

M. Bon ben unterfolactigen Rabern, melde fich frei ohne Gerinne bemegen.

Der nutgliche Effekt biefer Rader ift bochftens & bes dynamischen Effekts ber Wafferkraft, und wird burch folgende Berthe ausgebruckt, wo S die Oberflache ber Schaufel bebeutet:

$$P v = \frac{1}{4} Q H = \frac{4000}{8} S \frac{V^3}{g} (\Re i L^2)$$
  
= 12.75 SV<sup>3</sup>.

Die vortheilhafteste Geschwindigkeit bieser Raber ift & berjenigen bes Baffers ober v = & V. Es ift baber bie Pression, welche auf die Schaufeln ausgeübt wird, ober:

P = 38,25 S V2 Ril.

III. Bon ben oberichlachtigen Bafferrabern.

Aus vielfach angestellten Versuchen ergibt sich, daß der nühliche Effekt dieser Raber 0,66 oder 3 des dynamischen Effektes der Wasserfast beträgt. Indessen kann man densselben bei Radern, welche gut konstruirt sind und sich außerdem in einem Kropsgerinne bewegen, bis auf 0,70 oder 76 des dynamischen Effektes bringen. Bei mittelschlächtigen Radern, welche gang den nämlichen Gesehen unterworsen sind, ift er hingegen höchstens nur 0,60 oder 3 des dynamischen Effektes.

Die vortheilhafteste Geschwindigkeit dieser Raber ift gleich ber Halfte berjenigen bes Waffers, ba wo baffelbe bie Schaufel bes Rabes trifft.

Die Erfahrung lehrt ferner, baf ber nutiliche Effekt eines oberschlächtigen Rades besto größer ift, je kleiner bie absolute Geschwindigkeit bes Rades und hiemit auch die bes Waffers ift.

Sieraus folgt, daß man einem folden Rabe bei gegebener Kallbbbe ben großtmbalichen Diameter geben muß.

Dieg ift auch leicht einzufehen, wenn man bedentt, daß bas Baffer febr ichief auf ein oberschlächtiges Nad wirft, und hiemit ber Effett, oben ber Stoß bes Baffere hervorbringt, außerst gering ift, im Vergleich mit bemjenigen, welcher durch die Presson derfelben erzeugt wirb.

Es ift indeffen nicht vortheilhaft, den Diameter ober die Sobe bes Rades zu fehr zu vergrößern, da alebann nothwendigerweise der Behalt der Rubel und folglich auch die Breite des Rades vergrößert



werben muß, mas eine Bermehrung ber Conftruttionotoften und bes Drudes auf bie Bapfen gur Kolge bat.

Smeaton gibt als die vortheilhaftefte Umfangegeschwindigfeit biejenige von 1 - per Setunde sowohl für große als auch für fleine Rader an; eine fleine Vergrößerung diefer Geschwindigteit bringt jedoch, besonbere bei großen Radern, einen unbedeutenden Unterschied in dem nublichen Effette berselben bervor.

R. Buchanan gibt an, daß der nubliche Effett eines oberschläctigen Rades daun am größten ist, wenn man das Wasser so auf das Rad fallen läst, daß der Bogen, welcher zwischen dem Anschläger puntte und dem obersten Puntte des Nades liegt, einem Wintel von 552° entspricht. Es scheint jedoch zwecknäßiger zu sepn, den Diameter des Rades so einzurichten, daß bei vorausbestimmter Umfangegeschwindigkeit die bervorgebrachte Anzahl von Umgängen deselben am leichtesten in diesenige umzuwandeln ist, welche für die durch das Wasserrad in Bewegung zu sehende Maschinerie erforderlich ist.

Bill man 3. B. eine Geschwindigkeit von 24 Umgangen per Minute, und zwar vermittelft zweier eingreifender Raber, beren Durchmeffer fich zueinander verhalten, wie 1:6, so muß bas Bafeferrad 4 Umgange per Minute machen, und hiemit, wenn wir eine Umfangegeschwindigkeit von 1 per Sekunde annehmen, der Dia-

meter bes Rabes = 
$$\frac{60}{4 \times 3.14}$$
 = 5" fepn.

IV. Poncelet's unterfolachtige Raber mit frumm:

Mus bem vorigen Abschnitte geht herbor, baf bie obers und mittelschlächtigen Raber fich mit einer fehr kleinen Ge-



schwindigkeit bewegen muffen, um einen merklich- großerne Effekt zu leiften, ale bie unterschlächtigen Rader.

Da biese Geschwindigkeit für die Betreibung von Masschinen in den meisten Fällen in eine größere umgewandelt werden muß, wodurch ziemlich viel Kraft verloren geht, so sind doch sehr oft die unterschlächtigen Räder denselben vorzuziehen, besonders da, wo ein Fall nicht über 2 Hohe hat, obschon dieselben, wie schon gesagt, bei Weitem nicht so viel leisten, als die erstern.

Die Rader, welche herr Poncelet vorgeschlagen hat und die jetzt sehr baufig angewendet werden, haben alle Bortheile der unterschlächtigen Rader und außerdem noch denjenigen, daß ihr Effekt dem der oberschlächtigen Rader gleichkommt.

Diese große Verbesserung besteht barin, baß bas Wasser, wenn es auf bas Rab fällt, so wie im Innern besselben, burchaus keinen Stoß auf basselbe ausübt, und bas Wasser mit einer geringen Geschwindigkeit aus demselben entweicht. Da die krummlinigten Schauseln dieser Rader dem Wasser eine Fläche barbieten, welche ganz tangential mit seiner Richtung ist, so fällt das Wasser senkent auf dieselben, hebt sich längs denselben durch die Bewegung des Rades, indem es besständig darauf drückt, und erhält durch das Herunterfallen die Geschwindigkeit, welche es zu seinem Entweichen nösthig hat.

digition by Google

Die sorgsältig angestellten Versuche ) bes herrn Poncelet zeigen auch, daß der Rapport des nüglichen Effektes zum angewandten Effekte von 0,6 bis 0,75 geht, und daß für kleine Fallbohen (unter 2") und große Schutzbffnungen (15 — 20 " Hohe) der Rapport 0,75, für große Fallbohen bingegen und kleine Schutzbffnungen der Rapport 0,65 anzunehmen ist.

Die vortheilhafteste Geschwindigkeit des Rades ift endlich = 0,55 derjenigen des Wassers.

Bis dahin haben wir blos den Fall betrachtet, wo die Geschwindigkeit des Rades in einem solchen Berhaltnisse zur Geschwindigkeit des Wassers sieht, daß dadurch das Maximum des dynamischen Effektes erzielt wird. Oft will man aber den dynamischen Effekte erzielt wird. Oft will man aber den dynamischen Effekt eines Rades berechnen, das nicht gerade die gunstigste Geschwindigkeit besitzt. Um diesen zu erhalten, hat man nur das auf obige Weise berechnete Maximum bei unterschlächtigen Radern, so wie bei Porcelet's Radern mit

$$\frac{4 (V-v) v}{V^2}$$

und bei oberschlächtigen Rabern mit

مبالتالفانين مجرير

Thirten by Google

<sup>\*) 6.</sup> Mémoire sur les roues en dessous à aubes courbes.

$$\frac{g H + V \left(v - \frac{V}{2}\right) - v^2}{g H - \frac{V^2}{4}}$$

zu vervielfachen, wo V bie Geschwindigkeit bes heranfließenden Waffers, v diejenige des Rades und H die disponible Fallsbie bedeutet.

Mr. 8.

Bon ben verschiedenen Theilen ber Baffers raber.

Bon ben Gerinnen.

Es gibt zweierlei Arten Gerinne: bas Kropfgerinne, welches zugerundet ift und ber Krummung bes Rades folgt, und bas Schnur- (Schuß-) gerinne, welches aus einem gewöhnlich fchrag berunterlaufenden Brette besteht.

Unterschlächtigen Rabern gibt man gewöhnlich ein Schnurgerinne, mittelfoliachtigen ein Schnurgerinne ober Rropfgerinne, und oberschlächtigen ein Kropfgerinne ober gar feines.

Bebingungen eines gut eingerichteten Gerinnes.

1) Um die Reibung des Waffers in dem Gerinne gu vermeiden, muß daffelbe fo furz als moglich und bas Schutzbrett hiemit etwas geneigt fenn.

Es ift vortheilhaft, baffelbe fo zu neigen, baf AB (fig. 3), b. b. die Distauz bes Punttes, wo es das Gerinne trifft, von ber Bertifalen BD, welche durch den Mittelpuntt des Rades gezogen wird, die Halfte seines Radius beträgt, ober daß ber Winkel, welden es mit der horizontalen EB bilbet, 54° — 60° ift. Das Schufdrett muß ferner fast ganz tangential an den außersten Areis des Rades sepn.

2) Um die Bewegung des Wassers im Gerinne zu erleichtern, gibt man dem letztern eine Neigung von 10 - 15 seiner Lange oder 164 des Raddiameters.

Da das größte Rad ungefähr 6 - Diameter hat, das kleinste 1-,50, so ist die größte Reigung = 0-,1; die kleinste = 0-,2 und hiemit eine mittlere Reigung von 6 - (für ein Rad von 3-,65) anzunehmen.

3) Um bas Entweichen bes Baffers zu erleichtern, bringt man an bem Ende bes Gerinnes einen fleinen Ab-fprung an.

Für einen Kanal von 2 " Breite gibt man bemfelben eine Sobie von eirea 4 ". Immerhin muß man ihn so klein als möglich machen, um die Fallhohe nicht zu sehr zu vermindern. Das Wasser nuß ferner erst dann entweichen können, wenn es vollständig gewirkt hat, und der Absprung sich hiemit etwas hinter der senktechten Linie besinden, welche durch das Centrum des Rades geht.

4) Die disponible Fallsche wird um so mehr vermindert, je größer man die Hohe der Schutzöffnung macht. Indeffen kann diese nicht zu klein seyn, da alsdann für eine gegebene Wassermenge die Breite derselben und hiemit auch die Breite des Rades zu groß gemacht werden mußte.

Gewöhnlich macht man bie Sobe ber Schuhoffnung fur eine Fallbobe von ungefahr 2 - fleiner als 30 -, und fur eine Fallbobe, welche fleiner ift, als 4 -, größer als 25 -. Die gewöhnlichften

Manually Google

hoben berfelben find swifden 16 und 50- enthalten. Die Breite ber Schaufeln oder Rubel, melde bas Baffer auffangen, muß um etwa 4 - 6- großer fepn, als die Breite ber Schuboffinng.

- 5) Mus bem Borbergebenden geht hervor, daß die totale Kallbbbe um folgende Soben vermindert wird:
  - 1) Um die Reigung bee Berinnes ober ungefahr 6 ...,
  - 2) um den Absprung .... 4
  - 3) um bie halbe Sobe ber Schutoffnung . 10

2000.

Bahlt man biefe She von 20 Centimetern ober biefenige, welche man fur jeden einzelnen Fall zu bestimmen hat, von ber totalen Fallbbe ab, so erhalt man die bifponible Fallbbe, welche diejenige ift, die überall in Rechnung statt jener gebracht werden muß.

6) Die Lange bes Gerinnes von dem Schulbrette macht man gewohnlich = 2½ mal, deffen Breite oder ac = 2½ ad (Fig. 4), ferner gibt man demfelben im Grundriffe mit Bortheil die Gestalt des contractirten Wafferstrahles und zwar so, daß e f = ½ a d.

Beftimmung der ubrigen Theile ber verfchiedenen Bafferraber.

.Unterfotagtige : Riberi mit: Gerinne,

Die Lange ber Schaufeln beträgt gewöhnlich: 30 - 40", bie Schaufel muß ferner um g. ihrer Lange in's Maffer ein-

tauchen. Der Rreis, welcher burch bie Mitte ber eingetauchen Lange ber Schaufeln gezogen wird, wird die mittlere Cirkumferenz genannt, und der Diameter berselben ist beri jenige, welcher in Nechnung gebracht wird.

Die vortheilhafteste Neigung der Schaufel hat statt, wenn dieselbe mit dem Radius, der durch den am innern Kreise liegenden Anfangepunkt der Schausel gezogen wird, einen Winkel pon 45 — 30° bilbet.

Bit d ber mittlere Diameter bes Rades, in Metern ausgebrucht, fo ift bie Anzahl von Schaufeln, welche man dem Rade gibt, = 6 d.

Ift n die Anzahl von Umgangen, welche bas Rad in 1 Min. macht, fo ift die Geschwindigfeit deffelben per Setunde

$$=\frac{\pi \cdot \mathbf{n} \cdot \mathbf{d}}{60}$$

und biefe ift gleich & berjenigen bes Daffers, ober:

$$\frac{\pi \cdot \mathbf{n} \cdot \mathbf{d}}{60} = \frac{2}{5} \cdot \mathbf{V}$$

folglich n x = 4 V.

Diefe Art Wafferrader haben hiemit den Bortheil, daß man ihren Diameter, sowie die Angahl von Umgangen, nach Belieben abandern kann, ohne eine Berminderung des nublichen Effettes berfelben be- fürchten zu nuffen.

Unterschlächtige Maber ohne Gerinne.

Bei benselben ift es am vortheilhaftesten, wenn bie Schaufel gang in bas Baffer taucht. Die Lange berfelben

nhized by Google

wird  $\frac{1}{3}$ , —  $\frac{1}{4}$  bee außern halbmeffere bee Rabes gemacht, und beträgt gewöhnlich zwischen 50 m und 80 m. Man gibt biemit biefen Rabern einen Diameter von 3 — 6  $\frac{1}{4}$  Metern.

Der Bintel, welchen die Schaufel mit bem Radius machen muß, betragt hier 25°.

Oberichlächtige Raber. Der Totalinhalt, welden bie Schaufeln ausmachen, ober ber fich zwischen bem außern und innern Kreise bee Rabes befindet, muß wenigfiens bas Doppelte ber einfließenden Wassermenge betragen.

Man bat baber:

$$\mathbf{r} = V_{\mathbf{r'}^2} + \frac{38}{nl} \mathbf{Q}$$

wo r der außere, r' ber innere Salbmeffer bes Rabes, Q die Waffermenge per Sefunde und n die Angahl Umgange bes Rabes per Minute bebeutet.

Die Entfernung zwischen zwei nebeneinander fiehenden Schauseln muß ferner wenigstens eben so groß fenn, als bie Sobie ber Schuthffnung, woraus sich sehr leicht bie Angahl ber Schauseln, welche bas Rab haben muß, berechnen lagt.

Unterfotlachtige Raber mit frummlinigten Schaufeln.

Damit alles Waffer auf die Schaufeln fliegen kann, muß ber Inhalt berfelben wenigstens um & größer fenn, als die gelieferte Baffermenge. Man erhalt baber fur ben außeren Halbmeffer bes Rades, ober:

$$\mathbf{r} = V \frac{22 \, \mathsf{Q}}{\mathsf{pl}}$$

Die vortheilhafteste Angahl ber Schaufeln ift noch nicht genau bestimmt worden. herr Poncelet gibt einem Nade von 4 — 5 Meter Diameter 36 Schaufeln und noch mehr, wenn bie Dicke bes Wasserstables klein ist (10 — 15°"), oder wenn bas Rad noch einen größern Diameter hat.

## Mr. 9.

Beispiele gur Berchnung ber Mafferraber.

### 1) Unterfolachtiges Dab.

Welche Kraft hat ein unterschlächtiges Rab von 5" Diameter und 2",40 Breite, welches von einem Wafferfall in Bewegung gesetht wird, der bei einer Sektion von 2 1 und einer disponiblen Fallbobe von 1",87 eine Geschwind bigkeit von 1",60 per Sekunde hat?

Die theoretische Menge bes ausstießenden Wassers per Ernde ist = 1-,60 × 2-,50 = 4 Cub.-;

bie effettive Menge besselben = 4 × 0,63 = 2,52 Eub.-; bas Gewicht besselben = 2520 Kil.;

ber bynamische Effett bes Wafferfalles = 2520 × 1=,87 = 4712 Kil.-;

der Rubeffett bes Wafferrades

= \frac{1}{3} \times 4712 = 1571 Ril. = \frac{1571}{75} = 21 Pferbeträfte; Lange der Schaufeln 0-,50; innerer Durchmeffer des Rades = 5-,2 \times 0-,50 = 4-,40; mittlerer Durchmeffer derfelben = 5--1 \times 0,30 = 4-,80; Breite ber Schufoffnung = 2m,36;

Sobe berfelben = 0m,28;

Settion berfelben = 2",36 × 0",28 = 0,6608 []";

Geschwindigfeit bes Baffers am Gintritte in die Schaufel

Umfangegeschwindigfeit bes Rabes

$$=\frac{2}{5}\times 6=2^{m},40;$$

Angahl von Umgangen bes Rades per Minute

$$= \frac{60 \times 2^{m}, 40}{3,14 \times 4^{m}, 80} = 9\frac{1}{2};$$

Angahl ber Schaufeln = 6 × 4m,80 = 29.

### 2) Dberfclachtiges Rab.

Welche Kraft bat ein Wasserstrom, der 12" tief und 22" breit, dessen Geschwindigkeit = 70' in 11\frac{3}{4} Sek. und dessen die ponible Fallhohe = 60' ist? Und welche Dimenssionen mogen dem Rade zukommen?

Geftion bes Ranales

$$= \frac{12 \times 22}{144} = 1,83 \square';$$

Gefdwindigfeit

$$=\frac{70}{11\frac{5}{4}}$$
 × 60 = 357',5 per Minute;

theoretische Baffermenge per Minute = 357,5 × 1,83 = 654,225 Cub.7;

effettive Waffermenge = 0,63 × 654,225 = 412,162 Eub.';

Gemicht berfelben = 412,162 × 70 tb. = 28851 tb.; bonamifder Effett ber Bafferfraft

= 28851 × 60' = 1731060 tb.' = 1731060 = 57 Pferdefrafte.

Rubeffett bes Bafferrabes

$$=\frac{2}{3}\times 57=58$$
 Pferbefrafte;

Breite bes Rabes = 4' 2";

Breite ber Schuboffnung = 4';

Sobe berfelben = 11';

Gettion = 6 []';

Befdwindigfeit bes Baffers am Gintritte in Die Schaufel

Umfangegefchwindigfeit bes Mafferrades

mimmt man ben Digmeter bes Rabes au 58' an, fo macht baffelbe

$$\frac{54,5}{3,14\times58} = 0.3 \text{ Umgange in 1 Minute;}$$

Unsahl ber Rubel

$$=\frac{58'\times 5,14}{11'}=120;$$

Behalt ber Rubel

Innerer Durchmeffer bes Mabes

$$=V_{58^4-\frac{2747,75}{0,7854\times4}}=50';$$

Berneille's Batemeeum. II.

Breite bes Rranges

$$=\frac{58-50}{2}=4'$$

3) Poncelet's unterschlächtige Raber.

Es fen die Schugbiffnung 0",20 hoch und 0",70 breit, und das Waffer flehe 1",39 tief. Man verlangt den dynas mischen Effett und die Dimensionen eines solchen Rades zu wiffen, welches durch diese Wasserfraft in Bewegung gesett werden kann.

Settion ber Schuboffnung 0",20 × 0",70 = 0,14 []"; bie effettive Fallhobe, welche die Geschwindigfeit erzeugt, mit welcher bas Waffer jur Deffnung herausfällt

$$= 1^{m}, 59 - \frac{0^{m}, 20}{2} = 1^{m}, 29,$$

melde eine Gefdwindigfeit

$$=V_{19,62} \times 1^{-,29} = 5^{-,05}$$

per Gefunde forrefpondirt;

theoretifche Waffermenge, welche per Scfunde ausflieft = 0-,14 × 5-,03 = 0,7042 Cub.-;

Gemicht berfelben = 704,2 Ril.,

effettive Waffermenge per Gefunde = 0,75 × 704,2 = 528,15 Ril.;

bpnamischer Effett ber Bafferfraft = 528,15 × 1",29 = 681,5135 Ril.";

Nuheffelt bes Wafferrades = 0,75  $\times$  681,5135 = 510,9852 km = circa 7 Pferdefrafte.

Um biefes Marimum von Rubeffelt zu erzeugen, muß bie Umfangegeschwindigfeit bes Rabes = 0,55 × 5 ,03 = 2,7665 per Setunde fenn.

Der Rubeffett bieses Rabes für eine andere weniger vortheilhafte Geschwindigfeit beffelben, g. B. für die von 4- per Setunde wurde (nach Lag. 39)

$$= \frac{510,9852 \times 4 (5^{\circ},03 - 4) \times 4}{(5^{\circ},03)^{\circ}}$$

= 53,28 Stil. " fevn.

Dieses Rab, welches herr Poncelet zu seinen Versuchen gebrauchte, hat 3-,575 (11') Diameter, 0-,76 (28") Breite, 0-,38 Kranzbreite und 36 Schaufeln aus Eisenblech von 3 — 4-- Dide. Die Hobe bes Absprungs beträgt 30- (1') und die Reigung des Gerinnes 1 der Länge derselben.

## Mr. 10.

## Berechnungen über Dublen.

Jebermann weiß, daß die wesentlichsten Theile eines Mublganges zwei Mublsteine sind, zwischen welchen das Getreide zermalmt wird, und wovon der untere fest ist, der obere aber sich um seine Achse herumbewegt. Der Effett oder die Arbeit, die durch diese Bewegung erzeugt wird, hangt daher von dem Produkte der Geschwindigkeit des obern Mublsteines und seinem Gewichte al.

(Letteres ift indeffen nicht gang in Rechnung gn bringen, ba eine Portion bestelben von bem Sapfen feiner Achfe getragen wird).

Sabre gibt folgende praftische Regeln an:

1) Das Totalgewicht eines vollständiger Muhlsteines von 5' Diameter nuß 3990 B. betragen. Ein ahnlicher von 1436 B. Gewicht ware nachtheilig.

2) Gewöhnlich denkt man sich die Resistenz des Getreides an dem mittleren Kreise angebracht, dessen Radius =  $\frac{2}{3}$  desjenigen des Mühlsteines selbst ist. Diese ist alsdann ungefähr  $\frac{1}{22}$  des Gewichts des Mühlsteines sammt seiner beweglichen Zugehörde.

Digitation of Google

5) Ein Mablifein von 5' Diameter macht gewohnlich 48 Umgange per Minute. Man tann biefe Geschwindigleit aber ohne Nachtheil bis auf 60 Umgange bringen. Er liefert alsbann 390 B. Mehl per Stunde.

Aus Nro. 3 geht hervor, daß die vortheilhafteste Seschwindigfeit am Umfange des Muhlsteines zwischen 4-,08 und 5-,19, und biesenige auf dem mittleren Kreise zwischen 2-,72 und 5-,46 per Setunde liegt. Nach Evans und Ellicot ist diese lehtere Geschwinbigkeit zwischen 7-,47 und 4-,66 begriffen. Indem man nun eine Umfangsgeschwindigkeit von 4- per Sekunde am mittleren Kreise des Muhlsteines annimmt, erhalt man solgende Formel (in Metern und Kilogrammen ausgebrückt), wo d den Diameter des Muhlsteines, n die Anzahl von Umgängen desselben per Minute, P das Gewicht des Muhlsteines sammt seiner beweglichen Zugehörde und s das Gewicht des Getreides, welches der Muhlstein stündlich mahlenkann, bedeutet:

I. Da die Angahl von Umgangen im umgekehrten Berhaltniffe gu dem Diameter des Muhlfteines fteht (a: n';: v': v:: d': d), so ift:

II. Da bas Gewicht bes Mubliteines in quabratifdem Berbaltniffe gu feinem Diameter ift, fo ift :

P = 668 d.

III. Ferner lehrt bie Erfahrung, bag bas Probutt bes Mublifteines bei conftanter Geschwindigleit proportional ju bem Sewichte beffetben, und folglich bei constanter Dide proportional ju bem Quabrate bes Diameters ift, und es ift baber:

f = 78,66 da.

IV. Es ift hiemit ber bynamische Effett, welchen es per Gertunde braucht, um ben Mublitein in Bewegung gu feten, ober:

$$(PV) = \frac{668 \ d^{*}}{} \times 4^{*} = 121,44 \ d^{*} \ km'$$

und berjenige, um 1 Kil. Getreibe zu mahlen, ober: (p v) = 5555,78 km.

Folglich brancht es, um 1 heftoliter von 75 Ril. gu mahlen, einen bynamischen Effett von 417 Dynamien. Der Effett, welchen ber Motor gu biesem 3wede hervorbringen muß, ift indessen weit beträchtlicher. Nach Evaus braucht es dazu eine Wassertraft von 780 Dynamien, nach Aithlin eine von 894 und nach Tretgold eine Dampsfraft von 729 Dynamien.

Kolgende Zabelle ift aus biefen Angaben berechnet worden:

		~		and the second second second second
Diameter des Muhlsteins.	Gewicht defe felben.	Anzahl Um: gånge per Set.	Don, Effett per Schunde.	Quantitat bes gemablenen Getreibes per Gelunbe.
Meter.	Kilogr.	-,	Kil."	Rilogra
1,0	668	1,91	121,4	0,02185
1,1	808	1,81	146,9	0,02644
1,2	961	1,72	174,8	0,03147
1,3	1128	1,62	205,2	0,03693
1,4	1508	.1,53	238,0	0,04283
1,5	1501	1,43	273,2	0,01917
1,6	1709	1,51	310,7	0,05594
1,7	1929	1,24	350,8	0,06313
1,8	2165	1,14	393,2	0,07080
1,9	2410	1,05	438,2	0,07888
2,0	2670	0,95	485,5	0,08741
2,1	2914	0.86	535,3	0,09637
2,2	3231	0,76	587,5	0,10576
2,3	3521	0,67	612.2	0.11560



### Mr. 11.

Anwendung ber verschiedenen Arten Baffers raber zur Bewegung bes Muhlfteines.

Nimmt man an, daß die Reibung ber verschiedenen Theile eines Mublganges To des dynamischen Effektes ab, sorbirt, der zur Bewegung eines Mublsteines erfordert wird, so braucht es für jeden Mublstein einen Effekt von 134 d'a Kil. per Sekunde.

Es ift baber, wenn E ben nuglichen Effett bedeutet, welchen bas Wafferrad herborbringen, und n bie Angahl Muhlfteine, bie baffelbe bewegen fann: 9)

$$n = \frac{E}{.434 d^2}$$

Rennt-man ferner: Q das Gewicht (in Rilogr.) ber in 1 Sefunde gelieferten Waffermenge, H die Sallbobe, fo hat man: fur unterschlächtige Raber mit Gerinne

$$E = \frac{1}{3}$$
 QH und folgl.  $n = \frac{QH}{402 d^2}$ 

<sup>)</sup> G. Architecture hydraulique par Belidor.

fur folche ohne Gerinne:

$$E = \frac{1}{4} Q H \text{ und } n = \frac{QH}{536 d^2}$$

ober E = 12,75 S V3 und n = 
$$\frac{0.095 \text{ S V}^3}{d^2}$$

(wo S die Oberflache der Schaufeln und V die Geschwindigkeit des Massers bedeutet);

für oberschlächtige Rader, so wie für Poncelet's untersichlächtige Rader:

$$E = \frac{2}{3} Q H \text{ und } n = \frac{Q H}{201 d^2}$$

Beifpiel 1. Ein Kanal liefert per Sekunde 515 Liter Baffer und hat eine bisponible Fallbobe von 5-. Wie viel Muhlfteine von 1-,60 Diameter kann diese Wasserkraft mittelft eines oberschlächtigen Rades in Bewegung seben, und wie viel Getreide kann bamit gemablen werden?

Antwort.

$$n = -\frac{OH}{201 d^2} = \frac{515 \times 5}{201 \times (1^{-60})^2} = 5.$$

Ein Muhlstein von 1=,60 Diameter mahlt per Sekunde (f. vorhergehende Labelle) 0\(^1\),05594, folglich 5 Muhlsteine 0\(^1\),27970 und in 1 Stunde 3600 \times 0\(^1\),27970 = 1007 Kil, 13\(^1\) Hektoliter Getreibe.

Beispiel 2. In einer Schiffsmihle sollen vermittelft zweier Mahlgange täglich 80 Heftoliter Getreibe gemahlen werden; wie groß und wie schwer nuiffen die Muhlsteine derselben sepn, und wie viel Oberstäche muffen die Schauseln zweier Wasserräder haben,

· Digitate by Google

welche diefelben in Bewegung feten follen, wenn die Gefdwinbigfeit des Waffere im Fluffe 3- per Setunde betragt?

Antwort. 80 hettoliter = 80 × 75 = 6000 Kil. taglich. Rimmt man an, bag die Muble taglich 20 Stunden im Durchschnitte arbeitet, so ist die Quantitat Getreibe, welche stündlich gemablen werden muß,

$$=\frac{6000}{20}$$
 = 300 Mil.

Dach Dro. III. hat man:

folglich

$$d = V \frac{f}{78,66} = V \frac{300}{78,66} = 1^{\circ},95$$

für den Diameter der Muhlsteine und P=668 d. Kil.  $=668\times (1^{\circ},95)^{\circ}$  Kil.  $=247\frac{1}{2}$  als Gewicht eines Muhlsteins sammt Zugehörde.

Man bat ferner :

$$n = 1$$
 und  $n = \frac{0.095 \cdot SV^{-3}}{d^2}$ 

folglich

$$S = \frac{d^a n}{0.095 \text{ V}^5} = \frac{(1^m.95)^a \times 1}{0.095 \times (3^m)^5}$$

= 1,49 [ Dberflache ber Schaufeln.

Gibt man alfo der Breite der Schaufeln 3", fo muß die Sobe berfelben

$$=\frac{1,49}{3}=0$$
,5

betragen. Diefe gehort einem Durchmeffer bes Nabes von 4 - 5 Metern an.

Digitized by Google

### Mr. 12.

### Starte ber Materialien.

Eine Kraft fann im Allgemeinen auf viererlei Urt auf einen Korper wirken und ihn ju gerftoren fuchen:

- 4) Durch senkrechten Druck, indem die Kraft von oben herunter auf den Korper druckt, welcher auf einer festen Unterlage ruft. It diese Kraft groß im Berhältnisse mit dem Widerstande des Korpers, so diegen sich zuerst die Theile des Korpers und werden endlich ganz zerquetscht. Den Widerstand, den der Korper in diesem Falle darbietet, bezeichnen wir durch das Wort senkrechten Widerstand Cresistence à l'éerasement.
- 2) Durch Traftion, indem der Korper an einem Ende aufgehängt oder befestigt ift, mahrend die Kraft an dem andern Ende deffelben nach entgegengesetzer Richtung wirft und deffen Theile zu zerreifen sucht. Den Widerstand, welcher diesem Zwecke entgegen arbeitet, nennen wir long it tubinalen Widerstand oder abfolute Festigkeit (R. à la traction).

- 5) Durch lateralen Drud. Der Korper ift in biefem Falle in einer horizontalen Lage, und bie Kraft wirkt fenfrecht auf biefelbe und sucht ihn zu zerbrechen. Den Widerstand, ben ber Korper barbietet, nennt man trans, verfalen Wiberstand ober respektive-Festigkeit (R. à la rupture latérale).
- 4) Durch Torsion, indem die Kraft die Elemente bes Sorpers zu zerdrehen und demselben eine schraubensormige Gestalt zu geben sucht, was am meisten bei Korpern vorskommt, welche einer Circularbewegung ansgesetzt sind. Wir nennen diesen Widerstand Torsionswiderstand (R. & la torsion).

Der Widerstand, den ein und derselde Korper leistet, ist sehr verschieden und hangt ganz von der Urt ab, mie die Kraft auf ihn wirst. Will man dahrt die Dimensionen eines Korpess derechnen, der einer gegebenen Kraft widerstehen soll, so muß man zuerst forz-fältig ansmitteln, auf welche Urt die Kraft auf denselden wirst. Sentrechte Pfeiter, Saulen ic. haben z. B. nur einen sentrechten Widerstand, Seile nur einen longitudinalen, Pumpenstangen ab mechselnd einen sentrechten und einen longitudinalen Pumpenstangen abstehend einen sentrechten und einen longitudinalen Widerstand zu leisten, don welchen der erstere indessen nur einen Tovsionswiderstand, hortzgontale aber außerdem noch einen tenkonsorsalen Widerstand, hortzgontale aber außerdem kalle erhält man zweiersei Dimensionen, wovon natürlichernyeise sinmer die färfere genommen werden nuß.

## Mf. 13.

# I. Von bem fentrechten Wiberstande ber Rorper.

Wirkt eine Kraft von oben herab auf einen Korper, fo werden die Theile beffelben einander genähert nach der Richtung des Druckes und nach der andern Richtung von einanber entfernt.

Der Widerstand von Körpern von gleicher Form und gleicher Natur ist proportional mit der Sektion berfelben. (Es versteht sich von selbst, daß bier wie überall die kleinfte Sektion bes Körpers in Betracht gezogen werden nunß).

einen Drud von 200 th., fo erträgt einer von gleicher Natur und von 15 [" Sektion einen Drud von 15 x 200 = 3000 th.

Nach Rondelet hat ber größte Widerstand bei einem Korper von konstanter Sektion bann statt, wenn seine Sobie gleich ift seiner Dicke. (Unter Dicke versicht man hier die kleinste Dimension bes Korpers). Wird bieses Maximum von

Wiberftand = 1 gefett, fo ift bei Solgern und gefchmiebetem Eifen, wenn ber Rapport bes Diameters gur Sobe

. =		24	ift, ber	Widerst	and =	Ī
. =	= .	54	ņ	,	=	4
, =	=	108	"	n	=	16
=	=	135	"	n	=	3 <sup>2</sup>
	=	$\frac{4}{162}$	,,	**	/ ' <b>=</b>	1 64
=	=	187	22.	, ,,	_	$\frac{1}{128}$
bei Bufeifen :	=	1	"	. "	. =	3
	=	¥	. "	. "	=	T
	_	I			_	2

Ronbelet gibt . Folgendes fur . bie Baubolger an :

1) St	irke ve			ier S		er t	on 1	<b></b>	**
- :			eri	ton.	, ,	Marí	mum h	es mih	er-
	÷ ***	5 (12)	15.4	Siohe	e Tri al		stande	es Wide	
Eichen = 1	oder La	nnenhol	z. 1	_	2mal	die .	Dicte	0,30,	
"	it is	,		2mal			"	0,25,	
geschmied	etes Gifi	en .			2mal	. :		10 Kil.	
"		9	1	2mal		,		6,25,	
Gußeisen		• •		. — 2		, ,	, :	20 Kil.	
22	· ·	"	4	mal		,		13 Ril.	
,,	,	,	8	mal	,	,	**	10 Kil.	
"		,	ä	6mal			**	1 <sup>k</sup> ,33	
2)	Står	fe eir	es	Cub	ifce	ntin	icter	ŝ	
von Ba	jalt .			•			200	o Kil.	
" Poi	phyr .			÷	• •		245	0 25	
" Gra	anit 🖫					400	- 88	30 "	
n Ma	rmor .			1.		300	-100	00 ,,	
in Ral	fftein			11 -1-	·17.	.50	- 14	7: "	
, Bai	d'stein		10	•		40	- 15	0 ,	
" Gn	p8 .			•	· .	50	- 17	2 ,,	
" Mò	rtel von	12 0	onat	en .		30	- 1	10 ,,	
» Mi	rtel, de	r vor b	em	Gebra	auche	-			
ftar	f geschla	gen wi	rd .	• 1			(	50 "	•
	hmiedete						. 500		
	ßeisen .						2520	00 "	

. . . .

Hymnoby Google

hon	Rupfer	1	geg	offe	enes		•	•	٠.	. •	•	8360	Kil.
••••	o, ap   c.	ì	gef	dylo	igene	3		•	٠	•		6070	22
22	Meffing	.•	•	•	.35	•		- 3	200	0		23000	- 29
23	Zinn .		. •	• .			•			60	96	980	. 99
99	Blei .	• .	•		•		•					: 147	"

# 3) Tabelle für bie Starte bes gefchmiedeten Gifene von 1 [ " Settion. ")

Verhältniß ber Valis zur Höhe.	Gewicht, erfor: derlich, um die Stange zu bie= gen.	Napport id.	Gewicht id.
1 3u 1	512 tb. = 1.	51	= 138 tb.
3 -	471	54	128 = 1
6	439	57	1181
9	406	60	109
12	376	63	1011
15	318	66	91
18	522	69	87
21	298	72	801
24	276	75	741
27	256 = 1	7Š	69
50	237	81	64 = 1
33	2191	84	591
36	203	87	54 \$
39	188	90	503
42	174	93	47
45	161	96	451
48	149	99	401

<sup>\*)</sup> Siebe Art de batir par Rondelet.

Alle die obigen Angaben zeigen allein das Gewicht an, welches fähig ift, den Körper zu zerquetschen oder zu brechen. Damit aber derselbe nicht in seiner Gestalt verändert werde und keinerlei Biegung zu erleiden habe, muß die Laft, die man ihm zu tragen gibt, bedeutend kleiner senn.

Nach Rondelet soll bieselbe bei Bolgern nie mehr als &, bei Baufteinen und bei geschmiedetem Gifen To und bei Guffeisen hochstens & ber in den verschiedenen Tabellen angezeigten

Laft betragen.

Er rath ferner, fur holzerne Pfeiler, beren Sohe weniger als bas Zehnfache ihres Diameters ift, nicht uber 5 fb. per "Sektion; fur folche, beren Sohe bas 15fache beträgt, nicht uber 4 fb., und fur diejenigen, beren Sohe bas 20fache beträgt, nicht über 3 fb. zu rechnen.

Bei Wurfeln von Eichenholz vermindert fich ihre Sobe um 4, ehe fie brechen; bei folden von Tannenholz um 4. Sobald ein Pfeiler 7 — 8mal so viel Johe als Durchmesser hat, so biegt er sich

unter ber Laft, ebe er bricht.

Es ist vortheilhaft, einer Pumpenstange von geschmiedertem Eisen eine größere Länge zu geben, als die 24fache ihres Diameters. Nach Laplace hat bei einer runden Sektion der größte vertikale Widerstand statt. Doch ist dieß bis das hin nur sehr selten in der Praxis beachtet worden.

Es ist endlich noch zu bemerken, daß alle obigen Angaben allein für den Fall gelten, wo beide Enden des Körpers frei find (Figur 5), und wo dieselben von ihrer primitiven Richtung sich abneigen können. Ift hingegen das eine Ende derselben eingemauert

Dig used by Google

(Figur 6) und bas andere frei, so tann ber Kotper eine boppelte Laft ertragen, als bie, welche man durch obige Angaben erhalt. Enblich tann biefe Laft das Bierfache fenn, wenn die beiben Enden bes Körz pers eingeschloffen find (Figur 7), ober wenn die felben frei find, die Mitte berselben fingegen eingeschloffen ist. Ueberhaupt tann man fagen, daß der Widerstand eines Körpers proportional ist der Angabl von Niegungen, welche durch die verschiedenen Dispositionen der Stüppunkte erzeugt werden können.

Beifpiel. Man verlangt ben Durchmeffer einer gufeifernen Gaule gu miffen von 5- Bobe, welche 20000 Ril. ertragen fann.

Entwort. Nehmen wir bas. Berhaltnif bes Diameters gur Sobe ber Saule wie 1:8 an, fo ift die Ressischen des Gußeisens (nach Tab. 1) fur 1 [ = Settion = 10 Kil. Nach angegebener Borfdrift foll indesten nur ber vierte Theil ober 2] Kil. genommen werben.

Mus biefem ergibt fich eine Geftion ber Gaule von

welche, wenn mir fie freisformig annehmen, einen Durchmeffer von 103 == 0-,103 gibt.

Das Berhaltnis bes Durchmeffere gur Sobe beffelben ift alebann wie 105- : 3000- ober wie 4 : 29.

Jur ein Berhaltnif von 1 : 36 gibt obige Tabelle fitr

$$\frac{4^{\frac{1}{3}}}{4} = \frac{4}{3} \text{ Ril.}$$

an, hiemit eine Geftion von

$$20000 \times \frac{4}{3} = 60000 \square$$

und einen Durdmeffer von 282 an.

Bernoulli's Batemecum. II.

Der Rapport des Durchmeffere zue hohe ift aledann wie 283: 3000 ober ungefahr wie 1: 43. Da derselbe 1: 56 sem sollte und hiemit zu start, der erstere hingegen zu schwach ift, so gibt das Mittel zwischen den beiben gesundenen Diametern ziemlich benjenigen an, der bier angewandt werben muß, namlich:

282 + 103 = 19 Diam. ber Caule.

### Mr. 14.

## II. Longitubinaler Biberftanb.

Wird eine Stange ber Wirkung einet Kraft ausgesetzt, welche ihre Theile von einander ju entfernen und also biegelbe ber Lange nach auszudehnen sucht, so ift der Widerfland, ben ihr die Stange entgegenbietet, ganz unabhängig von ihrer Lange, hingegen proportional zu ihrer Sektion, (hangt übrigens ganz von der mehr oder minder großen Duktibilität der Körpers ab). Ift daher F die Kraft, welche nothig ift, um einen gegebenen Körper zu zerreißen, s die Sektion defelben und f die nothige Kraft, um einen Körper von gleicher Natur und von 1. Gektion zu zerreißen, so ift:

F = fs.

Um alfo den Widerstand eines jeden Korpers zu finden, hat man mir nothig, feine Sektion, in Centimetern ausgebrudt, mit folgenden Werthen von f zu vervielfachen. Longitudinaler Biderftand ber Solzer, wenn bie Rraft parallel ju den Fibern wirkt.

Spezifisches Gewicht.	Last, welche ben Korper Zerreift, per 1 [
Tannenholz 600	840 Ril.
Buchenholz 700	800 "
gewöhnliches Eichenholz 845	780 "
id. von Malaban 860	1050 "
Buchebaumholz 980	1400 ,
Birfenholz 600	1200 "
Birnbaumholz 646	690 »
Mahagoniholz 637	560 ,

Widerstand ber Solzer, wenn die Kraft fenfrecht

		per [ ".
125	"	27
94	"	, ,
42	"	22
	. 94	. 94 "

Bei Solgern von gleicher Natur ift die Starke proportional mit ihrem spezifischen Gewicht. Für eine fortbauernde Laft barf nicht mehr als die Salfte ber angezeigten Werthe genommen werden.

## Longitudinalstarte ber Metalle.

per 1 [ Seftion. Geschmiebetes Stangeneisen . . . . 3200 — 5400 Kil. Eisenblech nach d. Richtung d. Streckung . . . 4080 »

per 1 🗀 ** Sekti	on.
Eifenblech fenfrecht auf biefelbe 3640	Ril.
gehammertes ober gezogenes Gifen 5500 - 6000	22 ."
Gifendrath von 5 1,3 Diameter, nicht	
geglüht 6000 — 6480	29
id. von 1 1000 - 8400	.23
id. von $1^{mm} - 1\frac{1}{2}^{mm}$ geglüht 3600 — 3800	"
Gußeisen graues	23
( weiges 1310	"
Cementstahl   nicht affinirter 2790	"
. 1 apparter 9100	,,
Gußstahl 4400	"
gehammerter Stahl 9440	"
Bronze (Kanonenmetall) 2550	25
Rupfer laminirtes	22
geschlagenes 2480	"
gegoffenes Binn 333	29
Blei gegoffenes	23
laminirtes	23
Messingbraht	
weicher von weniger als 2mm Diameter 8520	23
id. von 2 Diameter 6610	"
harter von 2mm Diameter 4140	"
gegoffenes Rupfer	99 ·
" Messing 1263	"
Glas 310 — 323	22

Far eine permanente Laft muß nur i ber bier angezeigten Berthe als Wiberftand angenommen werden,

### Starte einiger Steinarten.

Weißer Stein mit feinem Korne 14 Kil.
gut gebranuter Backstein 18 — 20 n
Gwesstein . . . . . . . 4 n
Mortel aus hydraulischem Kalk 10 n
gewöhnlicher schlechter Mortel . 1 n

Ueberhaupt ift ber longitudinale Widerstand bes Mortels immer ungefahr & feines fentrechten Widerstandes. Uebersteigt die Kraft, welche auf einen Korper wirft, die Granze der Elasticität besselben nicht, so nimmt dieser wieder seine fruheren Dimensionen an, wenn die Kraft nachläßt, und die Bertlängerung des Korpers ist immer in direktem Berbaltnisse mit der Kraft und mit feiner Lange, im umgekehrten Berbaltnisse nife aber mit seiner Sektion.

Die Granze ber Dehnbarteit bes geschmiedeten Gifens hat fatt, wenn es an Lange um Wa jugenommen hat und feine Settion noch Tag ber primitiven Seftion ift.

Aus den Bersuchen von herrn Seguin, bei Erbauung von Drahtbriden, ergibt sich, baß die Eisendrahte durch das Ausgtüben p ihrer Starte, die Messingdrahte die Salfte ihrer Starte ver-lieren.

Beifpiel. Belde Settion muß eine vieredigte Stange von gefcmiebetem Eisen haben, um eine permanente Last von 6000 Ril ertragen gu tonnen? Untwort. Das Gewicht, welches biefe Stange ju gerreißen parmag, muß also bas Dreisache ber permanenten Laft ober 18000 Kil. betragen. Nehmen wir die Starte bes Cifens ju 4200 Kil. per 4 [ ] an, so braucht es eine Settion von

18000 = 5,66 [].

und biemit einen Durchmeffer von circa 3-.

#### Starte ber Seile

Die Longitudinalftarte ber Seile hangt von ber Natur berfelben und ber Urt ab, wie biefelben fabrigirt worden find.

Die besten sind die, welche nicht ju fehr gebreft sind. Start genette Seile haben & weniger Starte, als trodene. Ein nicht getheertes Seil ift um & ftarter, als ein getheertes. Mittlere absolute Resisten, ber Seile . 200 Ril. per | ....

Ceile, welche in b. Fabrifen verfertigt werden 188 ,

Die Salfte ber hier angegebenen Gewichte ift bie, welche in ber Rechnung ohne Nachtheil angenommen werden kann, und welche man die redugirte Starke ber Seile nennt.

Die biden Seile, welche aus mehreren Liben zusammengesett find, haben in ihrem Innern einen Docht, ber nichts zu ihrer Starte beiträgt. Es ist alebann nicht ber Diameter bes Geiles, sondern vielmehr berjenige ber verschiebenen Liben, aus welchen es pfammengesett ift, in Rechnung zu bringen.

Tabelle über die mittlere absolute Starke der Seile von ver-

Diameter	Gewicht von 10'Lange,	Mittlere Starfe
in	(ben Docht mit einbe-	in
Linien.	griffen).	Pfunden.
2"" 5 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19	0,40 tb.  0,22 0,40 0,65 0,90 1,22 1,60 2,02 2,52 5,05 5,60 4,83 4,93 5,62 6,10 7,20 8,14 9,05	58 tb. 100 180 276 416 540 700 892 1112 1352 1588 1868 2160 2480 2820 5181 5512 3976

	Gewicht von fo' Lange, (den Docht mit einbe- griffen).	Mittlere Starte in Pfunden.
7	64	Astales
21	11,07 tb.	4860 tb.
22	11,90	5340
23	13,53	5838
24	14,40	6348
25	15,62	6888
26	46,90	7418
27	18,22	8036
28	19,60	8640
29	21,02	9268
30	22,50	9920
51	24,03	10592
52	25,60	11284
53	27,22	12034
54	28,20	12710
55	30,62	15060
\$6-0	52,40	14280
5 ( 5 th		I'm to the thirt !

Diese Tabelle ift fur eine Resistenz von eirea 200 Kil. per \_\_\_\_\_\_\_ berechnet worden.

Sabelle ber mittlern absoluten Starfe ber Ligen (torons) bon 10' Lange.

Diameter.	Gewicht von 10' Länge.	mittlere abfo lute Stårfe.		
-//				
3′′′	0,19 tb.	135 tb.		
47	0,599	275		
6	1,171	540		
7 <del>\$</del>	1,933	893		
9	2,629	1215		
107	3,433	1587		
12	4,655	2160		
133	6,080	2821		
15	7,270	3375		

Aus diesen Tabellen ergibt sich, daß man die Starke der Seile proportional zu ihren Sektionen oder zu den Quadraten ihrer Durchmesser annehmen kann, obschon dieß strenge genommen nicht der Fall ift.

Aus der Vergleichung des Gewichtes und der reduzirten Starte der Seile ergibt fich, daß jedes Seil, von welchem Durchemesser es auch immer seyn mag, deffen Lange eirea 4500 Fuß oder 4500 Meter beträgt, von feinem eigenen Gewichte gerrifen wird.

Nennt man L bie Lange bes Seiles in Metern oder bie Sobe, auf welche eine Laft P, in Kil. ausgebrucht, an bem Seile

erhoben werben foll, und d ber ju suchende Diameter des Seiles, fo ift, wenn man das Gewicht eines Cubifmeters Seile = 9171,36 fest:

 $d = \sqrt{\frac{1388 \text{ P}}{1500 - \text{L}}}$ 

Drudt man d in Pariferlinien, L in Pariferfußen und P in Pfunben aus, fo hat man:

 $d = V_{\frac{411 \, P}{4500 - L}}$ 

Beifp vel. Es foll eine Last von 2000 tb. aus einer Ciefe von 1: 900 / hinaufgehoben werden. Wie groß muß ber Durchmeffer bes Seiles fepu, mit welchem biefes geschehen soll?

Antwort. Für die absolute Laft oder diejenige, welche das Seil gerreißen wurde, ist hier wenigstens das Doppelte oder 4000 tb. zu nehmen. Man hat also:

d = 
$$V_{411} \times 4000 = V_{9} = 21'''$$
 ungefahr, welches ziemlich mit obiger Labelle übereinstimmt.

Digitated by Google

as is the quity

## Mr. 15.

## III. Transverfalftarte ber Rorper.

Um bie verschiedenen Aufgaben darüber lösen zu konnen, muß zuerst der Druck oder Effor bestimmt werden, den ein Gewicht auf eine Stange hervordringt, je nach den verschiedenen Fällen, wie dasselbe angebracht ist. Dieser Effekt ist nicht auf allen Punkten der Stange der nämliche, sondern wächst mit der Entsernung vom Aushängungspunkte der Last. Der Bruch der Stange, welche überall gleiche Resistenz leichtet, geschieht natürlicherweise in dem Punkte, welcher den größten Druck zu erleiden hat. Es muß daher auch nur dieses Maximum von Druck berechnet werden. Es sen dasselbe = F, das angebrachte Gewicht = P.

Erster Fall. Ift bas eine Ende ber Stange eingemauert, bas andere Ende belastet, und ift L die Lange ber Stange oder die Entfernung des Punktes, wo die Last angebracht ift, von der Mauer (Figur 8), so ist:

$$F = P L$$

$$\text{und } P = \frac{F}{L}.$$

Der Bruch ber Stange fann in biesem Falle nirgends statt haben, als im Punkte A, ba ber Druck bes Gewichtes in bemselben am größten ist. Ware bas Gewicht auf ber gangen Lange ber Stange gleichsbrmig vertheilt, so ware

$$\mathbf{F} \stackrel{\text{def}}{=} \frac{\mathbf{PL}}{\mathbf{2}} \leftarrow \mathbf{problem finite}$$

und bie Stange fonnte bas boppelte Gewicht tragen.

3weiter Fall. Ift die Stange in ihrer Mitte untersftugt und an beiden Enden belaftet (Figur 19), so ift, wenn P die Summe der beiden Gewichte und L die Diftanz zwisschen ihren Aushängepunkten bedeutet:

$$F = \frac{PL}{2}$$

$$\text{und } P = \frac{2F}{L}$$

Es tann alfo in biefem Falle bie namliche Stange mit bem boppelten Gewichte belaftet werden, als in bem erften Falle.

Dritter Fall. Ift die Stange an beiden Enden unterfiut und in der Mitte belaftet (Fig. 10), fo hat man:

1:35.

$$F = \frac{PL}{4}$$
 and 
$$P = \frac{4F}{L}$$
 and 
$$P = \frac{4F}{L}$$

Bft bas Gewicht nicht in der Mitte aufgelegt und die Entfernungen dieses Gewichtes von den Stuppunkten m und n, so daß m + n = L, so ist:

District by Google

$$F = \frac{P \cdot m \cdot n}{L}$$
 and 
$$P = \frac{L \cdot P}{\lim_{n \to \infty} A_n \cdot n} \quad \text{and} \quad n \in \mathbb{R}^n$$

(Rad Anmertung 9, Seite 25, Bol. 1 hat alebann berjenige Stubpunft am meiften zu tragen, ber an: nachften bei bem Aufhangpunfte bes Sewichtes liegt).

Bierter Fall. Ift bie Stange an beiben Enben eins gemanert (Figur 141) und in ber Mitte belaben, fo ift:

$$F = \frac{PL}{8}$$

$$\text{and } P = \frac{8F}{L_*}$$

Dieß ift ber gunftigfte Sall, ba eine Stange von gleicher Refifteng ein achtmal großeres Gewicht tragen fann, als im erften Falle.

28ill man and noch bas Gewicht p ber Stauge felbft in Rechnung bringen, und ift bie Dichtigfeit berfelben in allen Puntten bie namliche, fo ift in allen biefen gallen ftatt P, P + 1 p gu feben.

Beftimmung ber Refifteng ber Rorper.

Damit ein Korver, teine nachtheilige Beränderung feiner Gestalt erleide, muß feine Transberfalftarfe bei meitem größer fenn, als der Druct des Gewichtes, welchem er ausgesetzt ift und welchen wir fo eben berechnet haben.

Ift biefelbe biefem Drucke gleich ober fogar noch kleiner, fo biegt fich juerft der Rorper und bricht endlich. Diefer Biberftand bangt gang von ber Form ber Gektion bes Rors



1) für eine Stange von quabratifder Settion p berein

$$L F' = \frac{R q^3}{6}$$

2) für eine Stange von rektangularer Sektion, mo a bie Breite und b bie Dide 9) ber Sektion bebeutete

II. 
$$F' = \frac{Rab^2}{6}$$

3) fur cine Stange von circularer Sektion, beren Rabine = r ift:

III. 
$$F' = \frac{R \pi r^3}{\Lambda}$$

4) fur eine Stange bon ringformiger Settion, mo r' ben außeren, r" ben innern Rabins bedeutet :

IV. 
$$F' = \frac{R \pi (r'^4 - r''^4)}{A r'}$$

5) fur eine hohle Stange von reftangularer Seftion, wo b bie außere und b' bie innere Dide, a bie außere, a' bie innere Breite bebeutet:



<sup>9)</sup> Unter Dide ober 5obe berfieben wir bier immer liefenige Dimenfion bes Stadte, welche fentrecht ju fieben tommut, unter Brette bingegen beienige, welche bortjontal ju liegen tommt. Die namilde Dimenfion tann ale bate Dide, batd Breite heißen, je nachbem bas Grud auf tiefe ober auf jene Seite gefegt wird.

$$V. F' = \frac{R (a b^3 - a'b'^3)}{6 b}$$

Aus zahlreichen Bersuchen hat man folgende Berthe für

fur bae Eichenholg . R = 690 Ril.

" Tannnenholz . " 610

, Gugeifen . . ,, 2800 ,

gefcomiedete Gifen 6000 ...

Führt man diese Werthe fur R in vorsiehende Gleichungen ein, so erhalt man F' ober bas ersorderliche Gewicht, um ben Abruer zu brechen.

Banks und Tretgold geben aber an, daß ein horis zontaler Baum, um keine Gefahr zu leiden, nie mehr als mit bem Drittel, ein folder hingegen, der zu einer Cirkularbewegung bestimmt ist, nie mehr als mit dem Fünftel desjenigen Gewichtes belastet werden muß, welches denselben brechen wurde. Es sind also in der Praxis solgende Werthe für R in Rechnung zu bringen:

- cay a co	ng gu oringen	,	·für S	Balfen	fúr	Wende Ach		uni
bon	Gichenholy .		230	Ril.		140	Ril	
29	Tannenholy .	, ,	200	99		120	27	
79	Gußeisen .		930	"		560	22	
"	gefchmied. Ei	isen	2000	,,		1200	"	

Mus diefen Formeln geben folgende praftifche Regeln bervor:

1) Die Transversalfestigkeiten zweier Balken von gleicher Lange, aber von verschiebenen quadratischen oder runden Seltionen verhalten fich zu einander wie die Knben der Seiten oder Diameter ihrer Sektionen.

Eine Stange, beren quadratische Seftion eine zweimal großere Seite hat, tann ein achtmal großeres Gewicht ertragen. Weiß man alfo, wieviel Gewicht ein Korper von 1 [ - Seftion tragen faun, fo ift leicht bassenige baraus zu berechnen, welches ein Korper von größerer oder kleinerer Sektion ertragen konnte.

2) Die Fostigkeiten zweier Staugen von gleicher Lange, aber ungleichen rettangularen Softionen find zu einander im einfachen Berhaltniffe ihrer Breiten und im quadratischen Berbaltniffe ihrer Soben.

Eine Stange tragt also weit mehr, wenn bie großere Seite threr Settion fenfrecht zu fteben fommt, ale wenn Diefelbe horigone tal gelegt wird.

Je großer ferner die Dicte der Stange im Berbaltnis gu : Wret Breite ift; befto mehr Starte bat fie. Man macht jedoch die Dicte nie großer, als zwolfmal die Breite der Stange.

Tretgolb gibt an, daß, um aus einem bolgernen Raume bon gegebenem Diameter einen Pfeiler ju machen, ber die große mögliche Starte befite, bie Quabrate ber beiben Seiten ber refte angniaren Seftion und bes Durchmeffers fich zu einander verhalten

muffen, wie 1 : 2 : 3 ober :

a2 : b2 : d2 :: -1 : 2 : 3,

wo d der gegebene Diameter, a und b bie ju suchenden Seiten der tettangularen Seftion bebeuten. Diese fann man feicht auf folgende geometrifche Beise finden (Figur 12):

Bernoulli's Babemecum. II.

Man falle auf ben Drittel bes Diameters AB eine Sentrechte und verbinde ben Puntt C, wo derselbe ben Kreis trifft, mit den Puntten A und B, so erhalt man bie zwei Seiten AC und CB, und zieht man bie zwei andern Seiten diesen parallel, so hat man bie Settion ber Stange, welche ben größtmöglichen Wiberstand leisten fann.

Wei Stangen von quabratischer und rektangulärer Sektion, welche auf ihre Kanten gestellt werden, so daß ihre Flächen schieß zu liegen kommen, muß der Nenner in den Formeln I. und II. noch mit  $V_2$  vervielsacht werden.

5) Bei gleichem Bolumen feiftet eine hoble Stange weit mehr Widerstand, als eine volle und zwar ift ihre Starfe fur ein und baffelbe Bolumen besto großer, je größer ber innere Diameter ber hohlen Setrion im Berhaltuiß zu bem außern Diameter berfelben ift. Gewöhnlich macht man benfelben aber nicht großer als & bes außern Diameters.

Da nun die Refisteng eines Korpers wenigstens bem Drucke gleich sen nung, ben die Last auf ihn ausubt, so hat man also nur die beiben Werthe von F und F' einander gleich ju seben, um die verschiedenen-Ausgaben ju lofen.

Bur ben erften Sall und eine runde Geftion bat man g. B.

$$PL = \frac{R \pi r^3}{\hbar}$$

fur eine boble Scttion batte man :

$$PL = \frac{R \pi (r'^4 - r''^4)}{4 r'_*}$$

Kur ben vierten Fall und eine rektangulare Gektion hat man:

$$\frac{PL}{8} = \frac{Rab^2}{6} u. f. w.$$

Indem man nun aus diefen Gleichungen die unbefannten Werthe giebt, fo erhalt man die fleinfimbglichen Dimenfionen (in Centimttern ausgedruckt) fur eine gegebene Laft, ober bie größtmögliche Laft fur bie gegebenen Dimenfionen Rorpers.

Beifviel 1. Die viel Gewicht fann ein gufeiferner Laum obne Gefahr tragen, welcher 11 Meter Lange und 30cm im Quain id brate hat, wenn berfelbe auf beiben Griten unterftußt ift und bas Gewicht in ber Mitte beffelben angebracht ift?

Mntwort.

$$\frac{PL}{4} = \frac{Rq^3}{6}$$

folglich:

$$P = \frac{4 R q^4}{6 L} = \frac{4 \cdot 930^{k} \times (30^{cm})^{2}}{6 \cdot 1100^{cm}} = 15217 \text{ fil.}$$

1016 Bare ber Baum auf beiben Seiteit eingemauert, fo murbe mian bas boppelte Gewicht oder 30434 Ril. erhalten, benn man hatte alsbann  $\frac{PL}{8} = \frac{R_1q^3}{6}$ 

Will man noch bas Gewicht bes Baumes felbft in Betracht gieben, fo hat man: !!

$$\frac{(P+\frac{1}{4}P)\times L}{4} = \frac{Rq^{5}}{6}$$
folglid:

$$P = \frac{4 R q^{3}}{6 L} - \frac{1}{2} p.$$

Da 1 Enb. -- Gußeisen 04,0072 wiegt, so ist  $\mathbf{p} = \mathbf{q}^2 \ \mathbf{L} = 7128 \ \text{Kil.}$ , folglich  $\mathbf{p} = \frac{1}{15217} - \frac{7128}{2} = 11653 \ \text{Kilogr.}$ 

Beifpiel 2. Die groß muß der Durchmeffer einer runden Stange von geschmiedetem Gifen und von 4" Lange seyn, wenn diefelbe an einem Cube eingemauert, am andern Ende aber mit einem Gewichte von 1000 Kil. belastet wird, in Betracht auf bas Gewicht der Stange selbst?

Untwort.  $(P + \frac{1}{2}p) L = \frac{R \pi r^s}{6}$ 

Das Gewicht p ber Stange fennt man aber noch nicht, ba der Diameter berselben noch unbefannt, ift. Man hat indeffen:  $p = \pi r^2 L \times 0^k,0078$ ,

(01,0078 ift bas Gewicht eines Cubifcentimeters von gefomiebetem Gifen).

Sihrt man diefen Werth von p in vorstehende Gleichung ein, fo erhalt man eine Gleichung des britten Grades.

In der Praris fann man auf folgende Weise verfahren: Man fucht zuerst ben Diameter ber Stange ohne das Gewicht berfelben in Rechnung zu bringen. Man erhalt aledgun:

$$PL = \frac{R \pi r^{3}}{4}$$

$$und r^{3} = \frac{4 PL}{R \pi}$$

Hier ist: R = 2000 Kil. sur das geschmiedete Eisen,

L = 4" = 400 Centimeter und

P = 1000 Kil., folglich

r' =  $\frac{4 \cdot 1000 \cdot 400}{2000 \times 3,14}$  und r = 6",34.

Mylamo by Google

Das Gewicht ber Stange ift alebann fur biefen Durchmeffer:

$$p = \pi r^{a} L \times 0,0078 = 394 \text{ Mil.}$$
  
und  $\frac{1}{r^{a}} p \dots = 197 \text{ Mil.}$ 

$$\frac{1}{2} p \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot = 197 \text{ s}$$

folglich 
$$P + \frac{1}{2}$$
  $p = 1197$  Kil.

und 
$$r^{3} = \frac{4 \times 1197 \times 400}{2000 \times 5,14}$$

Dieß ist noch ein ju kleiner Radius, ba bas eigentliche Gewicht ber Stange mehr als 394 Kil- beträgt.

Sest man nun an die Stelle von P +  $\frac{1}{2}$  p, P + p und berechnet den Werth für r, zieht man aus demselben und dem zulest erhaltenen Werthe das arithmetische Mittel, so erhalt man ziemlich genau den eigentlichen Nadius der Stange. Es ist:

$$P + p = 1000 + 594 = 1394$$
 Kil.  
folglich  $r^{s} = \frac{4 \times 1394 \times 400}{2000 \times 3,14}$   
und  $r = 7^{cm},08$ .

Das arithmetifche Mittel gwifden 7,08 und 6,73 ift:

$$r = 6^{cm}, 9.$$

Der gesichte Diameter ber Stange ift alfo = 2 × 6,9 = 13. 8.

#### Mr. 16.

## Dide ber Wellzapfen.

Da bie Bellzapfen (tourillons) gewbhnlich die dunnften und schwächsten Theile eines Bellbaumes find, so find vorzüglich fur biefe die Dimenfionen mit großer Sorgfalt zu bestimmen.

Die Wellzapsen find im Allgemeinen zweierlei Efforts unterworfen. Erstens haben sie meistens ein ziemlich großes Gewicht zu tragen und zweitens haben sie eine gewisse Kraft fortzupflanzen, und mussen daher der Drehung widerstehen können. Es ist also bei der Bestimmung des Diameters eines Zapsens wohl zu überlegen, welche dieser beiden Bedingungen einen größern Diameter erfordert. Ift dieß zweiselhaft, so ist es rathsam, den Diameter fur beide Kille zu berechnen und dann den größern in Anwendung zu bringen.

Dieß ift z. B. ber Fall, wenn man ben Zapfen eines Wellbaumes berechnen will, ber ein Schwungrad trägt, ba baffelbe meiftens von einem großen Gewichte ift und babei eine beträchtliche Geschwindigkeit bat.



Im Allgemeinen verhalten fich, wie ichon gesagt worden iff, Die Festigkeiten gweier Zapfen wie bie Ruben ihrer Diameter.

Erfte Bebingung.

Praftifche Regel, um ben Diameter bes Sapfens fur biefe Bebing gung ju finben,

Robert Buchanan gibt folgende einfache Regel (in englifchen Maagen ausgebruckt), als in ben meiften Fallen genuaent, au:

Man ziehe aus bem boppelten Gewichte (in Centnern bon 112 fb.), welches der Zapfen zu tragen hat, die Rubikwurzel, und nehme die erhaltene Zahl fur ben Diameter bes Zapfens in Zollen an,

Sft P die Portion bee Gewichtes bes Bellbaumes, welches ber Zapfen zu ertragen hat, fo ift:

$$d = \sqrt[4]{2P}$$

Sat jeder der beiden Zapfen einer Welle gleich viel zu tragen, b. h. ift die Last ungesiche in der Mitte der Welle angebracht, so ist, wenn Q die totale Last bedeutet,

$$D = \gamma (0, *)$$

Oh Zod by Goog

<sup>\*) 1)</sup> Da i Inch = 2 . 54 und i Entr. = 50 k,785, fo geht biefe Bornel in folgende uter, in metriiden Maagen ausgedpudt:

 $d' = 4,032 \cdot N'(P')$ und wenn beide Sapfen gleich viel tragen und Q' die Aotallass bedeutet i  $D' = 5,2 \cdot 1N'(Q')$ 

wo P' und Q' in metrlichen Centnern (100 Kif.), d' und D' in Centir nietern ausgebrucht find, ober:

<sup>2)</sup> in frangofifchen Gus: Maagen ausgebrudt):

 $d' = 5,48 \cdot \sqrt[4]{(P')}$  and  $D' = 2,76 \cdot \sqrt[4]{(Q')}$ .

Die Starke bes Gußeisens von Buchanan ergibt fich ferner, baß bie Starke bes Gußeisens fich ju jener bes geschmiedeten Eisens verhalt wie 9: 14. Der Diameter eines Zapfens von geschwiedetem Eisen kann also kleiner senn und durch folgende Eleichung bestimmt werden:

converge value of 
$$\mathbf{d} = \mathbf{V} \left( \frac{9}{7} \mathbf{P} \right)$$

$$\mathbf{d} = \mathbf{V} \left( \frac{9}{14} \mathbf{Q} \right) *)$$

Tretgold ichlagt vor, bei ben Bapfen aus Guficifen und ge-fcmiebetem Cien ben Diametern, welche burch biefe Gleichungen gefunden werden, noch a beigufigen, wegen der wahrend der Beind gung ftattbabenben Abnubung bes Metalles.

Beifpiel. Wie ftart muffen die gufeifernen Japfen einer Bafferradwelle fenn von 13' Lange, und 300 Entru. (ober 33600 pounds) Gewicht?

D = 
$$\sqrt[4]{(Q)} = \sqrt[4]{500} = 6'',7$$
  
 $+\frac{1}{8} = 8$   
D = 7.5 (indes. \*\*)

\*) Rach Tretgoft ift ber Unterschied fange nicht fo groß. Rach ibm fintet man ben Durchmeffer eines Rapfens aus Stateifen, wenn man ben Dlar mare bei guseifernen Sapfens mit 0,963 ftate mit 0,863, wie Buchar nam voridoreibe, multipliert.

\*\*) And der im erften Nahrden angegebenen Regel von Tettgoth, die bier amventbar iff, ergibt fich ein flutterer Diameter ber Lapfen. Wird bad Gewicht alb in ber Mitte befindlich angenommen, fo wäre nach blefer Begel

$$D = \sqrt[4]{\left(\frac{33600 \times 43'}{500}\right)} = 9\frac{1}{3}$$
 Indeb.

und wenn taffelbe ale gleichformig vertheilt angenommen wird (nach Dro. 9),

$$D = \sqrt[4]{\frac{16800 \times 13}{500}} = 7,59$$
 Inches.



- Beifpiel. Es fev ein Wellbaum von 8' (engl.) Lange (f. fig. 13) mit einem Rabe belaftet, deffen Gewicht 60 Centner ift, jeboch nicht auf ber Mitte beffelben, sondern 6' von dem einen Japsen und hiemit 2' von dem andern Japsen entsfernt. Man fucht den Diameter ber beiden Japsen aus gefomnichetem Eifen zu betimmen.
- Untwort. Es muß zuerft die Laft bestimmt werben, welche auf jeben Bapfen brudt. Ift p bie Laft bedjenigen, ber bem Mabe am nachsten ift, und p' die Last bes entfernteren, so ift:

$$p = \frac{60 \times 6'}{8} = 45$$
 Eub.  
and  $p' = \frac{60 \times 2'}{8} = 15$  Eub.

folglich der Diameter bes naberen Bapfens:

$$\mathbf{d} = \mathcal{V}\left(\frac{9}{7}, 0\right) = \mathcal{V}\left(\frac{9}{7}, 45\right) = 5,87$$

$$+ \frac{4}{8} = 0,48$$

$$\mathbf{d} = 4.55 \text{ Snoces.}$$

und ber Diameter bed entferntern Bapfend:

$$d' = \sqrt[4]{\left(\frac{9}{7} \times 15\right)} = 2.68$$

$$+ \frac{4'}{8} = 0.53$$

$$d' = 5.01 \text{ Subset.}$$

Da bie Summe ber Reibung an ben Japfen immer bie felbe bleibt und gar nicht von ber Lange berfelben abhangt, fo ift es vortheilhaft, biefelben fo lange als moglich ju machen,

Dig Led by Googl

ba aledann die Reibung auf ber ganzen Lange vertheilt und bie Abnutzung ber Zapfen hiemit weit geringer ift.

Indessen werden auch hier wieder gewisse Limiten befolgt. Tretgold macht gußeiserne Zapfen 1gmal so lang als ihr Diameter, und Zapfen aus geschmiedetein Gisen 1gmal so lang als ihr Diameter ift.

# 3 weite Bebingung.

Soll der Wellbaum eine Kraft fortpflanzen, so muß derselbe so wie seine Zapfen eine hinreichende Dicke haben, um der Drehung zu widerstehen, und diese muß um so beträchtlicher sen, je näher sie der bewegenden Kraft (dem Rade) liegen. Es mussen sich ferner die Kuben der Diameter der Zapfen zu einander verhalten wie die dynamischen Effekte während eines Umganges.

Ift baber: !-

A ber bynamische Effekt bes einen Bellbaumes per Minute, n bie Angahl Umgange, bie er in 4 Minute macht, und D ber Durchmesser seiner Zapfen;

A' ber bynamische Effekt eines andern Bellbaumes per Minute, n' die Anzahl Umgange per Minute, und

D' der Durchmeffer feiner Bapfen, fo hat man:

$$\frac{A}{n}: \frac{A'}{n'}:: D^3: D'^3$$
folglidy:  $D'^3 = \frac{A'}{n'} \times D^3 \times \frac{n}{A}$ 

Ing and or Google

Kennt man also ben schiedlichen Diameter ber Zapfen eines Wellbaumes von einem bekannten bynamischen Effekte, so ift es leicht, benjenigen eines andern zu finden, ber eine andere Kraft und Geschwindigkeit besitzt.

Nach den Versuchen von R. Buchanan muß der Durchmeffet ber Zapfen eines Wellbaumes, der eine Kraft von 50 Pferden bestätt und 50 Umgange per Minute macht, 71 Inches betragen, dar mit er teinen Schaben befurchten laffe. Es ift also bier

$$\frac{n}{A}$$
. Ds =  $\frac{50}{50}$  × (71)<sup>3</sup> = 422.

und biemit:

$$D'' = 422 \times \frac{A'}{n'}$$
\*).

Buchanan lettet baraus folgende praftifche Borfchriften ab:

Um ben Durchmeffer (D) ber Wenbelbaume erften Ranges (ober eigentlich ihrer Berbindungsgapfen) zu finden, multiplizire man die Pferdefrast (H) mit 400, dividire das Produkt durch die Jahl der Umgange (n) in Minuten und ziehe aus dem Quotienten die Kubikwurzel. Diese gibt den nothigen Durchmeffer in (engl.) Bollen ober

") Fur Rapfen von gefchmiebetem Gifen bat man:

$$D^{z} = 422 \times \frac{9}{14} \times \frac{A'}{n'}$$



Bur Wendelbamme zweiter Klaffe (ober entferntere Motoren) multiplizire man H mit 200 (ober nehme ? ber erstern als Durchmeffer).

Und fur Die entfernteften Communitationsstangen nehme

man 100 K ober & ber erftern jum Durchmeffer.

Beispiel 4. Wie ftart ning ein Wellbaum erfter Klaffe (oder ber eines Schwungrades) fevn, wenn er 90 Umgange in einer Minute macht, und die Maschine eine Starte von 45 Pf.s Kraft hat?

Entwort.

Beifpiel 2. Wie groß ift ber nothige Durchmeffer eines Wenbelbaumes zweiter Rlaffe an berfelben Mafchine?

Mntwort.

$$V_{\frac{1}{90}}^{\frac{1}{45} \times 200} = V_{100} = 4.6$$
 Diam.

Aus obiger Formel ergibt fich ferner:

$$R = \frac{400 \text{ K}}{D^3}$$

$$\text{und } K = \frac{D^5 \times R}{400}$$

Beifpiel 1. Welche Kraft fommt einem Wendelbaume von 3" Dide am Schwunge ober einer Maschine zu, das 80 Umgange in einer Minute macht?



Untwort.

Beifpiel 2. Die viel Umgange foll bas Schwungrad an einer Mafchine von 56 Pf. machen, wenn der Wendelbaum 6" fart ift?

Untwort.

$$\frac{400 \times 36}{216} = \frac{400}{6} = 663$$
 Umgange.

Mach dieser Vorschrift ist die folgende Tafel fur die berschiedenen Durchmeffer gufeiserner Wellbaume erster Klaffe entworfen, und zwar fur Maschinen von 4 bis 60 Pferde fraften und auf 10 — 105 Umgange berechnet.

	1 300	
	- 3	Salar Control
4 8 8 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	caft.	
	7.00	MAL, LA
siel Um gare fol das Sofie ugat an ci er	rias s.	S) elits
	and and	<b>2</b>
10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 1	Part State	(N) (IE
12 13 14 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15		1100
	13	11/20
10 10 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20	0.00	(9)
	55 Mark ()	=
9 9 5 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7	50	9
5 4 4 4 5 5 6 6 6 7 7 7 8 8 9 8 4 8 4 8 4 8 4 8 4 8 4 8 4 8 8 8 8		2
		3 PI
	25 10c	1 3
The state of the s	T TO THE	100 20
भागीत के अपन्ति के के के के जान निकास	19-15-15-15-15-15-15-15-15-15-15-15-15-15-	and a little of
# 77755655555444		2
1000 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	18 det 1	の世間と
5.3 5.2 5.1 5 2.9 2.9 2.8 2.4 5.5 5.4 5.5 5.4 5.7 5.6 5.4 5.7 5.6 5.7 5.6 5.7 5.6 5.7 5.6 5.7 5.6 5.7 5.6 5.7 5.6 5.7 5.6 5.7 5.6 5.7 5.6 5.7 5.6 5.7 5.6 5.7 5.6 5.7 5.6 5.7 5.6 5.7 5.6 5.7 5.8 5.7 5.6 5.7 5.6 5.7 5.8 5.7 5.8 5.7 5.8 5.7 5.8 5.7 5.8 5.7 5.6 5.8 5.7 5.8 5.7 5.8 5.7 5.8 5.7 5.8 5.7 5.8 5.7 5.8 5.7 5.8 5.7 5.8 5.7 5.8 5.7 5.8 5.7 5.8 5.7 5.8 5.7 5.8 5.7 5.8 5.7 5.8 5.7 5.8 5.8 5.7 5.8 5.8 5.7 5.8 5.8 5.7 5.8 5.8 5.7 5.8 5.8 5.7 5.8 5.8 5.8 5.8 5.8 5.8 5.8 5.8 5.8 5.8	Unigange in 50   55   60   65   7	5
77,587,564,255,255,255,255,255,255,255,255,255,25	51 (8)	4 6
	60 11	10 G
75656000444400	2	
911(6ccn	g e (1	AF
2000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000	2 2	0 -
6 7555555555555555555555555555555555555	70	Squann 2
वारातास्त्रम्यातातात्वातात्वात् १८ व्याप्तात्वात्वात्वात्वात्वात्वात्वात्वात्वात	1 3	g ~
र्वार्यस्थ्यार्वर्थात्रम् वार्वयः	5 3	ing -
30 (f. f. f	Minute. 5   80   85	7
C C C C C C C C C C C C C C C C C C C	= =	2
CO 10 10 2 4 6 0 10 10 20 4 20	85	금
CO C	10	-
Prince and the second s	=	(a)
गायाम् विकित्त विकास	90   95	e .
The second secon	1	
6,5,5,5,5,5,4,4,7,5,5,5,5,6,5,6,6,6,6,6,6,6,6,6,6,6,6,6	0 - 1	1 1 S
	100 105	
00000000000000000000000000000000000000	15	
5 5 5 5 5 5 5 5 6 6 6 6	100	I

Da 1 Juch = 2'-,54, 1 Pferdetraft = 73 k x m per Sefunde = 4500 k x m per Minute ift, so ist (in metrischen Maagen ausgebrückt):

$$D^{\prime 3} = \frac{(2,51)^3 \times (7,5)^3 \times 50}{4500 \times 50} \times \frac{A^{\prime}}{n^{\prime}} = 1,53 \times \frac{A^{\prime}}{n^{\prime}}$$
 für das Gußeisen, und

 $D'^{5} = \frac{9}{14} \times 1.55 \times \frac{A'}{m'}$ 

für bas gefchmiebete Gifen.

Die Sektion des Baumes selbst macht man gewöhnlich um Io größer als die der Zapfen, und es ist unnöthig, die selbe durch eine besondere Rechnung zu finden, wenn die Länge desselben nicht über 10 — 12mal den Diameter beträgt. Ift letzteres aber der Fall, so muß man denselben berechnen; doch ist es nicht nöthig, der ganzen Länge des Baumes die durch Rechnung gesundene Sektion zu geden.

Beifpiel. Es fev ein gufeiferner Baum von 4" Lange mit einem Bafferrade belaftet, meldes 5000 Kil. wiegt, 25 Umgange per Minute macht und eine Kraft von 15 Pferden fortpflangt. Damit die Zapfen dem Drucke allein widersteben founen, muß:

$$D' = 5.2 \cdot \sqrt[4]{0'} = 5.2 \cdot \sqrt[4]{(50)} = 11^{-10}.8$$

$$+ \frac{1}{8} = 1.8$$

$$15^{-10}.5 \text{ feyn.}$$

Um ber Drehung allein ju miberfteben, muß:

$$D'^{4} = \frac{1,53 \times 15 \times 4500}{25} = 4151$$

und D' = 16 ungefahr fenn.



Letterer ift alfo berjenige, ber angewendet werden muß. Fur ben Diameter bes Naumes felbft bat man:

$$\mathbf{r}^{1} = \frac{3}{\sqrt{2}} \frac{P I}{R \pi} R = 560 \text{ Mitegr.}$$

$$= \frac{5^{1/2}}{\sqrt{2}} \times \frac{5000 \text{ k} \times 400^{\text{cm}}}{560 \times 5/14}$$

$$= \mathbf{r} = 11.95 \text{ with } d = 25^{\text{cm}}.90.$$

Dieß ift der Durchmeffer, welchen man bem Belbaume in feiner Mitte gibt. In ben beiben Enben gibt man ibm nur

RESERVED TO A THE STREET OF THE STREET

i mehr als 16° ober 18 Diameter.

## Mr 17.

Ausbehnung der Körper durch bie Wärme.

Alle Korper werden durch die Warme niehr oder weniger ausgebehnt, und zwar am meisten die luftformigen, am wenigsten die festen. Scheinbare Ausnahmen ruhren nur-von zugleich wirkenden Nebenumständen, wie etwa von zugleich statt habender Austrocknung, Kristallisation ze. her.

# I. Ausbehnung fefter Rorper.

Laplace und Lavoisier haben gefunden, daß die Dilatationen eines und besselben Körpers von 0° bis 100° C gleichförmig sind, d. h., daß für eine gleiche Anzahl von Graden
die Länge der Stangen um einen gleichen Theil ihrer primistiven Länge zunimmt. Nach Petit und Dulong hat dieß
nicht mehr statt von 0° bis 300°, wo alsdann die Zunahmen
sehr beträchtlich sind, wie es solgende Tasel zeigt:

Ift bie Lange ber Stange = 1, fo ift bie Ausbehnung berfelben ber Lange nach

von 0-100° C	von 0-200° C	von 0-500° C
bei Platina 0,0008842	-	0,0027548
" Glas 0,0008613	0,0018450	0,00303252
" Gifen 0,0018210		0,0044053
" Rupfer 0,0017182		0,0056497
	von 0 - 100 C	
Stahl } nicht geharteter geharteter	. 0,0010788	
geharteter	. 0,0012396	
Meffing	. 0,0018667	Nach Laplace
Silber	. 0,0019087	und
Gold	. 0,0015136	Lavoisier.
3inn	. 0,0021730	Lubother.
Blei	. 0,0028484	
3inf	. 0,0029417/	
Gußeisen	. 0,0011100 nd	rch Roy.

Diefe Tabelle gibt bie Ansbehnung nur fur eine Dimenfion an; indeffen tann man leicht biejenige bes ganzen Botums, b. h. aller brei Dimenfionen finden, ba biefelben ziemlich genau bas Dreifache ber angegebenen ift. \*)

$$V' = V (1 + 3 at).$$





e) Bft bas primitive Bol. = V, bas bergrößerte = V', ble Temperatur = t und ber Koeffigient, ber in vorherzehenber Tafel angezeigt und bei jebem Roper blemit verschieben ift, = a, so ift:

Beifpiel. Um wie viel behnt sich eine Eisenstange von 5- Lange aus, wenn sie sich von 20° C auf 90° C erhibt, mithin ihre Temperatur um 70° C erhöht wird?

Antwort. 0,70 × 5<sup>m</sup> × 0,0018210 = 0<sup>m</sup>,0637 Ausbehnung der Länge nach; 3 × 0<sup>m</sup>,0637 = 0<sup>m</sup>°,1911 Vergrößerung des Bolums. Um die Ausdehnung der nämlichen Sisenstange dei Erphigung von 220° – 290° zu finden, müße man nur den Koeffizienten 0,0018210 durch den Koeffizienten 0,0044053 erzfegen, (siehe vorhergehende Tabelle).

Ein hohler Korper behnt sich gerade um so viel aus, als wenn er massiv ware.

Obschon die Dilatation für kleine Temperaturerhöhungen, wie sie 3. B. in der Atmosphäre statt baben (von 25° höchestend), sehr klein ist, so kann sie doch schon bedeutende und oft sehr nachtheilige Veränderungen hervorbringen, und est ist das her rathsam, in allen großen Construktionen, so wie in allen denjenigen, die viel Genauigkeit erfordern, diese in Rechnung zu bringen.

Gußeiserne Röhren wurden z. B. burch die gewöhnlichen Beründerungen der Temperatur leicht auseinander gerissen und selbst zerbrochen werden, wenn man sie nicht mit einigen Compensatoren versehen wurde.

Große Compensatoren werden nur auf Entsernung von 100 nu einander placirt. Da sich das Gußeisen bei 100° C Temperaturerhöhung um 0,0011 seiner Länge ausdehnt, so behnen sich 100 bei 25° C Erhöhung um 100 × 0,25 × 0,0011 = 0 n,03 aus. Die Distanz zwischen den Enden der auseinander folgenden Röhren in einem Compensator muß also wenigstens 3 Centimeter betragen; der dadurch gebildete Zwisschenzum wird gewöhnlich mit getheerten Seilen ausgefüllt.

Bei Dampfleitungen sind biese Vorsichtsmaagregeln noch nothwendiger, da die Temperatur : Unterschiede ungleich größer babei sind.

# 2) Ausdehnung fluffiger Rorper.

Die Ausbehnung ber Fluffigkeiten ift weit weniger gleichformig; im Allgemeinen ift sie besto großer, je niedriger ber Siedepunkt ift, und je mehr sich die Warme bem Siedepunkte nahert.

Das Wasser ist bei etwa 3° R. am dichtesten; nach Biot (Traité, I. 425) wächst das Volum also:

bei 0° R. = 1,00000 = 0.99998= 1.00044n = 1.0013715 20 n = 1,00274n = 1,00454, 25 ,, 30 n = 1.00675, 55 y = 1,00934, 40 = 1,01229, 45 = 1,01560= 1,01922,, 50 n = 1.02315, 55 60 = 1,02736 $_{9} = 1.05184$ 65 , == 1,05655 = 1.0414980 n = 1,04664 Das Baffer bebnt fich alfo

von 10° — 58° nur um 1 proct.

, 45° — 80° um 3 "

aus; 104 Maaß fochenbeifies Waffer geben (wenn mahrenb bes Erfaltens auch nichts verdunftet) nur 100 Maaß von 25 — 30° R.

### 3) Mudbehnung luftformiger Rorper.

Nach Gangluffac ift die Ansbehnung ber atmosphärischen Luft, (so wie aller andern Gasarten und Dampfe), gleichformig und bieselbe fur eine gleiche Temperaturerhöhung. Diese Dilatation ift fur die Erhöhung von

$$1^{\circ} C = 0,00375 = \frac{1}{267}$$

des primitiven Bolums; fur die Erhohung von

und fur biejenige von 1° F = 0,00208.

Die Luft, indem ihre Temperatur sich von 1° auf 2° erhöht, dehnt sich hiemit um ebensoviel aus, als wenn ihre Temperatur sich von 30° auf 51° ober von 79° auf 80° u. s. w. erhöht. Ein Wolum wird ferner bei Erhöhung von 2° C um zweimal 0,00375 defelten vergrößert werden, bei Erhöhung von 100° um 100 × 0,00375 oder ungefahr & u. s. w.

Gin Hol. V wird demnach bei Erhöhung von to C zu: v + v. 0.00375 t = v (1 × 0.00375 t)

oder wenn wir ben konstanten Dilatationskoeffizienten 0,00375 = a seigen, so wird ein Bolum v zu v (4 + at).

Aus diesem folgt, daß, wenn das Bolum einer gewiffen Menge Luft bei einer Tentperatur t'=v' ist, ihr Bolum bei einer andern Temperatur t''

$$=\frac{v'(1+at'')}{1+at'}=v'\left(1+a\;(t''-t')\right) \text{ feyn mird.}$$

Ueberhaupt ift

$$\frac{v'}{v''} = \frac{1 + at'}{1 + at''}$$

Da alles bis dahin Gesagte auch statt hat fur alle anbere Gasarten, so wie auch unter jeder Pression, und da die Bolumina zweier Korper im umgekehrten Berhaltnisse zu ihren Dichtigkeiten und Pressionen sind, so haben wir folgende Proportion:

$$\frac{v'}{v''} = \frac{1 + at'}{1 + at''} \times \frac{d''}{d'} \times \frac{p''}{p'}$$

folglich:

$$v'' = \frac{v' (1 + at'') \cdot d' p'}{(1 + at') d'' p''}$$

Beispiel I. Das Bolum eines Kilogrammes atmosphärischer Luft bei einer Temperatur von 0° und unter einer Pression von 76 Centimetern (0=,76) Quedfilberhohe ist = 760 in.,76.



Belches ift das Volum eines Kilogrammes atmosphärischer Luft bei einer Temperatur von 46° C und unter einer Pression von 12,25?

Untwort.

$$\mathbf{v}'' = 769^{1},76 \frac{1 + 0,00375 \times 46^{\circ}}{1 + 0,00375 \times 0^{\circ}} \times \frac{0^{\circ},76}{1^{\circ},25}$$
  
= 548<sup>1</sup>,75.

Beifpiel II. 1 Cub." atmospharifche Luft bei 0° und unter einer Prefion von 0",76 wiegt 11,2991, wie viel wiegt 1 Cub." atmospharifche Luft bei 66° und unter einer Preffion von 1",50?

Da bie Gewichte im umgekehrten Berhaltniffe gu ben Bolumen fieben oder ba:

$$\frac{P''}{P'} = \frac{1 + at'}{1 + at''} \times \frac{d''}{d'} \times \frac{p''}{p'}$$

folglich:

$$P'' = \frac{P' (1 + at') \times d'' p''}{(1 + at'') \times d' p'}$$

$$= \frac{1^{4},2991 (1 + 0,00375 \times 0^{\circ}) \times 1 \times 1^{\circ\prime},50}{(1 + 0,00375 \times 66^{\circ}) \times 1 \times 0^{\circ\prime},76} = 2^{1},055.$$

Da man gewohnlich bas Bolum eines bestimmten Ges wichtes von Dampf aus bemjenigen Dampfe berechnet, welcher einem Atmosphärenbrucke = 760 mund einer Temperatur von 100° C entspricht, und wovon bas Bolum eines Kilogrammes = 1 7,700 ist, so ist basjenige von 1 Kil. eines andern Dampfes, bessen Temperatur = t und bessen Pression = p ist (in Eub." ausgedrückt), oder:



$$\mathbf{v} = \frac{1,700 \ (1 + \text{at}) \times 760}{(1 + 100 \times 0,00375) \times p}$$
$$= \frac{959,64 \ (1 + \text{at})}{p}$$

Mittelft biefer Formel lagt fich leicht bas Bolum eines gegebenen Gewichtes Dampf von gegebener Tenfion berrechnen.

Beifpiel. Beldes ift bas Bolum eines Kilogrammes Dampf pon 7 Utmospharen?

Untwort. 7 Utmospharen = 5320 Tenfion bei einer Temperatur von 166°,45 (fiche Tabelle, Rro. 22), folglich:

$$v = \frac{959,64 (1 + 166,45 \times 0.00375)}{5520}$$
$$= 0^{-1.28670}$$

#### Mr. 18.

# Bon ben Schornfteinen. \*)

Aufgabe I. Es fen bie Bobe und ber Diameter eines Schornffeines gegeben, man fucht bie Geschwindigkeit bes Rauchs (ber verbrannten Luft) in bemfelben zu bestimmen.

Die Kraft, mit welcher die Luft in dem Schornsteine aufzusteigen sucht, hangt einzig von der Vergrößerung ihres Bolums, und hiemit von der Verminderung ihrer Dichtigkeit in Folge ihrer Erhigung ab, und ift also besto größer, je größer der Temperaturunterschied zwischen dieser Luft und der außern Luft ist.

Es sey t die Temperatur ber außern Luft, t' diejenige im Innern bes Schornsteines, so ist t' - t die Erhöhung ber Temperatur, und folglich wird die Hohe h einer Lufts saule, beren Sektion sich nicht verändern kann (nach bem vorigen Abschnitte), zu h (1 + a (t - t').)

Die Differeng biefer Sobe und biejenige ber außern Luft ift biemit:

$$h(1 + a(t-t')) - h = ha(t-t')$$

<sup>)</sup> G. Traité de Chaleur par Péclet, 2 Vol.

Die Geschwindigkeit, welche durch diese Differenz erzeugt wird, ist diejenige, welche ein Korper erlangen wurde, wenn er von dieser Hohe herunterfiele. Es ist daher dieselbe oder:

$$v = V \frac{1}{2 g \ln a (t - t')}$$

Diese Formel stimmt nicht mit der Erfahrung überein, welches wohl von ber ziemlich beträchtlichen Reibung herrührt, welche ber Rauch erleibet, wahrend er ben Schornstein binaufzieht.

Diese Reibung gegen die Wande des Schornsteines wächt im quadratischen Verhaltnisse der Geschwindigseit der Luft, im einfachen Verhaltnis der Lange des Naumes, den der Nauch durchstreicht, und im umgekehrten Verhaltnisse des Durchmesser des Schornsteines.\*)

\*) Sit also P der theoretische Drud', dem die Geschwindigkeit entspricht, die wir so eben berechnet haben, oder = ha (t - t') un's p der effektive Drud', dem die wirkliche und beobachtete Geschwindigkeit entspricht, so ift:

$$P = P - \frac{k v^2 L}{D}$$

wo v bie Gefdmindigfeit ber innern Luft,

L die Lange bes Raumes, ben ber Rauch burchftreicht,

D ben Diameter bes Schornfteines und

K einen Reibungetoeffigienten bedeutet, ber je nach ber Natur bes Schorn: fteine verichieben und burch praktifche Berfuche gu beflimmen ift.

Fuhrt man blefen Werth von' p ober h in die Gleichung ein, fo

$$v = V_{2g} \left( \frac{h \cdot a \cdot (t - t') - \frac{k \cdot v^2 \cdot L}{D}}{\frac{1}{k}} \right)$$

$$= \frac{\frac{1}{k} \cdot V_{\frac{h \cdot a \cdot (t - t')}{2g \cdot k} \cdot D}}{\frac{1}{k} \cdot \frac{1}{2g \cdot k} \cdot D}$$

Digitization Google

Je enger alfo ein Schornftein ift, je größer feine Sobe und je größer die Geschwindigkeit ber innern Luft ift, besto beträchtlicher ift bie Reibung.

In Betracht auf Diefelbe hat herr Peelet folgende Ge-

Rur Schornfteine von Badfteinen.

Das Sinauffteigen reiner Luft gefdieht mit einer Gefdwindigfeit:

$$v = 9.12 \cdot V \frac{h \cdot a \cdot (t - t') \cdot D}{L + 4D}$$

Das hinaufsteigen halb verbrannter Luft geschieht mit einer Geschwindigfeit:

I. 
$$v = 8,85$$
.  $\sqrt{\frac{h \cdot a \cdot (t - t') \cdot D}{L + 4 \cdot D}}$ 

Bur Schornfieine von Aupfers und Gifenblech. Das Binguffleigen reiner Luft geschicht mit einer Geschwindigfeit:

$$v = 14,45 . V \frac{ha (t - t') . D}{L + 10 D.}$$

Aus einer gabireichen Reibe von genauen Derfuchen hat herr Peclet folgente touftaure Werthe fur k gefunden :

k = 0,0127 fur Echornfteine von Badfteinen,

k = 0,0050 , , Gifen: und Supferblech,

k = 0,0025 , aus Gufteifen.

(Die Reibung ift alfo in badfielnenen Schorufielnen am grobten, in gust eifernen am lieluften. Indem man nun in bie obige Gleichung lefe Duretbe fur k einfuhrt, fo erhalt man bie brei oben angeführten Giets chungen.

Dig zed ( Googl

Das Sinauffteigen halb verbraunter Luft gefdieht mit einer Gefdwindigfeit:

II. 
$$v = 14$$
.  $\sqrt{\frac{h \cdot a \cdot (t - t') \cdot D}{L + 10 \cdot D}}$ 

Fur Schornsteine aus Gußeifen,

Das hinauffteigen reiner Luft geschieht mit einer Beschwindigfeit:

$$v = 20,41$$
.  $V \frac{h a (t - t') D}{L + 20 D}$ .

Das Sinaufsteigen halb verbrannter Luft gefchieht mit einer Gefdwindigfeit:

III. 
$$v = 19.80 . V \frac{h a (t - t') D}{L + 20 D}$$

Die Gleichungen I., II. und III. find in Metern ausgedruckt, und gehen in folgende über, in frangofischen Fußen ausgebruckt:

I. 
$$v = 8,85$$
.  $\sqrt{\frac{h \text{ a } (t - t') \cdot D}{L + 1,5 \text{ D.}}}$ .

II.  $v = 14$ .  $\sqrt{\frac{h \text{ a } (t - t') \cdot D}{L + 3,31 \text{ D}}}$ 

und III.  $v = 19,80$ .  $\sqrt{\frac{h \text{ a } (t - t') \cdot D}{L + 6,62 \text{ D}}}$ 

(wo  $a = 0,0046875 = \frac{4}{243}$  ift).

THE LET GOORIE

- Beifpiel. Wie groß ift die Geschwindigkeit ber verbrannten Luft in einem gußeisernen Schornsteine von 30 Meter Sobe und und 20 Centimeter Diameter?
- Antwort. Es sey bie Temperatur ber innern Luft = 500° C, bie der außern = 20° C. Rehmen wir die Entsernung des Feuerraumes von dem untern Theile des Schornfteines = 10° an, so ift die ganze Lange, die der Rauch durchftreichen muß, oder L = 50 + 10 = 40°. Es ist daher:

$$\mathbf{v} = 19,80$$
 . 
$$\sqrt{\frac{30^m \times 0,00575 (500 - 20) \times 0^m,20}{40 + 0,20 \times 20.}}$$

$$= 9^m,8 \text{ rer Sefunde.}$$

Ware die Reibung nicht in Nichnung gebracht worben, fo wurde man eine Geschwindigkeit von

erhalten haben. Man fieht alfo, daß die Reibung fehr beträchtlich ift, und nie vernachläßigt werden barf.

Aufgabe II. Man sucht ben Diameter eines Schornsfteines von gegebener She zu bestimmen, ber zur Verbrennung einer gegebenen Menge Brennmaterial bienen foll.

Man bat gefunden, bag:

.1	Ril.	Steinfohle	211	feiner	Berbrennung	circa	20	Gub."
. 1	Attr.	Citimogic	ou	lettier	Strottmang	tiitu	20	Cuo.

ganz	trockence	Spolz				10	22
		000					

Holz von 12 Monaten . . . . . 71

" Cotre oder Holzkohle . . . . . . 18

atmospharifche Luft erfordert, wobei die Luft, welche unververbrannt durch den Schornstein giebt, mit eingerechnet ift. Es sev das Volum Luft, welches die gegebene Menge Brennmaterial zu seiner Verbrennung erfordert, = A, so wird dasselbe bei der Temperaturerhöhung von t-t' Grade  $= A \left(1 + a \left(t-t'\right)\right) = A'$ .

Diefes lettere nuß gleich senn bem Produkte ber Sektion bes Schornsteines in die Geschwindigkeit der Luft im Junern besselben oder:

$$A' = S \times V$$
.

Ift die innere Sektion bes Schornsteines rund, fo ift baber:

$$A' = \frac{\pi D^2}{4} \times V.$$

fur eine quabratifche Sektion ift bingegen

A' = D2 V (wo D eine Seite berfelben bezeichnet).

Indem man nun in diesen beiden Gleichungen die angegebenen Werthe von V einführt, erhält man folgende Gleichungen:

runde Ceftion. quabratifche Geftion.

Backsteinene Schornsteine D = 0,46045.Z D = 0,41805.Z id. aus Kupfer u. Eisenblech D = 0,58328.Z D = 0,34797.Z id. aus Gusseisen . . . D = 0,33365.Z D = 0,50292.Z

Spier ift:

$$z = \sqrt[k]{\frac{A^{\prime 2} \cdot L}{Ha(t-t')}}$$

wo H bie Sobe bes Schornsteines,

What may Google

L bie Lange bes Raumes, ben ber Rauch zu burchstreichen bat, und

A' bie Menge beifer Luft, welche in einer gegebenen Beit berausstreichen foll, bebeutet.

Es versteht sich von selbst, daß der Diameter, der durch biese Formeln gefunden wird, der kleinsten Settion entspricht, die gebraucht werden kann. Da also gewöhnlich der Schornstein oben enger als unten ift, so gilt dieser Diameter nur für die obere Sektion. Derjenige der untern ist ziemlich willkurlich. Es ist ferner vortheilhaft, den Rauchgangen, die vom Feuerraume bis an den untern Theil des Schornsteines gehen, den gesundenen Diameter zu geben und benselben für die obere Sektion des Schornsteines noch um  $\frac{1}{2}-\frac{1}{2}$  zu vergrößern.

Beispiel. Man verlangt die Seite eines quadratischen bacfteinenen Schornsteines von 40 Hobbe gu wiffen, ber zu einer ftundlichen Verbrennung von 40 Kil. Steinkohlen bienen foll.

Antwort. Es braucht dazu 40 × 20 = 800 Enbifmeter falter Lust oder 800 (1 + 0,00575 × 500) = 2296 Eub. heißer Lust von 500° C per Stunde und

$$\frac{2296}{5600} = 0$$
me,6378 per Sefunde = A'.

Es ift alfo:

$$D = 0.41805 . V \frac{(0.6578)^{3} \times 20^{m}}{10^{m} \times 0.00375 \times 5000}$$
$$= 0^{m}.55576.$$

Man gebe alfo ber Gektion bes Rauchganges eine Geite von 34 Dezimeter, ber oberfien Gektion bes Schornfteines hingegen g mehr ober 44 4-. Bon einigen andern Dimensionen ber Schornfteine.

Itm ben bacfteinenen Schornfteinen mehr Stabilität zu geben, macht man sie etwas konisch, im Innern gleichfalls, doch bei Weitem nicht so viel, so daß die Dice des Schornsteines sich von oben bis unten immer mehr und mehr vergrößert. Folgendes sind die Dimensionen, die am vortheilhaftesten zu sepn scheinen:

Für Schornsteine von 10 
$$-$$
 15"  $\mathfrak{H}$   $\mathfrak{h}$   $\mathfrak{h}$   $\mathfrak{h}$ .

 $e = 0$ ",10 Breite eines Backsteines;

 $D' = D + \frac{1}{20} h$ ;

 $d' = d$ ;

 $E = e + \frac{1}{20} h$ .

Für größere Schornsteines;

 $D' = D + \frac{1}{20} h$ ;

 $E = e + \frac{1}{60} h$ ;

 $E = e + \frac{1}{60} h$ ;

 $E = e + \frac{1}{60} h$ ;

wo D den außern Durchmeffer der obern Sektion, d den innern Durchmeffer und o die Dide derfelben, D' ben außern Diameter der untern Sektion, d' den innern Diameter und E die Dide derfelben bezeichnet.

Schornsteinen aus Aupfer ober Eisenblech gibt man oben eine Sektion = 3 oder 1 ber untern Sektion. Für eine Sohe von 30= gibt man ihm auf dem oberften Drittel seiner Sohe ungefahr 1=- Dide, auf der übrigen Sohe 2== Dide.

Dialland by Google

## Mr. 19.

# Bon ber fpegififden Barme ber Rorper.

Die Erfahrung lehrt, daß, um gleiche Massen verschiedes ner Substanzen zu erwärmen, oder um ihre Temperatur um gleich viel Thermometergrade zu erhöhen, es einer sehr verschiedenen Wärmemenge bedarf. So z. B. braucht es eben so viel Wärme, um 1 Kil. Wasser von 0° — 3°, als um 1 Kil. Quecksilber von 0° — 100° zu erwärmen.

Die relative Warmemenge, welche die verschiedenen Korper bei gleichem Gewichte absorbiren, damit ihre Temperatur um eine gleiche Anzahl von Graden erhöht werde, wird die spezifische Warmemenge (capacité calorifique) genannt. Gewöhnlich wird auch hier die des Wassers zur Einheit angenommen.

Eine ber einfachsten Methoden, um biefelbe fur feste und flussige Korper zu bestimmen, ift die der Mischungen. Man weiß namlich, daß, wenn gleiche Gewichte von zwei Flussigekeiten mit einander gemischt werden, (ohne daß eine chemische Beranderung statt hat), oder wenn in eine Flussigkeit ein

Körper von gleichem Gewichte getaucht wird, die Temperatur der Mischung (im Falle, daß beide Körper die nämliche spezissische Wärme haben) gerade das arithmetische Mittel zwischen den primitiven Temperaturen der beiden Körper seyn wird.

Mischt man 3. B. 1 Kil. Waffer von 15° mit 1 Kil. Waffer von 35°, fo erhalt man 2 Kil. Waffer von

$$\frac{15+35}{2}=25^{\circ}.$$

Ift aber die spezifische Barme der beiden Korper nicht gleich, so ist die Temperatur des Gemisches nicht mehr das arithmetische Mittel aus demjenigen der beiden Korper und aus der Beobachtung derselben, kann man mit Leichtigkeit auf das Berhältniß ihrer spezifischen Warme schließen.

Man erhalt z. B., wenn man 1 Kil. Waffer von 0° mit 1 Kil. Quedfilber von 100° mischt, eine Mischung, deren Temperatur = 3°. Die spezifische Warme des Wafferd ist also zu berjenigen des Quecksilbers wie 97: 3 = 32, 33: 1.

Tabelle ber fpezififden Barmemengen nach Petit und Dulong.

Waffer		•					1,0000,
Quedfilb	er '	•	•		•	•	0,0330,
Gilber			•	•	•	•	0,0557,
3inf .	•	•	١.		•	•	0,0927,
Rupfer			٠				0,0940,

Division by Google

Gifen				•		•				0,1098	,
Wisn	uth		•		•			•		0,0288,	,
Blei				•			•			0,0293,	•
Gold				•	• ′	•	•			0,0298,	,
3inn				•						0,0514,	,
Glas					•		•			0,1770	,
Alfoh	01 (	pez	ififo	hes	Ge	wic	ht :	= 0	,81	) 0,700	,
id. (	pezi	fild	hes	Gi	wic	ħt	=	0,	793	0,622	,
Sdyn	efel	ithe	r (	Spe	3. 6	Ben	). =	= 0	,76	0,600	,
										) 0,520.	
										-	

Unter Calorie versteht man die Warme, welche es braucht, um die Temperatur von 1 Kil. Wasser um 1° C zu erhöhen.

100 Calorien können also die Temperatur von 1 Kil. Wasser von 0° — 100° C, oder diejenige von 100 Kil. Wasser um 1° C erhöhen.

- 1. Beispiel. Wie viel Calorien erfordern 15 Kil. Eisen, dessen Temperatur von 20° C auf 200° C erhöht werden soll?
- Antwort. Die Temperaturerhöhung = 200 20 = 180° C 15 Kil. Wasser erfordern dazu 15 × 180 = 2700 Calorien, folglich 15 Kil. Eisen eine Warme von 2700 × 0,1098 (spez. Warme des Eisens) = 296,46 Calorien.
- II. Beispiel. Welche Temperatur erhalt eine Mischung von 1 Kil. Wasser von 100° C mit 5 Kil. Alfohol von 52° C?
- Antwort.  $\frac{100 + 5 \cdot 32 \cdot 0.7}{1 + 5}$  (spezifische Warme des Alfohols.)  $= 35 \frac{1}{5}$  Man erhalt also 6 Kil. von  $35 \frac{1}{5}$  C.

Tabelle ber fpegififchen Marmemengen einiger Gasarten, unter ber namlichen Preffion nach La Roche und Berarb.

Die fpeg. Barme bes

. Maffand ....

Die fpeg. Marme ber

Quet ann

		igenommen.	Einheit angenommer		
	bei gleichem Bolume.	bei gleichem Gewichte.			
atmosph. Luft .	1,000	1,000	0,2669		
Bafferftoff	0,9033	12,3401	3,2936		
Roblenfaure .	1,2583	0,8280	0,2210		
Sauerstoff	0,9765	0,8848	0,2361		
Stickstoff	1,000	4,0318	0,2754		
Rohlenwafferftoff	1,5530	1,5763	0,4207		
Bafferdampf .	1,9600	3,1360	0,8470		

Aus den Bersuchen von Clement und Desormes erhellt, daß die spezifische Warme der atmosphärischen Luft 1 berjenigen des Wassers ist, so daß 1 Calorie 4 Kil. Luft um 1° C oder 1 Kil. Luft um 4° C erhöhen kann.

#### Mr 20.

## Beigeraft verschiedener Brennmaterialien.

## heizfraft bem Bolume nach.

- 1 Heftoliter Steinfohle wiegt 80 Ril. und gibt 480000 Calorien.
- 1 Klafter von 4 Eubikmetern von Holz, das seit einem Jahre gefällt ist, wiegt:
  Nußbaumholz . 2212 Kil. und gibt 7742000 Calorien.
  weißes Eichenholz 1956 " 6846000 "
  Birkenholz . 1707 " 5974000 "

Buchenholz .	1601	Ril.	und gibt	5603000	Calorien.
Raftanienholz	1153	77	"	4035000	"
Fichtenholz .	1218	29	22	4263000	29
Pappetholz .	877	,,	"	3009000	"

Aus diesen Angaben sindet man leicht die Quantitat von' Brennmaterial, welche es braucht, um eine verlangte Warme hervorzubringen. Indessen bienen diese Resultate nie in der Praktik erhalten werden, und bei den bestonstruirten Fenerheerden darf man nur auf 3 derselben, bei Dampstessen sog nur auf die Halfte dereselben rechnen, da bei letzern der Umfang sich sortwährend erkältet, und auf diese Weise eine bedeutende Menge von Warme verloren geht.

Beifpiel. Wie viel Steinkohlen braucht es, um bas Baffer von 10 Babern, wovon jedes 300 Liter Waffer von 50° C erfordert, au ermarmen ?

Antwort. Es sep die Temperatur des kalten Wassers = 12° C, Gewicht des zu erwärmenden Wassers = 10 × 300 = 3000 Kil., erforderliche Wärmemenge = 3000 (50-12) = 114000 Calorien. Nimmt man an, daß 1 Kil. Steinkohle 4000 Calorien erzeugen tonnen, so sind zu diesem Zwecke

## Mr 21.

Uebergang ber Korper vom festen Bustande in ben fluffigen.

Damit ein Rorper fluffig werde, find immer zwei Bestingungen zu erfullen:

- 1) Erhohung feiner Temperatur;
- 2) Absorption von Sige.

Wird ein Korper erhitzt, so ninnnt fortwährend seine Temperatur zu, bis er anfängt, zu schmelzen. Dann aber bleibt dieselbe konstant, bis er ganz geschmolzen ist, weil alle die Warme, die er ferner noch erhält, zu seiner Liquesaktion erforderlich ist, und in latente Warme übergeht.

- 4 Kil. Waffer von 0° mit 4 Kil. Waffer von 75° C gemischt geben 2 Kil. Waffer von 37½°.
- 1 Kil. Wasser von 75° C mit 1 Kil. Eis von 0° gemischt geben aber nicht 2 Kil. Wasser von 37½°, sondern 2 Kil. von 0°.

Digital by Googl

Das Gis absorbirt also in seiner Transformation in Baffer alle die Barme, welche es braucht, um 1 Ril. Baffer von 0° bis 75° ju erbbben.

Beim Uebergange vom fluffigen Juftande in den festen hat gang bas Gegentheil fiatt, namlich Berminderung ber Temperatur und Warmeentwicklung.

#### Somelggrabe verfchiedener Rorper.

Centigr.	Meaumur.	Fahrenheit.
Butter fcmilgt bei 30°	240	860
hammeltalg " 511	41	1241
gewöhnlicher Talg 35%	26 <del>3</del>	927
gelbes Wachs " 60	48	140
weißes Bache " 683	55	1554
Pcc , , 851	681	186
Schwefel " " 1134	91	2363
Phosphor " " 43	34½	110
3inn " " 2064	165	4031
Blei ", ", 2821	226	540
Wienuth ,, ,, 2574	190	4591



### Gemifche") bon

Zinn.	Blei.	Wismuth.	Centigr.	Reaumur.	Fahrenheit.
3	5	8 )	100°	80°	32°
3	2	5 ∫		•	
2	5	5	913	735	197
4	4	5	118,9	95	2453
3	3	8	944	751	202
3	6	8	973	781 :	208
3	8	8	1073	864	226
4	8	8	1134	903	236
6	8	8	1171	94	$243\frac{1}{2}$
8	8	8	123基	983	254
8	10	8	130	104	266
8	12	8	1321	106	2701
1	0	1	141,2	113	2864
				t **	Tart ta G

<sup>\*)</sup> Diese leichtstüssigen Metallmischungen wendet man jur Sicherheit von Dampstesseln au. Da nämlich die Vergrößerung der Tension bes Dampstes immer eine Erhöhung seiner Temperatur bervordringt, so wird derziete, weim er zu fiart wird, fähig seyn, die Metallmischung, die eine Dessung im Kessel bedeckt, zu schmelzen und sich dadurch einen Musiver zu verschaffen. Sinem jeden Dampstrucke forrespondirt daser eine besons dere Metallmischung, und diese werden auch sur diese Gebrauch nach der Anzahl der Atmosphären, für welche der Kessel bestimmt ist, numerirt. Man sieht z. B. aus der gegebenen Tasel, das ein Gemische von 4 Ab. Sinn, 8 Ib. Viet und 3 Ib. Wismuth bei 413½° C schmitzt. Diese Temperatur korrespondirt einem Dampstrucke von eine 1½ Atmosphären, folglich fann diese Mischung für kessel von 1½ Atmosphären mit Borr theil angewendet werden.

Zinn.	Blei.	Wismuth.	Centigr,	Regumur.	Fahrenheit.
3	2	0	167,7	134	3331
8	0	1 1	200	160	392
,	Ce	ntigr.	Meaumur.	Fahrenheit.	Wedgwood.
Rupfe	r 2	2530	2024	4587	270)
Gold			-		32
Cobali	1				
Stahl	. } 9	9850	7975	17977	130
Gufei	fen )		*		
Nictel	11	1414	9131	20577	150
Messin	1g 2	100	1678	3807	21
Gifen	12	1001	9602	21637	158
Braun	ftein 12	2136	9708	21877	160
Platin	a 12	857	10286	23177	170
				(- 41°),	
z crpe	minut	(- 100)	(— 8°)	(+ 14°).	

Undere bemertenswerthe Sitgrade.

Eisen wird hellroth im Dunkeln bei 384°C 315°R 750°F Gifen wird rothglubend im Dun-

feln bei . . . . . . 475 380 884 id. im gewöhnlichen Feuer bei . 560 448 1050

<sup>\*)</sup> Die Berechnung ber burch Wedywood's Pprometer andgemittelten Sipegraben in folche ber gewöhnlichen Thermometerscalen ift jedoch noch fehr unficher.

Gifen mird rothglubend	•		
am Tageslichte bei 5770 (	462°R	1077°F	o°W
Diamant brennt bei 1814	1451	2897	14
Topferwaare wird ers			
hitzt bis 3580	2880	6507	40
Milchweiße Steinwaare 6770	5370	12257	86
Größte Site bes Flint-			
glasofens 8770	7025	15897	114
Größte beobachtete Site 13900	11100	25127	185

Demondry Google

#### Mr 22.

### Data gur Berechnung von Dampfmafchinen.

A. Bildung bes Dampfes,

ober

Uebergang vom fiuffigen Buftande in ben luftformigen.

Bei biefem Uebergange hat wieder das Ramliche ftatt, wie bei bem porigen:

Wird namlich eine Fluffigkeit in einem offenen Gefaffe ber hitz ausgesetzt, so erhift sie sich immer mehr und mehr. So bald sie aber anfangt, zu sieden, so bleibt ihre Temperratur konstant, bis die ganze Masse in Dampfe übergegangen ist. Alle hitz, welche die Fluffigkeit noch ferner aufnimmt, wird verwendet, um Dampf zu bilden, und wird in demsselben latent, da der Dampf keine hohere Temperatur erhalt, als welche die siedende Flufsigkeit besitzt.

Da biefe Berbampfung nur bann flatt hat, wenn bie Elastigitat ber Dampfe, welche bie Fluffigkeit fortwahrend entwicklt, gleich ift bem atmospharischen Drucke, fo folgt

hieraus, bag bie Temperatur, bei welcher bas Gieben fiatt bat. agus von ben Beranderungen bes Barometers abbanat.

Auf dem Gipfel des Montblanc's tocht das Maffer 3. B. fcon bei 84° C. Schwefelather tocht unter einer Luftpumpe bei ber gewohnlichen Temperatur.

# Siedegrade verichiedener Fluffigfeiten unter bem gewohnlichen Luftbrude von 0-,76.

Schwefelather	fodyt	bei	37°,8 C	301 F
Ulfohol	,,	"	79,7	633
Terpentinol	,,	22	273	218,4
Leindl	22	"	316	252,8
Schwefel	22	"	299	239,2
Schwefelfaure	,•	22	310	248
Quedfilber	22	"	349	279

Bermehrt man ben Druck der umgebenden Luft, (was geschieft, wenn die Fluffigkeit in einem geschlossenen Gefässe der hitze ausgeseit wird), so hat das Sieden der Fluffigkeit nur bei einer hohern Temperatur statt. Fängt alsdann die Fluffigkeit an zu sieden, so nimmt der elastische Druck der sich bilbenden Danupse sehr rasch mit der Erhöhung der Temperatur zu, und zwar entspricht jedem Warmegrade eine bestimmte Dichtigkeit und Elastizität des Dampses.

Der Dampf unterscheibet fich hiemit von ben übrigen Gadarten baburch, bag man bie Tenfion und die Temperatur beffelben nicht beliebig abandern fann, fondern daß biefelben nach einem gewiffen Gefete zu einander siehen, welches die Erfahrung allein leheren kann. Erniedrigt man z. B. die Temperatur des Dampfes, so condensirt sich sogleich so viel Dampf, bis die hervorgebrachte Tenssion der verminderten Temperatur entspricht.

Folgende Tabelle gibt den elastischen Druck der Wafferbampfe (oder deffen Berhaltniß mit dem der gewöhnlichen Atmosphare, der hier als Einheit angenommen ift) an, nebst den Temperaturen, bei welchen dieser Druck statt hat:

	9				
I. Clafticität des Dam- pfes, in Altmospharen ausgedrückt.	II. Quecksiberhohe, welche diese Clafticität mißt, in Millimetern.	M. Temperatur des Dampfes in Centigra- den.	IV. Nolum eines Kir- logrammes Dampf in Litern.	v. Druck des Dampfes auf 1 □··· in Kilogramen.	VI. Don. Effett, welchen 1 Kil. Dampf ohne Er- pansion berverbringen fann, in Kilogr." *)
	l				
0,125	95	51°,45	11800 ,00	$0^{k}/129$	15223
0,25	190	66,00	6198,38	0,258	15992
0,50	380	82,00	3229,36	0,516	16663
0,75	570	92,00	2217,20	0,774	17161
1,00	760	100,00	1700,00	4 077	17561
1,25	950	106,60	1384,36	1,292	17885
1,50	1140	112,10	1171,59	1,033 1,292 1,549 1,808 2,066 2,324 2,582 2,841	18148
1.75	1530	117,10 121,55 125,50	1016,66	1,808	18381
2,00	1520	121,55	899,94	2,066	18592
2,25	1710	125,50	808,00	2,324	18778
2,50	1900	128,85	733,45	2,582	18938
2,75	2090	132,15	672,36	2,841	19102
5,00	2280	135,00	620,74		19237
3,25	2470	137,70	576,83	3,357	19364
3,50	2660	140,35 142,70	559,10	3,615	19488
3,75	2850	142,70	506,15	3,873	19603
0,425 0,23 0,50 0,75 4,00 4,25 4,50 2,25 2,05 2,75 5,00 2,25 3,25 3,25 3,25 3,25 4,00 4,25 4,00 4,25 4,00 4,25 4,00 4,25 4,00	3010	144,95 146,76	477,05	3,357 3,615 3,873 4,132 4,390	19712
4,25	3230	146,76	450,96	4,390	19797
4,50	3420	149,15	428,36	4,648	19910
4,75	3610	151,15	406,76	4,907	19960

<sup>7)</sup> Diefe Colonne erbatt man, wenn man tie Bolumina in Col. IV. mit bem Drud bes Dampfes in Col. V. vervielfacht.

				1.	
1. Slapicität des Dam- pfes, in Atmosphären ausgedrückt.	II. Quecefilberhobe, welche diese Elafticität mißt, in Millimetern.	III. Lemperatur bes Dampfes in Ceutigra- ben.	Iv. Wolum eines Kir- logrammes Dampf in Altern,	v. Druct bes Danpfest auf in Kliogranfen.	V. Don. Effett, welchen 1. Kii. Bampf ohne Er- pansion, berverbringen fann, in Kilogr."
	1	1			- 8
5,00	3800	155°,30	3891,38	5k,165	20111
5,50	4180	156,70	356,86	5,681	20273
6,00	4560	160,00	529,65	6,198	20452
6,50	4910	163,25	506,62	6,714	20586
7,00	5320	166,45	286,70	7,231	20731
7,50	5700	169,40	269,52	7,747	20880
8	6080	172,10	251,27	8,264	21013
9	6840	177,10	228,72	9,297	21264
10	7600	181,00	207,98	10,33	21484
11	8360	186,05	190,79	11,363	21667
12	9120	190,00	176,41	12,396	21872
13	9880	193,70	161,18	13,429	22048
14	10640	197,19	153,66	14,462	22223
15	11400	200,48	111,39	15,495	22374
16	12160	205,60	156,27	16,528	22523
17	12920	206,57	129,06	17,561	22664
18	13680	209,40	122,62	18,594	22800
19	14440	212,10	116,80	19,627	22925
20	15200	214,70	111,58	20,660	23053
25	19000	226,30	91,121	36,825	23610
50	22800	236,20	77,714	50,990	24083
35	26600	211,85	67,760	56,155	21498
40 50	50100	252,55	60,181	41,520	24866
20	38000	265,89	49,381	51,650	25505

Aus vorstehender Tabelle kann man übrigens folgende einfache Data abnehmen:

1) In Reaumurgraden ausgedruckt ift der Druck des Dampfes ungefahr:

bei 80° R = 1 Atmosphäre.

" 97° R = 2 ,,

" 109° R = 3 ,,

" 147° R = 4 ,,

" 124° R = 5 ,,

" 130° R = 6 ,,

" 135° R = 7 ,,

" 140° R = 8 ,,

2) 4 Eub." Wasser gibt an 1700 Eub." Dampf von 80° R (fast 1 Eub.'). Solcher einfache Dampf ist also kaum halb so schwer als kalte Luft (770 Liter kalter Luft wiegen so viel als 1 Liter Wasser).

1 franz. Eub.' Dampf von 80° R wiegt hiemit 1 Loth 70 Grains ober 314 Grains.

1 englischer Cub.' Dampf wiegt 253 Grains.

1 Cub." Dampf wiegt 0,59 Ril.

8 Cubifmeter Dampf wiegen so viel ale 5 Cub.' Luft von 80° R.

5) Aus Col. IV. fieht man, daß Druck und Dichtigkeit nicht in gleichem Verhaltniffe zunehmen, denn sonft wurde der Druck im umgekehrten Verhaltniffe zu dem Volum bes Dampfes siehen. Da aber ber Dampf bei größerem Drucke auch eine hohere Temperatur erhalt, so vergrößert sich sein Bolum, und seine Dichtigkeit wird wieder um etwas kleiner.

Da das Volum von 1 Kil. Dampf von 1 Atmosphäre = 1700 Liter ift, so wurde dasjenige von 2 Atmosphären bei gleicher Temperatur

Da nun aber dieser Dampf nicht die Temperatur von 100° C, sondern die von 121°,55 besitht, so folgt hieraus, daß man die erbaltenen 850 Liter noch mit

$$\begin{array}{r}
 1 + 0.00575 \times 121 \\
 1 + 0.00375 \times 100 \\
 1 + at
 \end{array}$$

oder allgemein mit

vervielfachen muß, um das wirkliche Volum diefes Dampfes zu erhalten.

Der Druck ober die Classicitat des Dampfes nimmt hiemit schneller zu, als die Dichtigkeit, und es konnen diefelben nur/bei maßigen Temperaturen als proportional angesehen werden.

Beifpiel. Wie viel Drud erleibet ein geschlossenes Gefaß, deffen innere Oberfläche = 62 \( \sqrt{cm} \) tft, und in welchem das Wasser bis auf 190° C erhitt wird.

Antwort. Der Temperatur von 190° C korrespondirt ein Drud von 12 Atmosphären oder von 12½,396 auf den [10], folglich ist der Drud auf 62 [10] = 60 × 12,396, = 745½,76.

Division Indicated

## Barmegehalt bes Dampfes.

Bielfältige Bersuche zeigen, daß es eine Wärmemenge von 650 Calorien braucht, um 1 Kil. Wasser von  $0^\circ$  in atmosphärischen Dampf zu verwandeln, und also  $6\frac{1}{2}$  mal so viel Wärme als um 1 Kil. Wasser von  $0^\circ$  auf  $100^\circ$  C zu erhöhen.

Um also 1 Kil. Wasser von 100° C in atmosphärischen Dampf zu verwandeln, braucht es noch 550 Calorien.

1 Kil. Dampf kann daher 5½ Kil. Waffer von 0° bis auf 100° C erwärmen, indem es sich selbst in 1 Kil. Waffer von 100° C verwandelt, -(so daß man im Ganzen 6½ Kil. Waffer von 100° C erhält).

Beifpiel. Wie viel Dampf von 121° C braucht man, um 300 Kil. Wasser von 11° C auf 28° C zu erwärmen?

Antwort. Das Wasser muß um 28 — 41 = 47° C erhöht werden. Daher braucht es 47 × 500 = 5100 Calorien.

4 Kil. Dampf von 121° C gibt, indem es sich in Wasser von
28° C reduzirt, 121 + 550 — 28 = 643 Colorien ab. Es braucht hiemit zu diesem Zwecke

5100 = 8 Kil. Dampf,

und man erhalt dann 308 Kil. Waffer von 28° C.

Distance by Google

## Mr 23.

- B. Berechnungen ber verschiedenen Theile bes Dampferzeugunge Apparates. 2)
  - 1) Dimenfionen des Regerheerdes.

Die Capacitat besselben hangt ganz von der Quantität und von der Natur des Brennmaterials ab, welches darin verbrannt werden soll. Da das Holz bei weitem nicht so viel Warme gibt, als ein gleiches Volum Steinkohlen, so muß also der Feuerraum für Holz weit größer seyn, als der steinkohlen, um die nämliche Warme zu erzeugen. Ist die Capacität des Feuerraumes sur Steinkohle = 1, so gibt man gewöhnlich dem Feuerraume für die nämliche Warme, erzeugung mit Buchenholz eine Capacität = 4½, mit Torf oder mit Taunenholz = 6, mit Holzsohle oder Coke = 2 — 2½.

<sup>\*)</sup> Alle diese Angaben aber bie Dimensionen bed Teuerheerbed, bed Rofted, bed Dampftesicie ie, sind auch bei ber Confruition aller andern Arren Defen und heigeinrichtungen größtentheils anzuwenden, und ebenso werten auch bier bleienigen gur Bestimmung ber Dimensionen ber biezu erforbert lichen Schornseine angewender, welche in Nro. 18 angegeben find.



Aus verschiedenen Bersuchen ergibt fich, bag ein Feuerraum, ber zur Berbrennung von 400 Kil. Steinkohle per Stunde bienen foll, eine Capacitat von 400 bis 500 Cubifberimetern baben muß.

Für die nämliche Wärmeerzeugung mit Holy mußte baber ber Feuerraum eine Capacitat von  $4\frac{\tau}{3} \times 450 = 1^{-1},950$  baben.

Fur bie Berbrennung einer andern Menge Brennmaterials nimmt biefe Capacitat gang proportional zu ober ab.

Beifpiel. Die groß muß ein Feuerraum fenn, in welchem 152 Ril. Solgtoble per Stunde verbremt werden follen?

Antwort. 152 Kil. Holzfohle geben fo viel Marme als 180 Kil. Steinfohle, Für die Berbrennung von 180 Kil. Steintoble muß der Kenerraum eine Cavacität

$$=\frac{450 \times 180}{100} = 810$$
 Enbitdezimeter haben.

Für die Verbrennung von 452 Kil. Holzfohle alfo ungefähr bas Doppelte ober 1=0.62.

#### 2) Dimenfionen des Roftes.

Aus zahlreichen Bersuchen von Srn. Péclet ergibt fich, bag es am vortheilhaftesten ift, wenn man ber totalen Flache bes Rostes fur je 10 Kil. Steinkohle, welche stündlich barauf zu verbreunen find, einen Inhalt von 12 
Decimetern

gibt, \*) oder wenn man die Angahl von Kilogrammen des Brennmaterials mit P bezeichnet:

$$S = \frac{12 \text{ P}}{10} \square \text{ Decimeter} = 16,5 \text{ P} \square$$
".

Davon muß die Summe ber Deffnungen zwiften ben Roftflaben wenigstens & betragen, ober:

Der Zwischenraum zwischen zwei Rofisiaben nuf hiemit is ber Breite eines Rosistabes betragen. Für sette Steinkobelen ift es vortheilhaft, ben Oeffnungen i ber totalen Rosisstäche und bem Zwischenraum zwischen zwei Staben hiemit bie Halfte ihrer Breite zu geben.

Da bas holz nur halb fo viel Luft zu feiner Werbrennung bedarf als die Steinsoble, und überdieß letetre sich noch an ben Staben anhangt und badurch die Deffnung zwischen benfelben verkleinert, so braucht man ber Roftfläche fur holz nur z bis 2, für holzschle nur bie halte berjenigen zu geben, welche für Steinsoble nottig ift.

Die Dide ber Steinkohlenschichte in dem generheerde foll ferner nie mehr als 12 Centimeter und nie weniger als 6 Centimeter betragen.

Für Solzichle fann bie Dide ber Schichte bis auf '4 Dezimeter und fur Cofe bis auf 24 Dezimeter betragen.



e) Nach frn. Clement foll ter Roft, um 20 Kil. Steinkohle fundlich ju verbrennen, eine Derfläche von 5 []' = 0,50 [] betragen, welches ungefähr bas Doppelte ber oben angegebenen ift.

Die Breite ber Roftstabe nimmt mit ihrer Lange gu, bei ben langften beträgt fie 3 - 34cm, bei ben furgeften nur 2°m.

Die Lange berfelben foll nie größer als 1m,25 (45") fepn, bamit fich bie Rofiftabe nicht biegen.

#### 5) Diftang bes Reffels vom Rofte.

Von berfelben hangt die Wirkung des Brennmaterials fehr viel ab. Sie foll immer so groß senn, daß sich die Flamme gehörig entwickeln kann, und ist daher nach der Natur des Brennmaterials und dem zu erreichenden Zwecke sehr verschieden.

Wenn Dampf erzeugt werden foll, foll fie

fur Steinkoble . . 30 - 40em

 $_{2}$ , Spol<sub>3</sub> . . . . 70 - 80<sup>cm</sup>

" Solzfohlen . . 60 — 70°m

und fur Cofe . . . 50cm betragen.

Die Thure bes Feuerheerdes foll fo klein als möglich fevn, damit nicht zu viel Warme verloren gehe durch die Seffnung derfelben beim jedesmaligen Aufschütten und Schuren des Brennmaterials. \*)

Man gibt gewöhnlich ihrer Hohe z ber Lange des Roftes und threr Breite die Halfte berjenigen des Roftes. Es ist vortheilhaft, sie aus Guseisen von 1 — 12 m Dide zu machen.

<sup>\*)</sup> Kohlenmuhlen machen bieses nachtheilige Definen ber Thure unnothig und konnen baber mit Nupen angewendet werden. Sie haben überdieß noch ben Bortheil, bag bad Brennmaterial mit vieler Sietchförmigfeit auf ben Biost geschüttet und auf biese Weise sehr wenig Rauch erzeugt wird.

Der Afchenraum darf nicht zu flein fenn, und die Deffnung berfelben muß wenigstens die Halfte der Totalstäche des Nostes betragen. Gewöhnlich wird der Rost ungefähr 80° (29") über den Boden des Afchenraumes angebracht.

#### 4) Dampffessel.

Bei den Maschinen mit niedriger Pression ist der Kessel insgemein von sehr starkem Sisenbleche und von mehr oder weniger cylindrischer Form mit konkaven Seiten. Die Woolf's schen Kessel für Maschinen von hoher Pression sind hingegen ganz cylindrisch aus Gußeisen oder Sisenblech und meistens mit zwei oder mehreren kleinen Rohren versehen, welche man Siederdhren (bouilleurs) nennt, und welche mit Leichtigsteit durch andere ersetzt werden konnen, wenn sie abgenutzt sind. Diese Siederdhren haben außerdem noch den Vortheil, die Heigssäche beträchtlich zu vergrößern.

Die Kanale, welche den Rauch um den Keffel herumführen, muffen immer unterhalb des Wasserniveau's im Kessel angebracht seyn. Die Größe eines Kessels richtet sich nach dem Dampsbedarfe. Genaue Vorschriften lassen sich hier nicht angeben, doch können folgende empsohlen werden:

Der Kessel wird gewohnlich bis auf 3 seiner Sohe mit Basser gefüllt. Der übrige Theil besselben bilbet ben Dampfpraum, welcher die hinreichende Große haben muß, damit die Menge von Dampf, welche bei jedem Kolbenzuge herausgepagen wird, keine zu große Beränderung in der Tension

Un and by Gongle

besselben hervorbringe. Aus diesem Grunde gibt man dem Dampfraume gewöhnlich ein Bolum, das 10 bis 12mal größer ist, als dasjenige des Dampfcylinders. Aus den Berssuchen von Hrn. Peclet ergibt sich, daß 1 . Dem Heitzsäche 20 — 30 Kil. Dampf per Stunde erzeugen kann.

Aus diefer Angabe laffen fich leicht die Dimenfionen einnes Danuffeffels berechnen. \*)

Die Größe E heitzstäche hangt übrigens noch von ber Conduktibilität des Metalles ab, aus welchem der Reffel besteht. Gußeiserne Reffel erfordern z. B., da sie weit dicker gemacht werden muffen, eine größere Heitzläche als Reffel aus Eisenblech.

Aufgabe. Wie groß muffen bie Dimensionen eines Dampfteffels fenn, in welchem 250 Kil. Dampf per Stunde erzeugt werden muffen (die heitstäche ist die nämliche, welche Tension und Temperatur der zu erzeugende Dampf auch haben muß) und welcher mit zwei Siederohren versehen ist?

Antwort. Nehmen wir an, baß 1 \\_ Meter Beigfache 25 Kil. Dampf per Stunde erzeugen fann, fo ift die gefammte Beige flache, welche bier angewendet werden nuß,

$$=\frac{250}{25}=10\,\square^{\text{m}}.$$

Ift nun:

L bie Lange bes Reffels, L' biejenige ber Sieberohren,

Dia grad by Googl

<sup>\*)</sup> Bel den Watt'ichen Maschinen findet sich feine so große Beipffäche, namu lich nur 25 \( \sum\_m\) fur die Berdanipfung von 4 Cub. \( \sum\_m\) oder 4000 Kil. Wasser per Stunde.

D ber Diameter bes Reffels, und D' berienige ber Sieberobre,

fo ift, wenn die totale Oberfiache ber Sieberohren und bie balbe Oberfiache bes Keffels bem Feuer ausgesest find, die Beibfiache

$$=\frac{1}{2} \pi D L + 2 \pi D' L' = 10 \square^m.$$

Rach ben gewöhnlichen Conftruttionen ift nun:

$$L = 4 D,$$

$$L' = \frac{5}{4} L = 5 D, \text{ und}$$

$$D' = \frac{2}{5} D.$$

Es ift hiemit:

Per Pferd mußten in 4 Minute circa 25 — 30 Enbiffeet einfacher Dampf erzeugt werden; circa 14 II Seihfläche (die beiden Endfächen nicht in Rechnung gebracht) liefern bei gutem Juge und gewöhnlicher Feuerung so viel Dampf in 1 Minute, und in 1 Stunde hiemit 1500 — 1800 Cubiffeet oder verdunsten per Stunde 1 Enbifoot Wasser. hiemit verbraucht man für 1 Pferdefraft 1 Cubiffoot Wasser Stunde oder etwa 1 th. per Minute.

Benn eirea 14 Feet Heihflache 1 Kubiffoot = 624 Pounds Waffer per Stunde verdampfen, so liefert 1 Foot 44 Pounds Dampf. Christian gibt nur 21 th. an, Clement und Watt hingegen rechnen 6 — 7 th. Eine gute Beschaffenheit der Feuerung und eine warmhaltende Bedeckung konnen allerdings die Dampfmenge sehr vermehren.

5) Bestimmung ber Metallbiden von cylindrifchen Reffeln aus Rupfer= und Eifenblech.

Tabelle ber Reffelbicken, in Millimetern ausgebruckt.

(Mach ben frang. Orbonnangen bom 7. Mai 1828.)

Dian Re Gen		Für einen Druck von									
Diameter des Keffels in Centimetern.	2	3	4	5	6	7	8				
r des in tern.		,	At	mosphår	ren.						
<b>5</b> 0 °m	3,90	4,80	5,70	6,60	7,50	8,40	9,30				
55	3,99	4,98	5,97	6,96	7,95	8,94	9,83				
60	4,08	5,16	6,24	7,32	8,40	9,48	10,56				
65 '	4,17	5,34	6,51	7,68	8,85	10,02	11,19				
70	4,26	5,52	6,78	8,04	9,30	10,56	11,82				
75	4,35	5,70	7,05	8,40	9,75	11,10	12,45				
80	4,44	5,88	7,32	8,76	10,20	11,64	13,08				
85	4,53	6,06	7,59	9,12	10,65	12,18	13,71				
90	4,62	6,24	7,86	9,48	11,10	12,72	14,34				
95	4,71	6,42	8,13	9,84	11,55	13,26	14,97				
100	4,80	6,60	8,40	10,20	12,00	13,80	15,60				

Praftifche Formel, um biefelbe fur Reffel von Deffing: ober Gifenblech ju finden: \*)

$$E = 0.018 d (n - 1) + 3$$

wo E die Dice bes Reffels in Millimetern,

d ben inneren Diameter beffelben in Centimetern, und n bie Angahl von Atmosphären bedeutet, fur welche

ber Reffel bestimmt ift, ober in Pariferfußen :

$$E = 0.0214 d (n-1) + 1.33$$

wo E in Linien und d in Bollen ausgedruckt ift.

Beifpiel. Man fucht bie Dide eines Koffels von 1' Diameter zu bestimmen, ber einem Drude von 10 Utmosphären miber-fieben foll.

Untwort.

$$E = 0.0214 \times 12'' (10 - 1) + 1.33 = 3'''.64$$

Nach ben nämlichen Orbonnanzen sollen die Keffeln, Bouilleurs und Dampfeplinder aus Aupfer und Sisenblech bei der Probe einen Druck von 3 (n — 1) Atmosphären und diejenigen aus Gußeisen einen Druck von 5 (n — 1) Atmosphären ertragen können.

Ift alfo 3. B. ein Keffel bestimmt, bei gewöhnlicher Arbeit einen Druck von 6 Atmosphären zu ertragen, so wird er für einen Druck von 3 (6 - 4) = 45 Atmosphären geprüft, wenn er aus



<sup>&</sup>quot;) Das Aupfer leifiet freilich feinen fo großen Wiberftand als bas Gifenbled, beranbert fich aber auch nicht fo leicht als bas lettere.

Aupfer- oder Eisenblech besteht, und für einen Drud von 5 (6-1) = 25 Atmosphären, wenn er aus Gußeisen besteht.

Folgende Formel gibt das Gewicht an (in Rilogrammen), mit welcher die Sicherheitsklappe direkte belastet werden muß, bei der Probe eines Reffels:

$$P = \frac{811 \, d^2 \, n}{1000}$$

wo d ben Diameter der Klappe in Centimetern und n bie Anzahl von Atmosphären, welche den Keffel bei der Probe aushalten muß, bedeutet, oder in Zollen ausgedrückt:

$$P = d^2 \times 5,9430 \text{ n.}$$

Sewöhnlich bringt man einen Hebel an, bessen Arm, an dem bas Gewicht angehängt ist, zehnmal größer ist, als der, bessen Ende auf die Alappe drudt. Das Gewicht ist alsdann nur der zehnte Theil besjenigen, welches man durch biese Formel gesunden hat.

Gewihnlich wendet man kein dickeres Blech an, als solches von 6" (14mm) und kein dunneres, als solches von 2" (4½mm). Für einen zu großen Druck gibt man dem Ressel lieber einen kleinern Durchmesser, welcher einer Dicke korrespondirt, die zwischen diesen keiden Limiten liegt.

Ressel aus Eisenblech dauern gewöhnlich 2 — 5 Jahre. Eine Siederohre aus Eisenblech dauert angefähr 10 Monate, und eine aus Kupfer wohl 16 — 17 Monate.

Dhilled by Googl

#### 6) Deffnung ber Giderbeitellappe.

Diese muß wenigstens so groß fepn, daß wenn einmal bie Klappe von dem Dampfe in die Hohe gehoben wird, so viel Dampf entweichen kann, als in der nämlichen Zeit gebildet wird.

Tretgold gibt folgende Formel an fur Reffel, welche mit Steinkohlen geheigt werden:

$$a = \frac{q}{44 \text{ n} \cdot V(n-1)}$$

wo a die Sektion der Deffnung in o. q die Angahl von Litern, welche in 1 Stunde verdampft werden, und n die Angahl von Atmosphären bedeutet.

Beifpiel. Wie groß muß bie Deffnung der Sicherheitsklappe fenn, wenn 100 Kil. Waffer ftunblich in vierfachen Dampf transformirt werden muffen?

Untwort.

$$a = \frac{100}{44 \times 4 \cdot V} \frac{1}{(4-1)} = 32.7 \square^{mn}$$

welche Sektion einen Durchmeffer von 500,6 hat. Dieß ift der kleinfte Diameter, ben man diefer Deffnung geben kann. Mit Wortheil wird ein etwas größerer angewendet,



#### Mr. 24.

C. Bestimmungen der Dimensionen der haupts fachlichsten Theile der Dampfmaschinen.

Diameter ber Dampfrohre,

nelche ben Dampf aus bem Reffel in den Cylinder führt.

Dieser muß nach Watt und Boulton & besjenigen des Dampschlinders betragen. Ober man gibt der Sektion der Rohre so vielmal 6 \(\sigma^{cm}\), als die Anzahl der Pferdekrafte, welche die Maschine haben soll, beträgt.

Geschwindigfeit des Dampftolbens.

Bei allen doppeltwirkenden Maschinen wirkt der Dampf beim Auf und Niedergange des Kolbens. Der Weg, den der Kolben per Minute macht, bezeichnet die Geschwindigkeit der Last, die bewegt wird, und wird gefunden, wenn man die Anzahl von Doppelhuben in dieser Zeit mit der doppelten Länge vervielsacht.

Ift z. B. die Lange des Hubes = 2' und die Anzahl von Doppelhuben per Minute = 43, so ist die Geschwindig-

feit = 2 × 43 × 2' = 172' per Minute. Die Geschwinbigkeit des Kolbens muß ferner aus der Zeit berechnet werden, welche der Dampf zu seiner Entweichung und Sondensation braucht. Gewöhnlich beträgt dieselbe 1" per Sckunde. Tretgold gibt an, daß die vortheilhafteste Geschwindigkeit per Sckunde gleich Hmal die Quadratwurzel der Jubstlänge (beides in Metern ausgedrückt) sep. Ift also letztere = 2", so ist die Geschwindigkeit

Werhaltniß bes Diametere bes Dampfeplinders gur Lange bes Kolbenhubes.

Die außere Oberflache beffelben follte eigentlich so klein als möglich gemacht werden, bamit ber hindurchstreichende Dampf nicht zu sehr abgekühlt werde. Indeffen bringt biefe Abfühlung keinen bedeutenden Berluft herbor, und es ift zweck-mäßiger, den Diameter bes Cylinders aus ber angenommenen Gefchwindigkeit und aus ber gegebenen Menge Dampfes zu beitimmen.

Nach Watt und Boulton verhalt fich ber Diameter bes Cylinders gur hubslange wie 4:2,7; nach Maubslan wie 4:2.

Sebe Dampfmafchine ift mit verschiedenen Pumpen verfeben, beren Stangen burch ben Balancier gezogen werben. 1) Der kubische Inhalt ber Luftpumpe wird gewöhnlich zu & des Enlinders angenommen. Da nun die Stange
bieses Kolbens an dem Balancier in der Mitte eines Armes
aufgehängt zu werden pflegt, so daß der Hub gerade halb
so lang wird, als der des Dampstolbens, so muß die Fläche
oder der Queerschnitt desselben noch halb so groß senn, als bei
lezterem.

Ift ber Diameter bes Dampfenlinders also = 26", so findet man ben der Luftpumpe

$$= V^{\frac{1}{26^{\frac{3}{2}}}} = \gamma^{558} = 18,4^{\prime\prime}.$$

Der Raum bes Conbenfators muß wenigstens so groß fenn, als ber ber Luftpumpe.

2) Die Kaltwasserpumpe muß bas erforberliche kalte Wasser schöpfen, um ben burch die Luftpumpe aus dem Eylinder gezogenen Dampf zu condensiren oder wieder in Wasser zu verwandeln; und zwar muß dieses leztere nach der Condensirung zugleich eine nicht zu hohe Temperatur bestalten. — Offenbar bedarf es um so mehr Wasser, je weniger kalt dieses ist, und je kalter es nach der Vermischung mit dem Dampse bleiben soll.

Da 1 Kil. Waffer von 100° C noch 550 Calorien bedarf, um in Dampf verwandelt zu werden, so enthalt 1 Kil. Dampf 650 Calorien. Ebenso enthalt 1 Kil. Dampf von 140° C 550 + 140 = 690 Calorien, und überhaupt enthält eine Menge Dampfes, beren Gewicht = W und deren Temperatur = t ift, eine Warmemenge von W (550 + t) Calorien.

Aus biefen Betrachtungen ift folgende Formel hergeleitet worden:

$$M = \frac{550 + n - n'}{n' - n'',}$$

wo M die Menge kalten Wassers, bessen Temperatur = n" ist, bebeutet, die es braucht, um 1 Kil. Damps, dessen Temperatur =
n ist, auf eine Temperatur = n' herabzubringen. Gewöhnlich hat
bas Condensations: Wasser, wenn es aus einem Brunnen gezogen
wird, eine Temperatur von eirea 12° C und durch die Verbindung
mit dem Dampse soll-es nicht wärmer als 40° C werden. Die
Menge kalten Wassers, welche es in diesem Falle braucht, um 1
Kil. Damps von 160° C zu kondensiren:

$$=\frac{550+160-40}{40-12}=24 \text{ Kilogr.}$$

Kur eine gegebene Menge Dampfes kann also leicht die erforderliche Quantität von Condensations-Wasser und daraus bei gegebener Geschwindigkeit und Länge des Kolbenhubes der Diameter der Kaltswasserpumpe bestimmt werden. Die Sektion derselben (aus Obigem gefunden) muß indessen um 21g bis 21s vergrößert werden.

Anmerkung. Eine volltommene Condensation erfordert also bedeutend mehr Wasser, und barum ist solche selten vortheilhaft; denn diese Punpe absorbirt dann sehr viel Krast. Wo das Wasser mangelt oder aus großer Liefe geschopft werden muß, sind baher Maschinen mit höherm Druct und ohne Condensator oft nüglicher, oder Borrichtungen, um dasselbe warme Wasser nach veranstalteter Abführtung wieder benuten zu konnen.

Questo Google

3) Heißwafferpumpe, Die Dimensionen ber Heißwafferpumpe, die den Keffel stets mit Wasserwieder versehen nuß, ergeben sich leicht aus dem Obigen. Bedarf die Maschine in 4 Minute per Pferd einen Zusluß von & Cub." (30 Cub.") Wasser, so muß diese Pumpe für eine Maschine von 30 Pferden per Minute 900 Kub." liesern (ober 1000, damit ja kein-Mangel eintrete).

#### Berhaltniffe einiger Stangen.

Wird die Hohe des Kolbenhubes = 1 gesetzt, so muß die ber Treibkurbel  $= \frac{1}{2}$  senn; dem gaugen Balancier gibt man dann eine Länge = 4 und der Treibstange (biele) eine Länge = 3.

## Araft ber Treibstange.

Die Kraft der Treibstange auf die Kurbel andert sich je nach der Richtung derselben, indem sie bald mehr, bald weniger schief wirkt. Wildet sie mit der Kurbel eine gerade Linie, (ober ist der Winkel 180°), so ist die umbrehende Kraft = 0. Bei 90° ist die Krast am größten. Jene hat statt, wenn der Dampstolben zu sinken oder zu steigen ansängt, dieses in der Mitte des Hubes.

Theilt man bie Lange bes Kolbengauges in 10 Theile, so veräudert sich der Winkel und die auf die Kurbel wirkende Kraft wie folgt:

III zed by Google

	bei	10	bes	Laufs	tit	ber	W.	=	180°	und	die	Rraft	0,00
	22	10		-	-		-		1410	NG	-	-	0,62
	22	120			-		-		125°	-			0,33
	72	10		-	_		-		1110	-	- 3	-	0.594
	22	τ <sup>4</sup> σ			-		-		9710	11 94	-11	-	0,986
	**	10		aren	_		-		8510	01 -	- 10		1,00
	27	10		-	-				75°	10-	-0	- 39	0,956
	22	70		_	-		-		6210	-	- 1	-	0,88
	27	180			-				490	-	L .	-	0,716
		10	- 7	-			_		340	100	-	-	0,516
	22	10		-			_		00	-	-		0,000
11	Et	itio	nen.								2		7,158

Das Berhaltniß ber effektiven Araft ber Aurbel gn ber, bie angewendet wird, ift baher wie

#### S d wungrab.

Diefes bient hauptfächlich, um obige Ungleichheiten gu reguliren.

Das Moment bee Schwungrades reifalt fich wie bas Produft ber Maffe in bas Quadrat ber Geschwindigkeit.

Da nach Conlomb die Geschwindigkeit die Axenreibung cher vermindert als vermehrt, so gewinnt man durch Bermehrtung der Geschwindigkeit, und dieß geschieht, indem man den Diameter vergrößert, oder die Zahl der Umgänge per Minute vermehrt.

Der Radius wird gewöhnlich 4 — 5mal größer, als die Länge der Kurbel gemacht (Hachette). Ift der Kolbenhub also von 5', so ist der Kurbelarm 2½' lang, und der Diameter des Schwungrades also = 20 — 25'.

Um das Gewicht desselben zu finden, geben Murray und Wood folgende Regel: Man multiplizire die Pserdezahl mit 2000, und dividire das Produkt durch das Quadrat der Umsangsgeschwindigkeit (in Fusen und per Sek.); der Quotient gibt das schickliche Gewicht in Etrn. (von 412 kb. engl.).

Beispiel. Macht ein Schwungrad von 18' Diameter 22 Umgange in 1 Minute, so muß es für eine Maschine von 20 Pferdefraft 904 Centner schwer sevn; benn

das Nad von 18' Diameter hat 56' Umfang, und bei 22 Umgangen per Minute macht ein Punft in 1 Set. einen Weg

$$\begin{array}{ccc} & \text{von} & \frac{22 \times 56}{60} = 20\frac{1}{4}. \\ & & & \\ 20\frac{1}{4} \times 20\frac{1}{4} = 420, \\ & & \text{und} & 20 \times 2000 = 40,000, \\ & & & \\ \hline & & & \\ \hline & & & \\ 420 & & & \\ \end{array}$$

Burbe man bemfelben Rabe nur 12' Diameter geben, aber 50 Umgange per Minute, fo mare bie Gefdwindigfeit

$$= \frac{38 \times 30}{60} = 19. \ 19^2 = 461 \ \text{und} \ \frac{40000}{361} = 110 \frac{1}{4} \text{ Cfr.}$$
Bei 15' Diameter und 28 Umgängen ware die Geschwindigseit
$$= \frac{47 \times 28}{60} = 22. \ 22^2 = 484 \ \text{und} \ \frac{40000}{484} = 80 \frac{1}{4} \text{ Cfr.}$$

Ohited by Google

Beftimmung der erforderlichen Quantitat von Brentmaterial.

Da es eine Warmemenge von 550 Calorien braucht, um 1 Kil. Wasser von 100° C in Damps zu verwandeln, so braucht es, um 1 Kil. Wasser von n Graden in Damps zu verwandeln, dessen Temperatur = n' Graden seyn soll, eine Warmemenge von 550 + n' — n, und um eine Quantität Wassers = W (in Kil. ausgedrückt) in solchen Damps zu verwandeln, eine Warmemenge von W (550 + n' — n) Calorien, und da 1 Kil. Steinkohle 3000 Calorien produziren fann, so braucht es zu diesem Zwecke:

Die Menge Dampfes, welche 1 Ril. Steinkohle hingegen ergengen kann, ift:

$$= \frac{3000}{W (550 + n' - n)} \text{ Rilogr.}$$

Beifpiel. Die viel Steinkohle erfordert es, um 15 Ril. Dampf von 2 Atmosphären ju bilden?

Antwort. Bei einer Tension von 2 Atmospharen muß der Dampf (nach Tabelle Aro. 22) eine Temperatur von 121° C haben. Du bas Wasser, welches zur Dampfeildung dient, bet Dampfe unaschinen vermittelst der Heiswasserpunpe aus dem Condemstator in den Kessel gebracht wird, und da die Temperatur des Dampfes durch die Sondensation bis auf 40° C herabsinkt, so tanu füglich n = 50° geseht werden.

Es find baber :

$$\frac{W (550 + n' - n)}{5000} = \frac{15 (550 + 12 - 50)}{5000}$$

Ueberhaupt kann augenommen werden, daß 1 Rilogt. Steinkohle, je nach ber guten Ginrichtung bes Feuerheerbes und ber mehr ober weniger starten Teusion bes zu bilbenben Dampfes 5 — 10 Ril. Dampf erzeugen kann.

Man rechnet ferner, daß es bei gut fonstruirten Watt's schen Maschinen von mittlerer Starke, so wie bei hochpressen ben Maschinen mit Erpansion fur eine jebe Pferdefraft 5 Ril. Steinfoble fündlich erfordert.

Es werben hingegen bei WoolPichen Maschinen mit Erspanfion 2½ Kil. und bei Danupswägen 8 — 10 Kil. Steinsfohle fiundlich fur jede Pferdefraft erfordert.

Bestimmung bes Nuheffettes von Dampfmaschinen ohne Expansion.

Bervielsacht man die Seftion des Dampfeplinders, in ausgedrückt, (S), mit der Hubelange in Metern (L), und ferner mit der Anzahl von Huben (per Sefunde (n), so erhält man das Volum des Dampfes, welches per Sefunde in den Dampfeylinder eintritt, und vervielsacht man letzteres noch mit der Pression des erzeugten Dampfes auf 1 . Im Fläche, in Kil. ausgedrückt, (P), so erhält man den theoretischen dynamischen Effett der Maschine in Kilogrammetern.

Diefer ift also bei einfachwirkenden Maschinen in Pferdefraften ausgedruckt:

 $=\frac{PSL\times n}{75}$ 

und bei doppeltwirkenden Maschinen, (was meistens ber Fall ift:

 $= \frac{2 P S L n}{75} \Re i l.$ 

In gut konstruirten Maschinen von 10 — 12 Pferdekräften ist der effektive Nutzeffekt = 0,55 oder 15, bei viel stärkern = 0,6 oder 3, und bei solchen von 6 Pferdekräften oder noch schwächern = 0,5 oder 1 des theoretischen Effektes. Bei hochpressenden Maschinen beträgt der Nutzeffekt nur 0,35 bis 0,40 besselben.

Beispiel. Wie groß ist die Kraft einer Watt'schen Dampfmaschine, bei welcher 200 Kil. Dampf von 11 Utmosphare fründlich erzeugt werden?

Die Pression von 1 Kil. Danupf von 1½ Atmosphäre ist nach angegebener Tabelle = 1½,292, das Bolum desselben = 1384½,56, folglich die mechanische Kraft desselben = 1½,292 × 1384½,56 = 17885 k × m, und von 200 Kil. Danupf = 200 × 17885

$$=\frac{3577000}{3600 \times 75} = 131$$
 Pferdefrafte,

und hiemit ber Nugeffett ober bie Starte ber Mafchine = 0,6 × 131 = 8 Pferbefrafte,



Mr. 25.

# Berechnung des Angeffettes bei Expan-

Bei ben Erpansionsmaschinen, wozu namentlich bie Boolfichen gehören, fullt ber Dampf, welcher bei jedem Kolbenzuge in den Dampfeylinder tritt, denselben nicht ganz, sondern nur eine Portion desselben au, und es wird alebann die Communisation des Eylinders und der Dampfröhre durch irgend eine Borrichtung unterbrochen. Der Dampf wirkt also nur während eines gewissen Theiles der Zeit, welche der Rolben braucht, um die ganze Hubslänge zu durchsreichen, mit der anfänglichen Pression behnt sich dann aber aus und mehr der mit einer Pression, welche sich immer mehr und mehr vermindert.

Bei Maichinen, welche mit zwei Dampfevlindern verschen sind, wirft der Dampf in einem berselben fortwährend mit feiner anfänglichen Tension, tritt aber, nachdem er den Kolben die ganze Hubstänge hindurch getrieben hat, in einen zweiten vief größern Cylinder, wo er sich ausdehnt und mit einer fleinen, sich immer verminderns dem Pression auf den zweiten Kolben wirft und badurch den Nußestellich vergrößert.

Je größer nun bas Bolum bes Dampfeylinders im Berhaltniß zu dem Bolum bes Dampfes, welches bei jedem Kolbenzuge in denselben eingelaffen wird, oder das Berhaltniß ber Bolume ber beiden Dampfeylinder ift, desto größer wird bie Ausbehnung und besto größer hienit auch der Nutzeffekt einer gegebenen Menge Dampfes senn.

Diese Expansion des Dampses kann so weit mit Bortheil getrieben werden, bis der Gegendruck, den der Kolben erseibet, und welcher von der Kolbenreibung, von der Unvollsommenheit der Sondensation und noch andern Ursachen herrührt, dem Druck des Dampses am Ende seiner Ausdehnung gleich wird, und wohl gar übertrifft, wo alsbann die weitere Fortbewegung des Kolbens nur auf Kosten der schon erhaltenen Wirkung des Dampses noch statt baben kann.

Bersuche zeigen, daß bei Maschinen, welche mit einem einzigen Dampscylinder arbeiten, der Damps nicht mehr als ein viersaches Bolum, bei Maschinen hingegen mit zwei Cylindern nicht mehr als ein fünffaches Bolum durch die Ausdehnung erhalten soll. Gewöhnlich beträgt die Tenston dieser Maschinen höchstens 4 Atmosphären.

Folgende Tabelle 4) gibt ben bynamischen Effekt an, welchen 4 Cubikmeter Dampf von 4 Atmosphäre Drud burch eine mehr ober minber große Ausbehnung erzeugen kann.

<sup>\*)</sup> E. Poncelet Traité de mecanique Vol. I.

Polum bes Danupfes nach der Ausdehug. in Cubifmetern.	Dynam. Effekt bes Dampfes in Kilogrametern.	Volum bed Dampfes in Eub.	Opnam. Effet in k × m.	
		l an and	a series for	
1,00	10530	5,75	28399	
1,25	12635	6,00	28859	
1,50	14518	6,25	29261	
1,75	16111	6,50	29665	
2,00	17490	6,75	30055	
2,25	18707	7,00	30431	
2,50	19795	7,25	30794	
2,75	20780	. 7,50	31144	
5,00	21679	7,75	51483	
3,25	22506	8,00	31811	
3,50	25271	8,25	32129	
3,75	23984	8,50	32437	
4,00	24650	8.75	32736	
4,25	25277	9,00	33027	
4,50	25867	9,25	33310	
4,75	26426	9,50	33585	
5,00	26955	9,75	35854	
5,25	27459	10,00	34116	
5,50	27940			

Da bie dynamischen Effekte zweier Gasarten, welche man um die nämliche Portion ihrer anfänglichen Volume ausdehnen läßt, sich zu einander verhalten wie die Produkte ihrer Tensionen in ihre Quantitäten, so hat man, um den Effekt irgend einer Quantität Dampfes von einer gegebenen Tension zu wissen, nur den der nämlichen Ausdehnung entsprechenden Effekt in der vorstehenden Tasel auszusuchen, und denselben mit dem Produkte der gegebenen Quantität und Tension zu vervielfachen.

Beispiel. Es fen ber Diameter bes Kolbens = 0",4, fo ift feine Seftion = 0,7854 × (0,4)2 = 0,12566 | | ".

Stromt nun der Dampf in den Splinder bis auf die Hohe von 0",32, so wird das Volum des bei jedem Rolbenzuge hineingestromten Dampfes = 0",32 × 0,12566 = 0,0402125 Aubikmeter seyn.

Es habe bieser Dampf eine Tension von 34 Atmosphären und behne sich bis auf 44mal seines anfänglichen Bolums aus. Für diese Ausdehnung gibt die Tabelle für die Wirfung von 4 Eub. Dampf, dessen anfängliche Tension = 1 Atmosphäre ist, 25867 k × m an.

Der dynamische Effett von 0,0402125 Eub." von 51 Atmosphären Presson und der namtichen Ausdehnung wird hiemit = 25867 × 0,0102125 × 51 = 3640 k × m sepn. Bei jedem doppelten Kolbenzuge wird also ein Effett von 2 × 5640 = 7280 k × m statt haben, und geschehen 15 solder Kolbenzuge per Minnte, so ist der theoretische Effett per Set. =  $\frac{7280 \times 15}{2000}$  = 1820 k × m = 24 Pserbeträfte.

60



Es beträgt nun ber Auheffekt bei Maschinen mit einem einzigen Dampfeylinder 0,55 bes theoretischen Effektes, bei Maschinen mit zwei Dampseylindern hingegen noch weniger, namlich bei solchen

von der Kraft von 5 — 6 Pferden nur 0,40,

" 10 — 12 " 0,45,

und bei noch fickrern . . . . . . 0,50.

Es kann also in obigem Beispiele ber Auheffekt bieser Masschine zu 0,45 × 24 = 10,8 Pferbekräfte angenommen werben.

### Mr. 26.

## Bon ben Geblafen.

Die Geblase find ein Mittel, einen Luftzug ober Wind hervorzubringen, und badurch eine Erhöhung der Temperatur zu bewirken, welche bei vielen Arbeiten, und besonders bei metallurgischen sehr nothwendig ift.

Bon allen Mitteln, welche fur biefen 3med tauglich find, find wohl nur die Geblafe anzuwenden, in dem Falle, wo eine beträchtliche Sitze erzeugt und hiemit die Luft auf einen bestimmten Dunkt binacleitet werden muß.

Es find im Allgemeinen folgende 5 Arten von Geblafen zu unterscheiden:

1) Leberne Balggeblafe, bei welchen die Bande aus geschmeidigem Leber bestehen, welches an zwei trapezformige bolgerne Platten angenagelt ift, wie bei ben gewohnlichen hand und Schmiedeblasbalgen. Sie sind entweder
einfach oder doppelt, selbst dreifach, je nachdem ein
mehr oder weniger regelmäßiger Wind von denselben erforbert wird.

2) Solzerne Balggeblafe. Diefe haben bie namliche Form, bestehen aber aus zwei Deckeln, wovon fich ber eine in bem andern um eine Achfe berum bin- und berbeweat.

Diese beiden Arten von Geblafen konnen nur bei kleinern Arbeiten, wie z. B. in Schmiben angewendet werben, ba

ber Effett berfelben immer febr fcwach ift.

5) Rolbengebläse, welche gewöhnlich von Wasserrabern ober Dampsmaschinen in Bewegung gesetzt und am meisten bei metallurgischen Arbeiten und besonders bei Hoch, bfen angewendet werden. Sie bestehen aus einer unbewegslichen Kiste, in welcher sich ein Kolben hin und herbewegt, und grunden sich daher ganz auf das Prinzip der Wasser, pumpen. Sie sind überdieß einsach oder doppelwirkend, mit horizontaler oder vertikaler Bewegung des Kolbens. Es gibt zweierlei Arten:

a) Raften geblafe, vieredig und meiftens aus Soly, bis-

weilen im Innern mit geschliffenen Metallplatten garnirt.

b) Eplindergeblafe, freisformig und meiftens aus Guseifen. Diefe verursaden nicht fo viel Reibung, als bie Kaftengeblafe,
und find baber benfelben verzuziehen.

4) Syptraulifche ober Baaber'iche Geblafe, welche aus einem Raften befiehen, ber fich in einem zum Theil mit Baffer angefulten Behalter bin : und berbewegt.

5) Waffertrommelgeblafe (trompes), bei welchen die Luft durch den Fall des Waffers in fentrechten Rohren mitgeriffen und durch den Oruck deffelben zusammengepreßt

und hinausgejagt wird. Diese Art von Geblasen erheischen mehr Wafferfraft, als die übrigen Geblase, sind indeffen sehr leicht und mit wenigen Kosten aufzustellen und zu unterhalten, und können oft da mit Bortheil augewendet werden, wo man ziemlich hohe Wasserfalle zu seiner Disposition hat.

In hinficht auf die Art, wie der Zufinf der Luft in den fentrechten Robren bervorgebracht wird, tonnen wesentlich zwei Arten

unterschieden werden:

a) Solche, beren fenkrechte Röhren oben mit einem Trichter versehen sind, welcher das von einer Höhe von 10 — 50' herabfallende Wasser auffängt und in die Röhre bringt, und bei welchem also die Luft durch das Wasser herbeigeführt wird, ehe letteres in die Röhre tritt.

Die Sohe ber Rohre betragt baber etwa bie Salfte bes angu-

mendenden Falles.

b) Solche, bei welchen bas Waffer fogleich in bie Rohre tritt, bie Luft hingegen burch mehrere an ben Seitenwänden berfelben angebrachte Deffnungen hineingeführt wird.

## Von ben Windregulatoren.

Alle biese Arten von Gebläsen geben einen ziemlich umgleichen Wind, und obschon die Gleichförmigkeit desselben durch die Verbindung zweier oder mehrerer Gebläse beträchtlich vergrößert wird, so muß man sich doch, wenn das Aussströmen der Luft ganz regelmäßig geschehen soll, nothwendigerzweise der Windregulatoren bedienen, welche die bei jedem Zuge des Gebläses herbeigesührte Luft ansammeln und dann mit sortwährend gleichem Drucke in die Duse leiten.

Es gibt zweierlei Urten :

1) Mit unveränderlichem Inhalte. Diese besstehen aus großen gut geschlossenen Behältern, meistens in Form einer Rugel (von etwa 7 — 8 Metern Diameter und einem Inhalt von 180 — 270 Cubikmeter), welche mit comprimirter Luft angefüllt sind. Dieser Inhalt muß ungefähr das 50sache des Inhalts des Blascylinders und bei mehreren Cylindern nie weniger als das 25sache der Summe ihrer Inhalte betragen. Je größer derselbe übrigens ist, desto weniger Einfluß übt die bei jedem Kolbenzuge eintretende Luft auf den Oruck der sich darin besindenden aus, und desto gleichsormiger geschieht das Ausströmen derselben.

Die Schwierigkeit ber Aufstellung biefer großen Behalter macht, baß folgende vorzuziehen find:

2) Mit veränderlichem Inhalte. Die Luft wird bier in einen Behalter geleitet, wo sie vermittelst eines Gewichtes einen konstanten Druck erleidet.

Erhalt bie Luft bei der starksten Wirkung des Geblases zu viel Druck, so hebt sie das Gewicht, und kann sich dann etwas ausdehnen. Hat hingegen die Luft beim Nachlassen des Geblases einen zu kleinen Druck, so wird dieselbe durch das Gewicht des Regulators zusammengedrückt. Dieses Gewicht muß daher in sehr genauem Berhaltnisse zu der Geschwindigkeit stehen, mit welcher die Luft aus der Dusenöffnung herausströmen soll.

In hinsicht auf die Urt, wie dieser Druck erzeugt wird, unterscheidet man zwei Arten :

- a) Trodenregulatoren, welche aus einem Enlinder bestehen, indem sich ein Kolben hins und herbewegen kann, und benfelben hermetisch schließt.
- b) Bafferregulatoren, welche aus einem Raffen bestehen, ber in einen mit Waffer angefüllten Behalter bis zu einer gewissen Bobe eingetaucht wird, und wo also die Luft bie verlangte Dichtigkeit durch ben Drud einer Bafferfaule erhalt.

Bird der Druck der Luft zu groß, so wird das Wasser im Kasten fallen, im Behatter aber steigen und zwar um gleichviet, wenn beide den gleichen Flacheninhalt haben (wie dieß gewöhnlich der Fall ift). Je größern Druck daher die eintretende Luft hat, besto größer wird die Differenz der Hohen der beiden Wasserstäulen sevn.

Diefe Wafferregulatoren werden bei größern Geblafen den Erodenregulatoren vorgezogen, ba ihre Confiruttion mit weniger Kofien und bas Spiel berfelben mit weniger Gefahr verbunden ift.

Berechnung ber Quantitat und Gefdwindigfeit ber burd Geblafe gelieferten Luft.

Mit großer Leichtigkeit kann bas Bolum ber aus ber Dusenbffnung entweichenden Luft aufgesunden werden, ba baffelbe gleich ist bem Flächeninhalte bes Kolbens, vervielfacht mit seiner Geschwindigkeit.

Thut z. B. ein Kolben 12 Habe per Minute und ist seine Hubbohe =  $2\frac{1}{2}$ , so ist seine Geschwindigkeit =  $30^{\circ}$  per Minute.

Bit nun ber Flacheninhalt bee Rolbene = 8 0, fo ift bae Bolum per Minute = 8 0' x 50', und per Cefunde

$$= \frac{8 \times 30}{60} = 4 \text{ Cub.'}$$

Wegen mehrerer Ursachen, welche eine Berminderung der Quantitat von Luft herbeisähren, muß indessen nur 3 bes auf diese Weise erhaltenen Bolams genommen werden. Es ist daher das Bolam Luft, welches in obigem Falle per Sek. geliefert wird und welches die Dichtigkeit der atmosphärischen Luft hat, = 5 Cub.

Um aber ber ausströmenden Luft eine größere Geschwinbigkeit zu geben, als die, welche die atmosphärische Luft besitzt, muß sie mit einer gewissen Kraft gedrückt und hiemit
in ein kleineres Bolum gebracht werden. Das so eben aufgesundene Bolum ist daher nicht das reelle, sondern dassenige
bei der Dichtigkeit der atmosphärischen Luft; es kann aber
mit Leichtigkeit in jenes umgewandelt werden, wenn man die
Dichtigkeit der zusammengepreßten Luft kennt. Es sind namlich die drückenden Krafte in geradem Berhältnisse zu den
Dichtigkeiten, im umgekehrten Berhältnisse aber zu den Bolumen elastischer Flusselten, oder wenn

P ben Drud ber atmospharifchen Luft,

D ihre Dichtigkeit und

V ihr Bolum ;

P + p ben Druck ber zusammengepreften Luft,

D' ihre Dichtigfeit und V' ihr Bolum bedeutet:

$$\begin{array}{c} P:P+p::D:D'\\ P:P+p::V':V \end{array}$$
 folglid)  $V'=V\times \frac{P}{P+p}.$ 

Burde man also bas vorhin erhaltene Bolum Luft noch mit bem Rapporte bes Druckes ber atmosphärischen Luft zu bemjenigen ber zusammengepreften Luft verbielfachen, so murbe man bie wirkliche Quantität Luft erhalten, welche aus der Dufenoffnung per Sckunde in bas Feuer gejagt wird.

Diefes Resultat murbe indeffen immer fehr unbeftimmt fenn, und es ist zuverläßiger, zuerst die Geschwindigkeit ber ausstremenden Luft aus ihrer Dichtigkeit und bann aus berefelben bas Bolum zu berechnen, welches in einer gewissen

Beit geliefert wird.

Der Druck und hiemit die Dichtigkeit ber zusammenge preften Luft (P + p) lagt sich leicht vermittelst eines Windmersers (ventimetre) ausmitteln. Dieses einfache Infirument besteht aus einer gebogenen Robre, welche mit irgend einer Flussseit, meistens mit Quecksiber oder Wasser zum Theil angestüllt ift, und von welcher der eine Schenkel mit der athmosphärischen Luft, der andere mit der zusammengepreften Luft, d. h. mit der Windleitungerobre in Verbinzbung gebracht wird.



Die Entfernung bes Niveaus in ben beiben Schenkeln ober die Sobe ber Wasser, oder Quecksilbersaule gibt alsbann bie Dissernz bes Druckes ber zusammengepresten Luft und bessenigen ber atmospharischen Luft an, und es läßt sich baraus leicht die Kraft p berechnen, mit welcher die Luft zus sammengebrückt wird. Ift z. B. die Hohe bei einer Wasserstäule = 8", so ist, da 1 Cub." Wasser \frac{70}{1728} tb. wiegt, der Druck des Windes

$$=\frac{8 \times 70}{1728} = 0.3241$$
 Hb. auf ben ...

Bei einer Quedfilberfaule mare hingegen für die namliche She ber Drud bes Windes auf ben " ungefahr 13mal (spezifisches Gewicht bes Quedfilbers) so groß ober = 4,213 16.

Folgende Tabelle gibt fur jede Bobe der Baffers ober Queckfilberfaule die dazu gehörige Preffion des Windes an. Werben diese Soben in Centimetern angegeben, so muß die britte Columne fur die Soben, in Jollen ausgedruckt hingegen ie vierte Columne genommen werden.

I. Höhe der Queck- filberfäule in Centimet. oder Jollen.	II. Höhe der Was- serfäule in Centimet. oder Zollen.	Pression bes Windes auf ben in Grammen.	IV. Pression des Windes auf den '' in Pfunden.				
1	13,568	13,57	0,5195 tb				
2	27,136	27,14	1,0990				
. 5	40,704	40,70 - 54,27	1,6485				
4	54,272		2,1980				
5 6 7 8 9	67,840	67,84	2,7475				
	81,408	\$1,41 94,98 108,54 122,11 135,68	5,2970 3,8465 4,3960 4,9455 5,4950				
	94,976						
	108,544 122,112 135,680						
				11	119,218	119,25	6,0445
				12 13 14	162,816	162,81	6,5840
176,381	176,38	7,1433					
189,952	189,95	7,6950					
15	203,520	203,52	8,2125				

Aus dieser Sobe, welche ber Windmeffer angibt, läßt fich die Sobe H einer Luftkolonne von gleichem Gewichte und

aus berfelben die Gefchwindigkeit v ber gusammengepreften Luft aus ber Formel

Bezeichnet man nun burch:

S bie Sektion ber Dufenoffnung in [ Metern,

d bas spezifische Gewicht bes Quedfilbers = 10466, (bas ber Luft gur Ginheit angenommen),

b ben atmospharischen Druck = 0m,76,

h die Sobe der Quedfilberfaule in dem Windmeffer oder ben Druck ber zusammengepreften Luft, und

Q bas Bolum Luft (in Cubifmetern), welches per Gefunde

geliefert wird, fo erhalt man:

$$v = V_{2 g d h} \times \frac{b}{b + h}$$

$$= V_{49,62 \times 10466 \times h} \times \frac{0,76}{0,76 + h}$$

$$= 520 \cdot V_{h (0,76 + h)}$$

$$= 100 \cdot V_{h (0,76 + h)}$$

$$= 100 \cdot V_{h (0,76 + h)}$$

$$= 100 \cdot V_{h (0,76 + h)}$$

Wegen ber Contraktion muß biefe Quantitat noch mit bem Coeffizienten 0,94 vervielfacht werben, und man erhalt alebann:

Ift nur eine Dufe vorhanden, und ift ihr innerer Durchmeffer = D, fo ift

$$S = \frac{\pi D^2}{4} \text{ ind}$$

$$Q = 384 D^2 . V h (0.76 + h)$$

Da 1 Enbitmeter Luft 1',3 wiegt, fo ift bas Gewicht biefer Quantitat Luft (in Rilogrammen ausgebrudt), ober:

$$P = 4^{h}, 3 \times 489 \text{ S} \cdot \text{$V$ h (0.76 + h.)}$$

Und ba der nügliche Effekt E, der hier erzeugt wird, burch bas Produkt des Gewichtes P des herausgejagten Windes in die Hohe H, welche seine Geschwindigkeit v erzeugt, ausgebrückt werden kann, so erhalt man, indem man

$$H = \frac{v^2}{2 g}$$
 sett:

und fur eine einzige Dufenoffnung beren Diameter D ift:

$$E = 5977008 D^2$$
.  $V = \frac{h^3}{0.76 + h}$ .



Da 1 Pferbetraft = 75 Kilogr. Meter ift, fo hat man nur biefen Werth von E noch burch 75 gu theilen, um bie Starte bes Geblafes, in Pferbetraften ausgebructt, zu wisen.

Aus diesem Werthe von E kann man ebenfalls mit Leichtigkeit den anzuwendenden dynamischen Effekt berechnen, da man durch Versuche gefunden hat, daß der Nutzeffekt bei den besten Balgengebläsen nie mehr als 25%, bei Kastengebläsen etwa 30% und bei Cylindergebläsen bis auf 35%, bei Wassertrommelgebläsen hingegen höchstens nur 18% des angewandten dynamischen Effektes beträgt.

- Beispiel. Ein Geblase habe zwei Dusenoffnungen, beren Diameter 8 Centimeter beträgt, und die Hohe der Quecksibersaule im Windmesser sen = 0 -, 18, wie groß wird die Quantität Lust sen, welche per Sekunde von diesen beiden Dusen geliesert wird, und wie groß muß der dynamische Effelt sehn, wenn ein Cylindergeblase dazu angewendet werden soll?
- Berechnung. Da ber Diameter ber Disenoffnung = 8cm ist, so ist bie Seltion einer Deffnung = 0,7854 × 82 = 50,2656 Centimeter, und hiemit die Summe der Seltionen von beiben Dusen = 2 × 50,2656 = 0,01005 Meter. Es ist daber:

S = 0.01005 und $h = 0^{m}.18$ 

folglich:

$$v = 520 \cdot \sqrt{h (0.76 + h)}$$

$$= 520 \cdot \sqrt{0.18 (0.76 + 0.18)}$$

$$= 520 \times 0.4113 = 215^{m}.88.$$

$$Q = 489 \text{ S} \cdot V h (0.76 + h)$$

$$=489 \times 0.01005 \times 0.4113$$
,

= 2,0213 Cubifmeter.

$$E = 5047752 \text{ S. } V \frac{h^5}{0,76 + h}$$

= 3987,37 Kilogramm Meter.

Die Geschwindigkeit des erzengten Windes ist hiemit = 215,88 per Sekunde, die Menge desselben = 2,0213 Cubikmeter per Sekunde, und es braucht dazu einen Nuheffekt von 3987,37 Kil. = 53,16 Pferdekraften und folglich einen dynamischen Effekt von wenigstens

$$\frac{53,16}{0,35}$$
 = 152 Pferdefraften.

Die Dimensionen der Blasecolinder und Leitungeröhren, welche erforderlich find, um biese Quantitat von Wind zu produziren, laffen sich auf folgende Weise bestimmen:

Da die effettive Menge Windes = 2,0213 Eub." per Sekunde = 121,278 Cub." per Minute ift, so ist die theoretische Quantität ungefähr

$$=\frac{4}{3}$$
 × 121,278 = 162 Eub.

Mimmt, man zwei Bladeplinder an, fo hat alfo jeder berfelben

und werden 30 Rolbenguge per Minute angenommen, fo muß jeder Eplinder bei jedem Kolbenguge

Macht man ferner bie hubslange gleich bem Diameter bes Cylinders (wie es gewöhnlich geschieht), so bat man:

$$\frac{\pi D^s}{4} = 2,7,$$

und folglich :

$$D = \sqrt[4]{\frac{4 \times 2.7}{\pi}} = 1^{n}.48.$$

Dieß ift alfo auch jugleich die hubslange.

Der Diameter ber Hauptrohre, welche mit dem Blaschlinder direkte in Berbindung steht, soll & — & desjenigen
bes Ehlinders, also hier etwa 35° betragen, (gewöhnlich ist
er zwischen 20 und 65° enthalten), und die Summe der
Sektionen der verschiedenen Nebenrohren um To etwa größer
senn, als die Sektion der Hauptrohre ift.

Es ist ferner rathsam, ber Dusenoffnung nie mehr als 7 — 8° Diameter zu geben. Gewöhnlich beträgt bieselbe bei Hochofen nur 4 — 5° ...

Aus dem Borbergebenden geht hervor, daß fur eine konftante Menge Luft bie Gefchwindigkeit und hiemit auch die

Differently Google

Pression berselben gang von ber Sektion ber Dusenbffnung abhangt. Ift z. B. biese boppelt so groß, so wird die Sesschwindigkeit ber Luft nur halb so groß seyn muffen und hiesmit die Pression auch betrachtlich kleiner seyn.

Diese legtere tann indessen nicht willführlich bestimmt werben, sondern hangt gang von der Natur des Brennmaterials, von der mehr oder weniger diden Lage besselben, welche die Luft zu durchstreichen hat, und von mehreren andern Umftanden ab.

Die zwedmäßige Berbrennung von Coke erheischt z. B. eine bichtere Luft und eine viel größere Geschwindigkeit derfelben als diejenige von Fichtenkohlen. Für jeden Fall ist
baber burch besondere Versuche die vortheilhafteste Pression
bes Windes, welcher dazu angewendet werden muß, auszumitteln.

Rarften gibt folgende Quedfilberhoben im Windmeffer und die bazu korrespondirenden Pressionen (in Pfunden ausgebrudt) als die zwedmäßigsten an:

		Höhe.	Preffion auf ben ".
gur Roblen aus	leichterm Tannenholz	2 - 3em	0,536 fb.
27	bichterm "	3 - 4	3 2
"	hartem Solze	4 - 6	1 "
Beicher, leicht	entzundbarer Cofe	8 -13	11 -21 ,
harter und dich	ter Cofe	13 -19	$2\frac{1}{2} - 3\frac{1}{2}$ "

Bur bequemern Ueberficht geben wir hier bie ben berichiebenen Quedfilberhohen forrespondirenden Geschwindigkeiten bes Windes-an, welche aus ber Formel

$$v = 520 . V_{h (0,76 + h)}$$

berechnet worden find.

hohe in	Geschwindigfeit ber Luft in Metern per Sefunde.
0 0	
1	45.60
2	64.50
3	79.90
4	92.80
5 1	105-15
- 6	116.04
7	125.84
8	134.88
9	143.78
10	152.46
11	160.84
- 12	168.95
. 13	176.90
14	184.75
15	192.00

Die Pression in einem Schmidteblasbalg beträgt ge, wöhnlich 4 Masserbbbe oder 0 29 Quedfilberbbbe, welche eine Geschmindigkeit von 24,45 per Sekunde erzeugt.

Seine Dusendffnung hat etwa 2. Diameter. Es beträgt hiemit die per Sekunde gelieferte Quantitat Luft etwa 7% Liter.

Bei Hochbien, wo ber Wind Lagen von 15 - 40' Dide durchstreichen muß, wird eine bedeutende Presson und Geschwindigkeit bes Windes erfordert.

Bei Hochhfen von 20 — 24' Hohe, welche mit Holz kollen gespeist werden, gibt man dem Winde eine Pression von 50° Wasserbahe ober 3½° Quecksilberhohe, welches eine Geschwindigkeit von 85° per Sekunde gibt. Zu solchen kann man sich noch der hölzernen Balgengebläse bedienen.

Bei Hochbfen von 50' Hohe, welche mit Coke betrieben werden, braucht es hingegen nothwendigerweise Kastens oder Enlindergeblase. Die dazu erforderliche Pression beträgt bei benselben etwa 2 — 2½ Wasserhohe oder 15 — 20 Ducks silberhohe und hiemit eine Geschwindigkeit von 170 Metern per Sekunde.

Für kleine Cupolobsen (beren man sich jum Umschmelsen kleiner Quantitaten Gußeisen bedient), kann man sich ber Balgengeb'afe bedienen. Haben aber diese Defen 6— 7' Sobte, so ist es vortheilhafter, Geblase mit Windregulator anzuwenden.

Rarften \*) gibt noch folgende Daten an, in Beziehung auf die Quantitat Luft, welche bei Sochofen von verschiedenen Soben gu geben find:

Die Sochofen, welche mit Cote betrieben werden, follten nie

weniger als 62 Cubitmeter Luft per Minute erhalten.

Für eine gleiche Luft foll die Sobe der Sochbfen, welche mit Solgfohlen genahrt werden, wenigstens 14" betragen; folche von

11-12 Meter Sobe erfordern nicht mehr als 38-40 Cub."

9-9\frac{9}{8} ,, ,, \frac{9}{18-20} ,, \quad \frac{25-28}{18-20} ,, \quad \frac{1}{18-20} ,

Gewöhnlich nimmt man an, daß 3000 Cub. Luft 8000 Kil. Guscisch produziren, und daß 1 Pferdefraft 400 Cub. Luft per Minute gibt und in den englischen Hochofen etwa 2½ Zonnen Guseisen wöchentlich liefert.

Diese Angaben find indessen sehr oberflächlich, ba die erforberliche Luftmenge von der mehr oder weniger großen Schmelgbarteit der Essenmasse, von der Natur des dazu angewandten Brennmaterials, von der Beschaffenheit und Construction des Ofens und von mehreren andern Ursachen abhängt und daher bald größer, bald fleiner ift.

b'Aubuiffon gibt in Bezug auf ben anzuwendenden Effett Kolgendes an :

1) Um 3000 Kil. Gußeisen zu liefern, braucht es, wenn bie Dufenoffnung einen Diameter von 0",05, bie Leitungerobre einen Diameter von 0",15 und eine Lange von

<sup>&</sup>quot;) Siebe Karften's Metallurgle, gweiter Band.

420" hat, und wenn per Minute 15 Cub." Luft geliefert wird, einen bynamischen Effekt auf die Oberfläche bes Kolbens (bie Reibung nicht eingerechnet) von 446 k x m per Sekunde.

2) Um 4 Cub. Luft per Minnte mit einer Geschwindigseit von 80 Metern per Sekunde zu erhalten, ist der dazu erforderliche Effekt = 28 Kil. × m per Sekunde, und um 2,06 Cubikmeter Luft per Minute mit einer Geschwindigkeit von 62 per Sekunde zu erhalten, erfordert es einen Effekt von 11 Kil. per Sekunde.

## Anhang.

Von der prattischen Unwendung des Dampses zum Forttreiben der Projektile. \*)

Befindet fich in einem Flintenlaufe eine Augel, und wird hochdruckender Dampf hinter derfelben in den Lauf ge-laffen, so wird diese von dem Dampf vorwärts gedruckt und tritt aus dem Laufe mit einer Geschwindigkeit, welche von der Tension des Dampfes und der Lange des Robers abhängt.

Die von Perkins zuerst vorgeschlagene Anwendung des Dampfes in Geschützen (statt des Schiefpulvers) beruht da, ber auf gang richtigen Pringipien, ist hingegen in praktischer Hinsicht, wie spater gezeigt wird, außerordentlich beschrankt.

Das Fortreiben ber Rugel fann auf zweierlet Art be-

<sup>\*)</sup> G. Prechtis technol. Encycl., britter Bant.

Bernoulli's Babemecum II.

- 1) durch plotzlichen Stoß und allmählige Ausbehnung, wie dies bei der Anwendung des Pulvers geschieht, und
- 2) burch einen gleichformigen Druck burch bie ganze Range bes Rohres, wie bei ber Bewegung bes Kolbens in bem Cylinder einer Dampfmaschine.

Leicht ist einzusehen, daß nur das zweite Mittel zu diefem Zwecke angewendet werden kann, da der Stoß, welcher durch die Explosion des Pulvers erzeugt wird, eine Pression von etwa 2000 Atmosphären ) gleichgesezt werden kann, und da die Aussuhrung irgend eines Dampsapparates bloß fur eine Pression von hochstens 100 Atmosphären statthaben kann.

Durch den gleichformigen Druck des Dampfes auf die Rugel wird bie Geschwindigkeit der leztern immer mehr beschleunigt, bis dieselbe aus dem Laufe mit einer gewissen End-Geschwindigkeit austritt.

Bezeichnet man biefe End-Geschwindigkeit burch v., bas Gewicht ber Rugel burch p. so ift ber dazu erforderliche Effett

## 19,"62.

Ift nun d ber Diameter ber Rugel in Centimetern und I die Lange bes Robres in Metern, fo ift bas Bolum bes Dampfes, welches bei jedem Schuffe verwendet wird und in

Districted by Car

<sup>&</sup>quot;) Rach Robind to biefelbe = 1000, nach Guler = 10000 Atmosphären.
Rumford schät fie felbst auf Toobs Atmosphären.

den Lauf hineinströmt = 0,7854 d2 × 1, und wenn n die Anzahl von Atmosphären dieses Dampses bedeutet, so ist der dwamische Effekt dieses Bolums

$$= n 1, 035 \times 0.7854 d^2 \times 1.6 and 200 1$$

auffenfer einer Dimpfungenite.

Es muß baber : 14 mm find undbingine if ichell

$$\frac{p v^2}{19,62} = n \times 1,035 \times 0,7854 d^2 \times 1$$

and 
$$n = \frac{p \ v^2 \sqrt{1001 \, M^2}}{19,62 \times 1,^5033 \times 0,7854 \, d^2 \, l^{10}}$$
 at

$$\mathbf{n} = \frac{\mathbf{p} \ \mathbf{v}^2}{\mathbf{n}^2} \quad \text{fem.}$$
 is the explicit set 2 for  $\mathbf{n}$  and  $\mathbf{n}$  in the explicit set  $\mathbf{r}$  for  $\mathbf{r}$ 

Sollen nun 3. B. bleierne Augeln beren Gewicht p. = 50 Gramme ift, und beren Diameter d etwa 27 beträgt, aus einem Flintenlaufe von 1,"34 Lange geschoffen werben, wo im Falle ber Unwendung bes Schiespulvers eine Geschwindigkeit v von 400 Metern erzeugt wird, so ift

Für eine Lange bes Robres bon 2" wird hingegen n = 30 Atmofphären, b. h. ber Dampf muß alebann nur eine Tenfion bon ungefähr 30 Atmofphären bestigen.

Bir lang kann indeffent ein foldes Robr micht gemacht werben, ba alsbann ber Widerstand der Kingel und die Ablublung des Dampfes in demfelben den Effett des Dampfes zu febr verminbern wurde.

Mit einer folden Dampfflinte tounen 120 Schuffe per Minute gethan werben. Man braucht hiezu etwa 11 Ril. Dampf, wozu eine Dampfflache von ungefahr 3,60 - erforderlich ift.

Bur biesen Fall konnte also noch bie Beinigung bes Dampige leicht geschen und ziemlich vortheilhaft erscheinen. Die Schwierigkeiten ber Aussuhrung nehmen aber immer mehr überhand, je größer bas Kaliber bes Geschützes wird.

Tur eine einpfundige Ranone wird 3. 3.

erhid assun parma (10) sooniara see ingri

d = 5,00

v = 55.0" und

n = 140 Atmospharen,

welches ichon unauefuhrbar wird.

Für eine doppelte Lange bes Laufes ober 1 = 4" wurde zwar nur eine Presson von

cel cauco domodelle = 70 Atmospheren

erforbert. Um 8 Schliffe per Minute gunthun, maßte bie Dampfflatte wort foor 10 magefahr betragent woll :

Der Bortfeil ber Danupfgeschütze liegt aber besonders in der großen Angahl Schuffe, welche mit denselbem in einer gewissen Zeit gemacht werden konnen, und damir dies Statt batte, mußten bier wenigstens 64 Schusse per Minute gesichehen, welches eine Danupffläche von 80 [] und einen bynamischen Effekt ersordern wurde, welcher bemienigen einer Maschine von 72 Pserdekraften gleich kame.

In biefem Falle wurde zwar diefes Geschutz eben so viel Wirfung als zwolf gewöhnliche Kanonen von demfeben Kaliber thun, jedoch weit unbequemer und unsicherer senn. Fur Kannonen von noch größerem Kaliber wurden diese Nachteile noch beträchtlicher senn, und aus dieser einfachen Verechnung läßt sich baber schließen, daß ber Danipf Hochstens nur fur die Dampflinte eine praktische Anwendung sinden durfte.

Regeln für bas Bohren und Abbreben gußefferner Entimber.

Die Erfahrung lehrt, baß ce nicht rathfam iff, bem Schneidezeug eine größere Geschwundigkeit zu geben, als 78\subseten Inches (2 Meter) beim Bohren, und die doppelte oder 175 Inches (4") beim Abdrechen per Minute.

Diese Geschwindigkeit kann als Maximum angeseben werben, wenn bas Schneibezeng, firitt ift, gund jeing gehflege schneibezengs und ber Benauigkeit,

indem die ju ftarke Ermarmung bas Metall ausbehnt und bei ber geringften Unterbrechung bann eine Zusammenziehung erfolat, welche Spuren binterläßt.

Ift hingegen bas Schneibezeitg nicht fixirt und wird von Sand geführt (Meißel ober Saden), so kann eine größere Umfangsgeschwindigkeit flatt haben, wie weiter unten zu ersteben ift.

Je größern Umfang also ber zu brehende Cylinder oder bas Loch hat, bas gebohrt werben foll, besto langfamer muß sich ber Cylinder oder Bobrer brehen.

Minute nur 25 Umgange machen beim Bobren und 50 beim Mobreben - (beun 25, X 34) = 784 10):

bei 2" Diam. - 12 Umgange beim Bohren, 25 beim Dreben,

99	3"	99	81	27	**	n	163	99	
77	400	97 11.7 (1.7)	61	39 8 h	# 11 W	3/1/1	121	**	
97	5"	22	5 .4.	-19 52	'n	**	10	99	
	6"		4 6	22	89	**	81	-11	
95	75 5	<b>23</b> 35, 151 . 6	34	95 (č. ).	- 11 mg	19 H	7	27	1 4
	811 .	transit or a	54	100 321	**	9977	61	79	
"	9"1	n	56	11 11		29 215.112 1	54	99	
	10//	(a 3 %	21		22	29	.5	22	

Die Deifiel mogen ferner beim erften Schnitt um 16 und beim legten um 34" fortraden.

In ber ehemaligen Maschinenfabrik in Charenton (bei Paris) find folgende Geschwindigkeiten beim Dreben und Bobren bes geschmiedeten Eisens befolgt worden:

#### Groffer Drebftubl. Der zu brebende Cylinder machte 1 Umgang in 45 Sefunden. no stad and and and and some state at große 1 : 101 1 . Child 100 1 1 1 1 1 1 1 3/50/100 in a stag such not and colors College of the fleine gang fleine 5 Umgange in 4 Min. Dandbrebftublet . . anflord if Stude unter 34 Diameter 150 Umgange ver Minute. , 80 - 1 34, con and and über t mi Die namliche Gefdwindigfeit ift. für Fleine gufeiferne Stude genommen worben: naden tanannen 32 run stunille Gefdwindigfeit beim Dreben von Stredenlinbern andrie and se and cylind minding : ici bet 2" Diam. . -

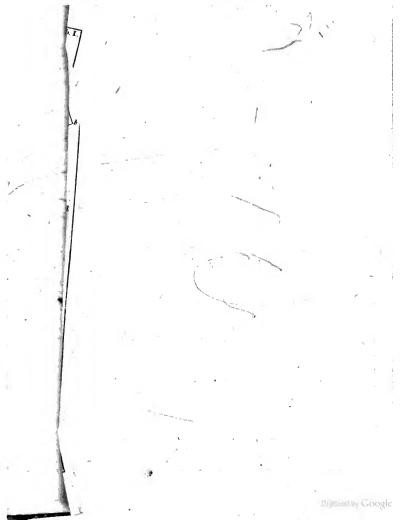
Stredenlinder, nicht in Mufcheln gegoffen, 4 Umgang in 52 Sef.

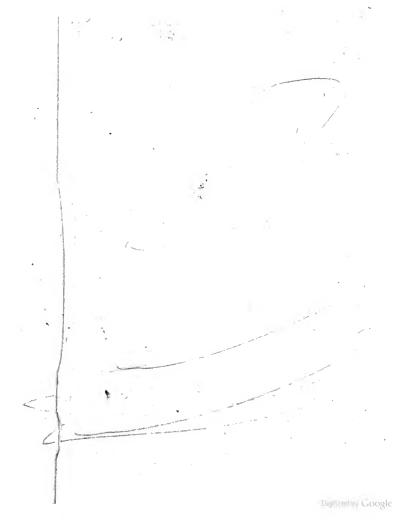
Paris) find folgende Gefchmerbigkeiten benm Driben und Bobren bes geschmiedeten Eisens bezolgt worden:

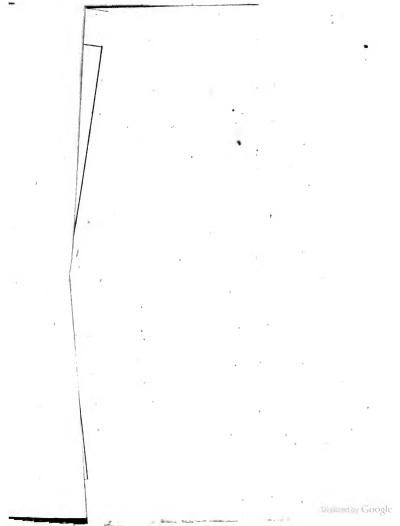
<sup>\*)</sup> Muschein (coquilles) find schwere Maffen aus Guseisen, die die Form eines Fagigens, und in der Mitte der ganzen Lange hindurch ein Loch haben, das, genau den Olameter des Streckeninders hat, der darin gezossen werden soll. Da diese Muscheln immer, talt bleiben, sa wird das bineingegossen flusses Guseisen sebr geschwind adogeniste und die Ober- Made erhalt eine Cane ibte sehr off die des geineinen Stabies koerrrifft. (Für einen Streckeninder von 522. Tasellange und 4.7. Plameter gibt man der Muschel 100" Dick.)

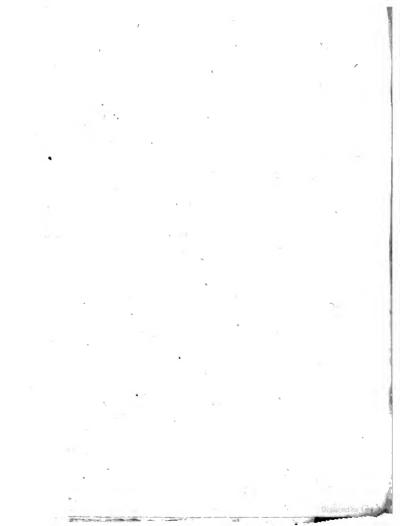
## Drudfehler.

```
Beile 11
                von oben ftatt Garnittrung lies Garnituren.
                                or d 2 p
               von unten
                             Diefen Drud ...
                                               diefer Druct.
  21
                             die Robre
                                              ber Robre.
 26
                             die gange
 27
                                              ber gangen.
 34
                             Mithin
                                              Mittin.
                             Offor
                                             Cffort.
 76
           2 von unten , frang. Fusmaagen ties metrifchen Maagen.
    Die beiben Formeln von d' und D' Geite 87 Beile 1 von unten begieben
    fich auf die ftabeifernen Bapfen Seite ss.
 98 Beile 7 von unten fatt Botums
                                         lied Bolums.
105
105
                             diejenige
                                              berjenigen.
105
                            Cotre
                                              Cofe. .
109
111
                               5000
                                               500.
                                               6.mm6.
442
                             461
149
                                               36 1
                            W (550 + n' - n) lies 550 +
130
151 gwifden ben Beilen 2 und 3 von oben muß freben:
           = 5,2 K.0 Steintoblen baju erforberlich.
```









the file of 1: 1 4 8 Fill Falls P=128 LE THE 106 : 114 - = 7.6 Jn. 12

7

ù

